

# Задачи на построение

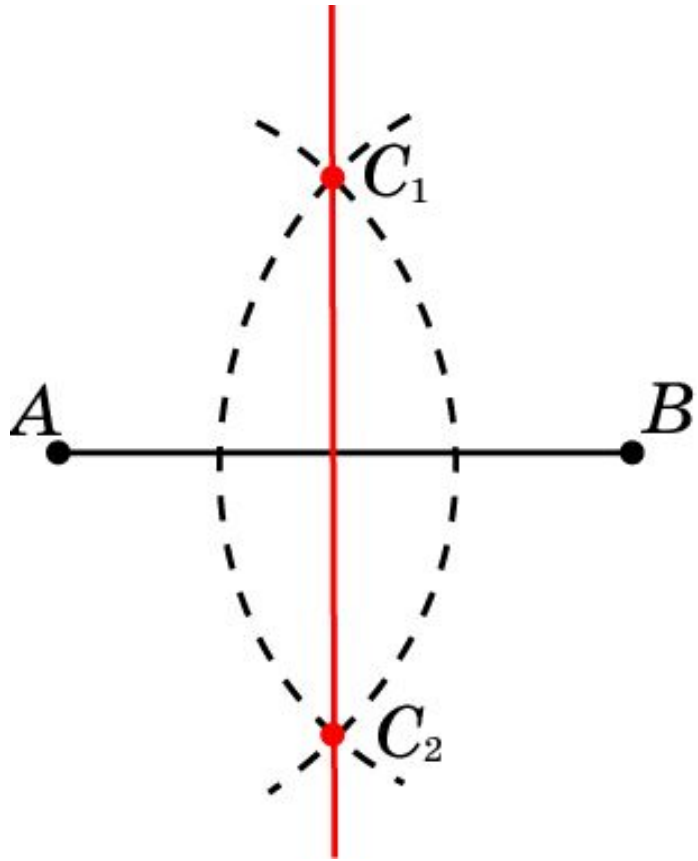
Основными чертежными инструментами, с помощью которых производятся геометрические построения, являются **линейка** и **циркуль**.

С помощью линейки через две заданные точки проводят прямую.

С помощью циркуля проводят окружности с данным центром и данного радиуса. В частности, с помощью циркуля на луче от его начала можно отложить отрезок, равный данному.

# Задача 1

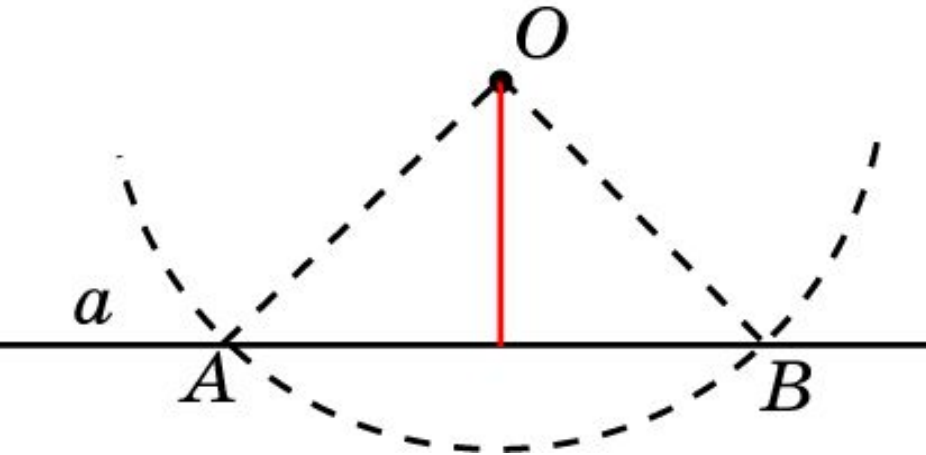
По данному рисунку объясните, как построить серединный перпендикуляр к заданному отрезку.



**Решение.** Пусть  $AB$  – данный отрезок. Опишем окружности с центрами в точках  $A$  и  $B$  и радиусом, большим половины  $AB$ . Обозначим точки их пересечения, лежащие по разные стороны от прямой  $AB$ , через  $C$  и  $D$ . Точки  $C$  и  $D$  одинаково удалены от концов отрезка  $AB$ . Следовательно, они принадлежат серединному перпендикуляру и, значит, прямая  $CD$  и будет искомым серединным перпендикуляром.

## Задача 2

По данному рисунку объясните, как из данной точки, не принадлежащей данной прямой, опустить перпендикуляр на эту прямую.

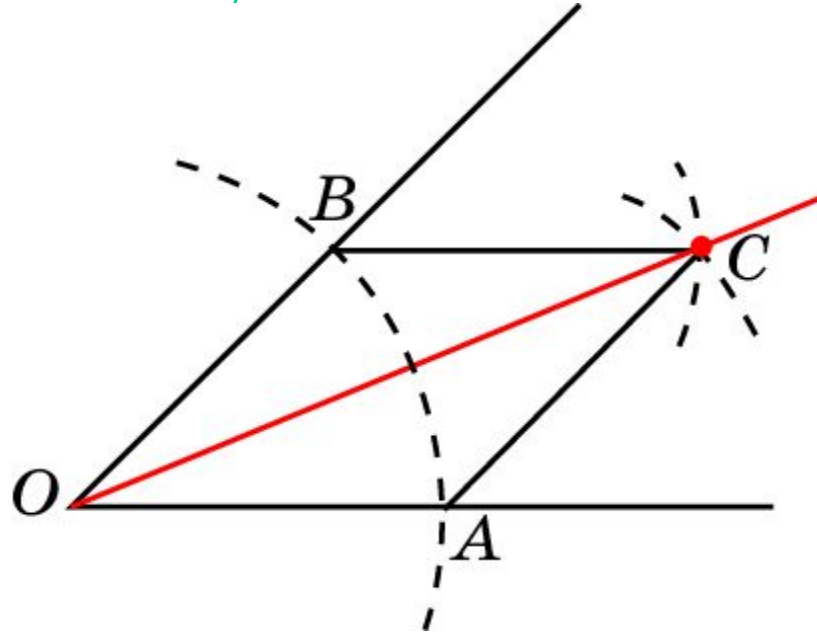


**Решение.** Пусть  $C$  данная точка,  $a$  – прямая. Отметим на этой прямой какую-нибудь точку  $A$ . Если отрезок  $CA$  перпендикулярен  $a$ , то он является искомым.

В противном случае проведем окружность с центром в точке  $C$  и радиусом  $CA$ . Она пересечет прямую  $a$  в точке  $A$  и некоторой точке  $B$ . Так как  $AC = BC$ , то точка  $C$  принадлежит серединному перпендикуляру к отрезку  $AB$ . Поэтому искомым перпендикуляром  $CO$  будет лежать на серединном перпендикуляре к отрезку  $AB$ . После этого можно воспользоваться построением серединного перпендикуляра из предыдущей задачи,

## Задача 3

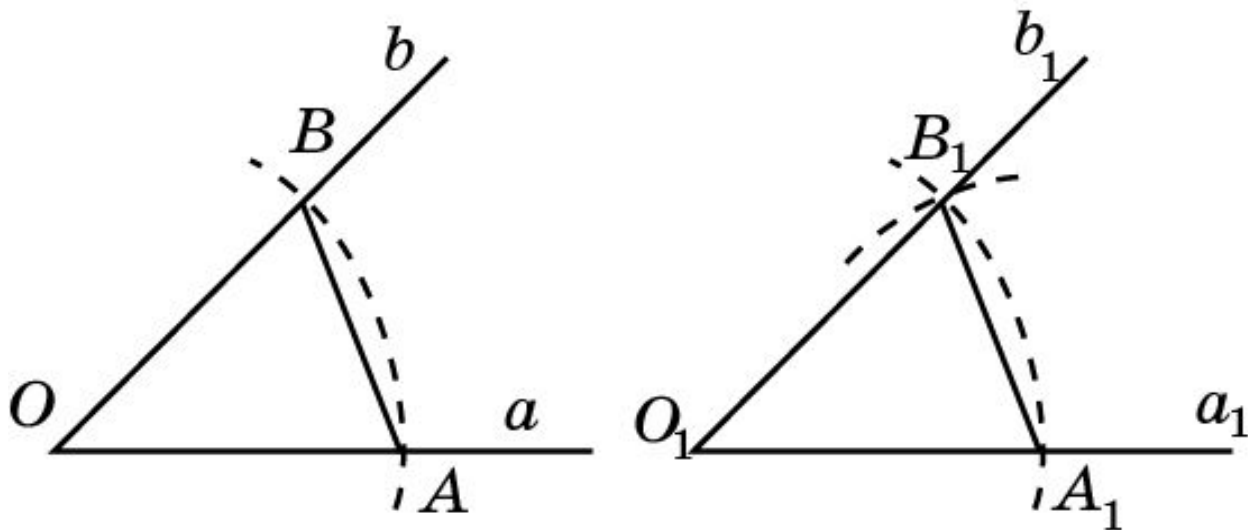
По данному рисунку объясните, как построить биссектрису данного угла.



**Решение.** Опишем окружность с центром в вершине  $O$  данного угла, пересекающую стороны угла в точках  $A$  и  $B$ . Затем этим же раствором циркуля с центрами в точках  $A$  и  $B$  опишем еще две окружности. Их точку пересечения, отличную от  $O$ , обозначим  $C$ , и проведем луч  $OC$ . Треугольники  $OAC$  и  $OBC$  равны по третьему признаку равенства треугольников. Следовательно,  $\angle AOC = \angle BOC$ , т.е. луч  $OC$  является искомой биссектрисой.

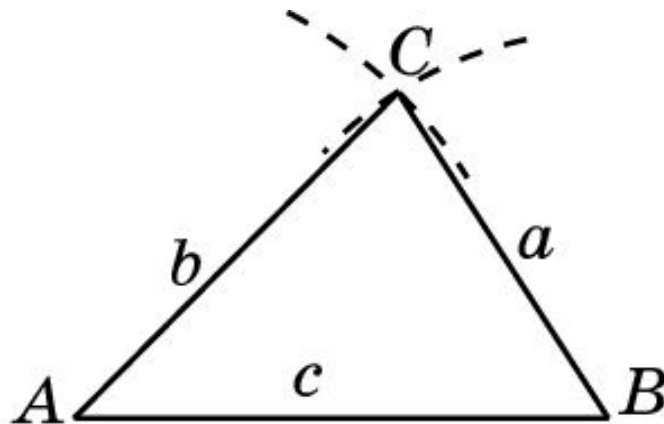
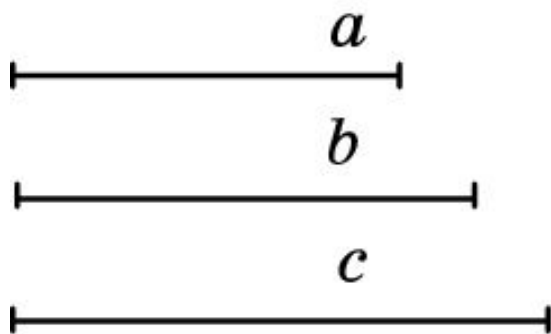
## Задача 4

По данному рисунку объясните, как построить угол, равный данному, одна из сторон которого совпадает с данным лучом.



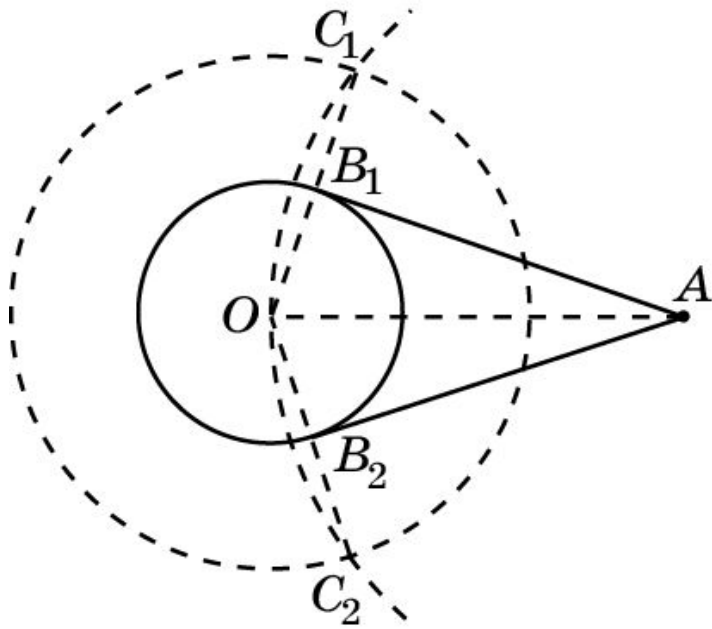
## Задача 5

По данному рисунку объясните, как построить треугольник  $ABC$  с данными сторонами  $AB=c$ ,  $AC=b$ ,  $BC=a$ .



## Задача 6

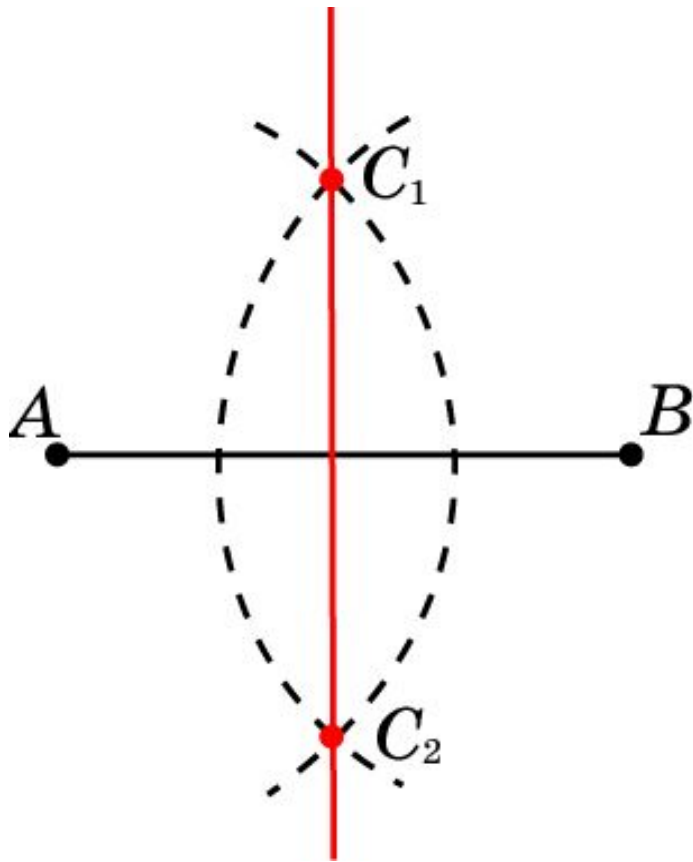
По данному рисунку объясните, как построить касательную к данной окружности, проходящую через данную точку вне этой окружности.



**Решение:** Пусть дана окружность с центром  $O$  и радиусом  $R$ . Точка  $A$  лежит вне этой окружности. Построим окружность с центром  $O$  и радиусом  $2R$  и окружность с центром  $A$  и радиусом  $AO$ . Эти окружности пересекаются в двух точках  $C_1$  и  $C_2$ . Соединяем эти точки с центром  $O$  и обозначим точки пересечения отрезков  $C_1O$ ,  $C_2O$  с окружностью  $B_1$  и  $B_2$  соответственно. Они и будут искомыми точками касания. Прямые  $AB_1$  и  $AB_2$  будут искомыми касательными.

## Задача 7

По данному рисунку объясните, как построить середину заданного отрезка.



**Решение:** Строим серединный перпендикуляр к данному отрезку и находим его точку пересечения с этим отрезком. Она и будет искомой серединой.