

# Четырехугольники и их свойства

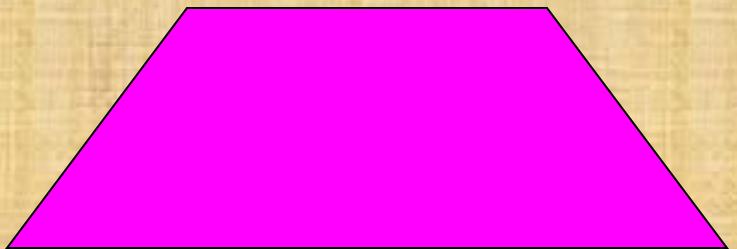
*Геометрия. 8 класс*

*Учитель: Еремина В.А.*

# Названия четырехугольников.



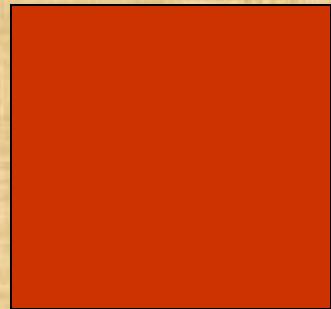
Параллелограмм



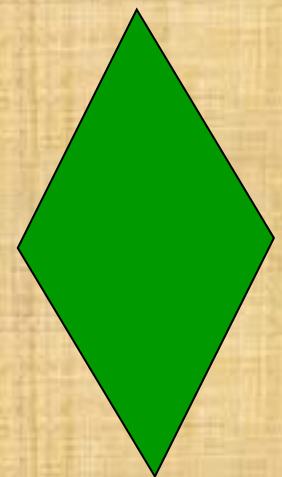
Трапеция



Прямоугольник

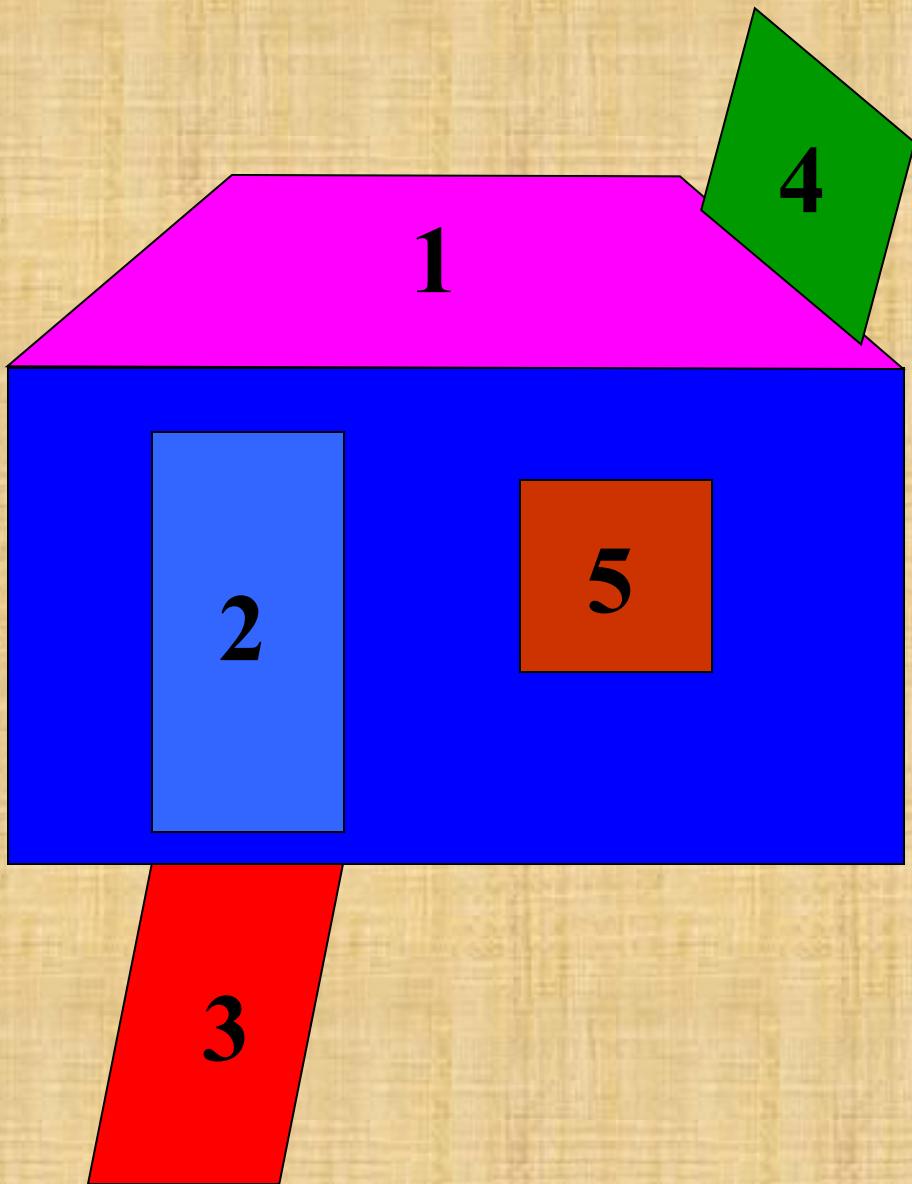


Квадрат



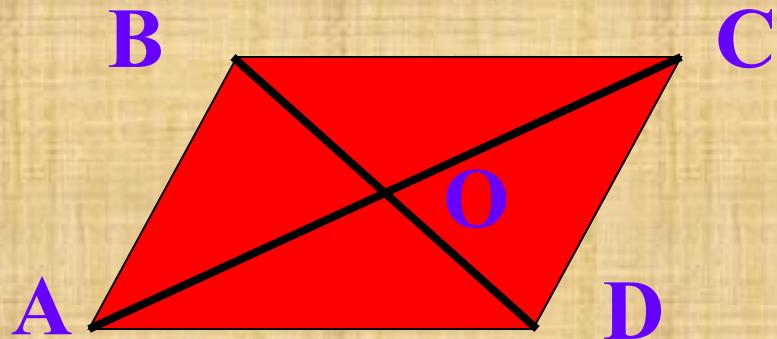
Ромб

**Из каких четырехугольников построен домик ?**



- 1 - трапеция
- 2 - прямоугольник
- 3 - параллелограмм
- 4 - ромб
- 5 - квадрат

*Элементы  
параллелограмма.*



**AB** и **CD** - **противоположные стороны**

**AB** и **AD** - **смежные стороны**

**∠B** и **∠D** - **противоположные углы**

**∠A** и **∠B** - **односторонние углы**

**AC** и **BD** - **диагонали**

**O** - **точка пересечения** **диагоналей**

**AO** и **OC** - **отрезки** **диагонали** **AC**

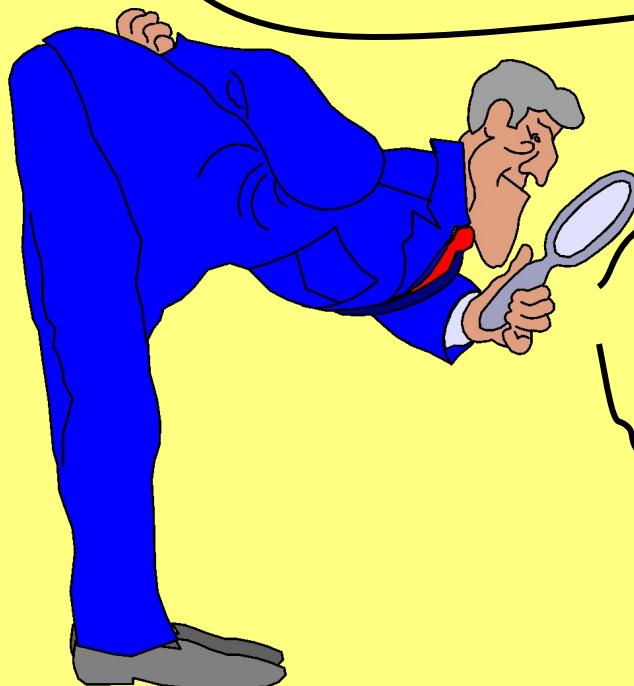
**∠A** + **∠B** + **∠C** + **∠D** - **сумма** **углов** ( $360^{\circ}$ )

**P** - **периметр** (**сумма** **длин** **всех** **сторон**)

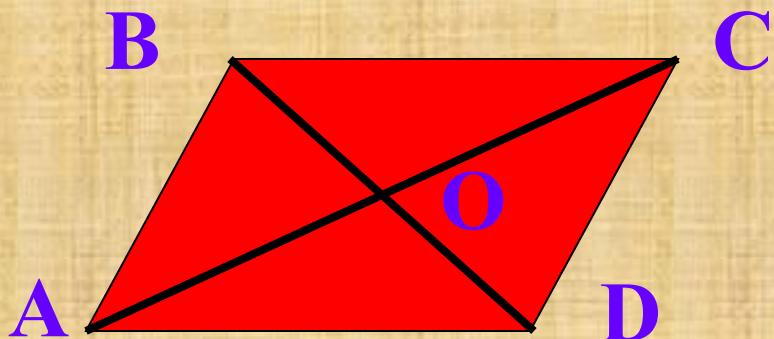
# Помогите Незнайке исправить двойку.

Ребята, я сделал  
пять ошибок!

Помогите их найти !



А я проверю ваши  
ответы!



**AC и BD -** диагонали

**AO и OC -** отрезки диагонали AC

**$\angle A + \angle B + \angle C + \angle D$  - сумма углов**  $(360^0)$

**$\angle A + \angle B = 180^0$**

**P -** периметр (сумма всех сторон)

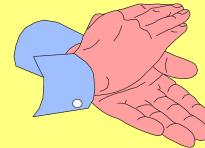
# Незнайка исправил двойку!



Спасибо, ребята!



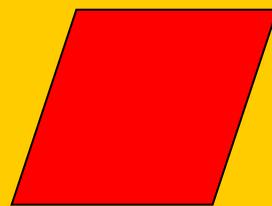
Вы молодцы!



*Определения  
четырехугольников.*

# Параллелограммо

Параллелограмм  
— это четырехугольник с параллельными  
противоположными сторонами.



Н 4-х  $\angle$

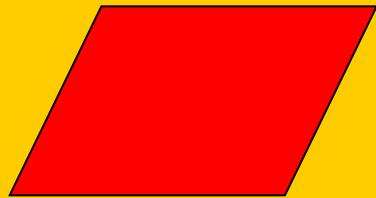
уки

Попарно ||

параллельны

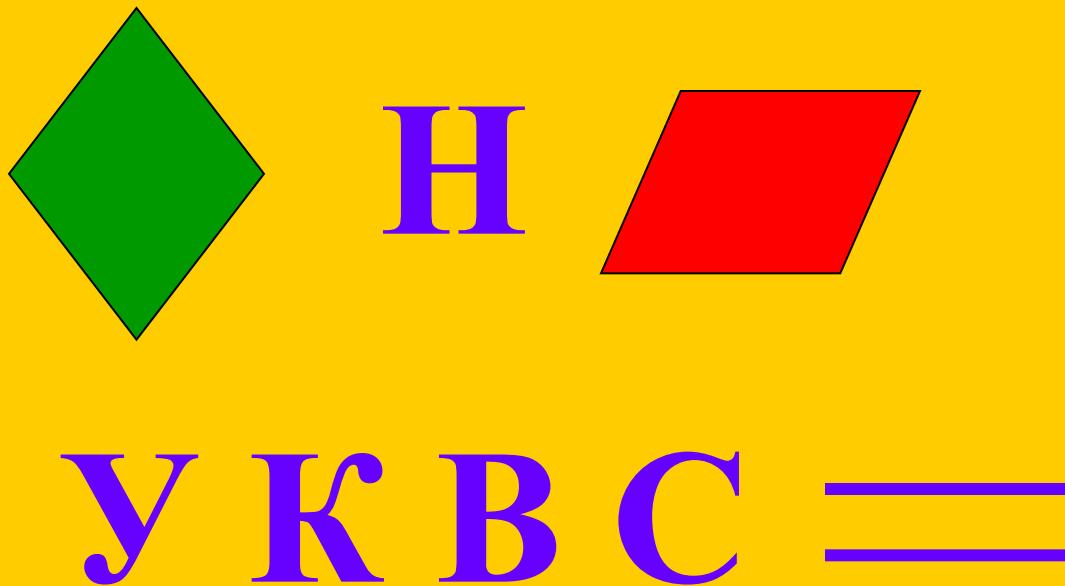


H

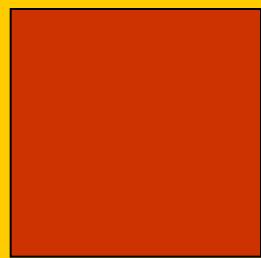


YKB∠Π

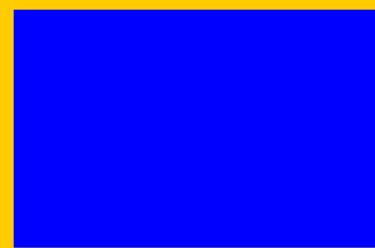
Ромбом



работы

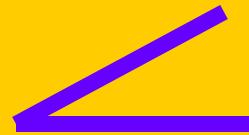


H



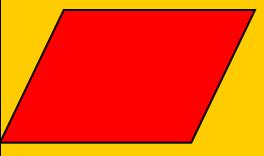
y k b c =

Н 4-х

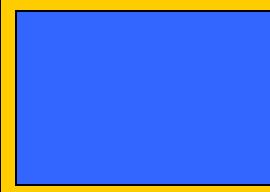


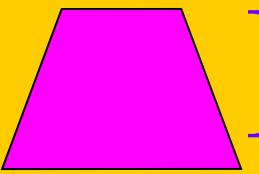
у к 2 с ||

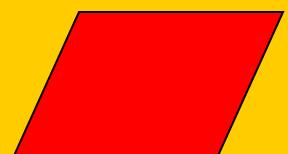
А 2 д н е ||

 Н 4-х <  
у к п с  
Попарно ||

 Н   
у к в с =

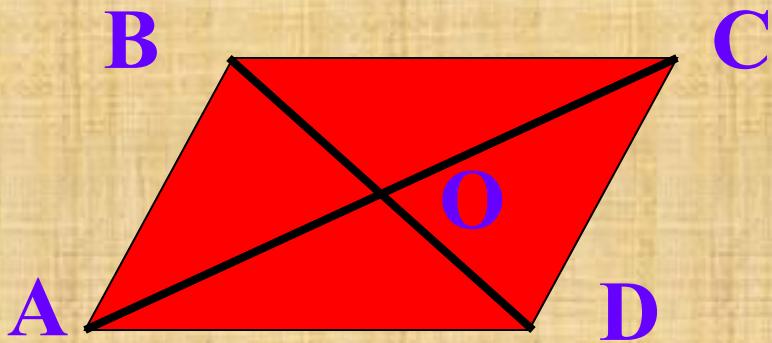
 Н   
у к в < п

 Н 4-х <

 Н   
у к в с =

у к 2 с ||  
А 2 д н е ||

*Свойства  
четырехугольников.*

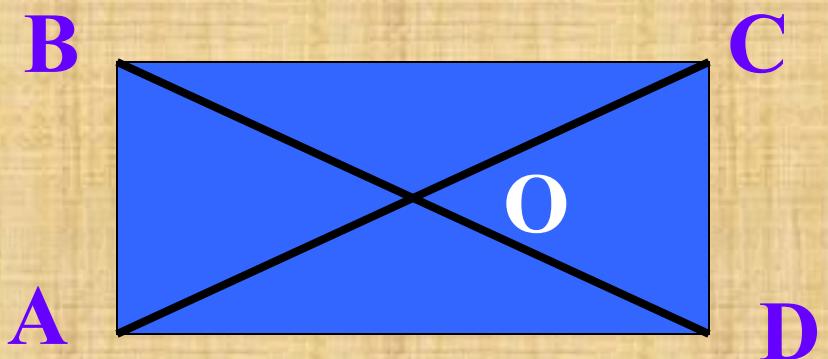


В параллелограмме :

$$\Pi_C =$$

$$\Pi \angle =$$

$$д\text{в} \cdot \Pi : \Pi$$

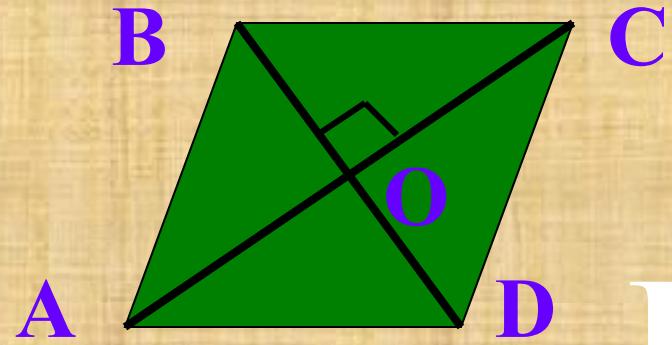


В прямоугольнике :

$$\text{II} \cdot \text{C} = \text{II} \cdot \text{Z} = \text{д} \cdot \text{в} \cdot \text{II}$$

$$\text{B} < \text{II}$$

$$\text{д} =$$



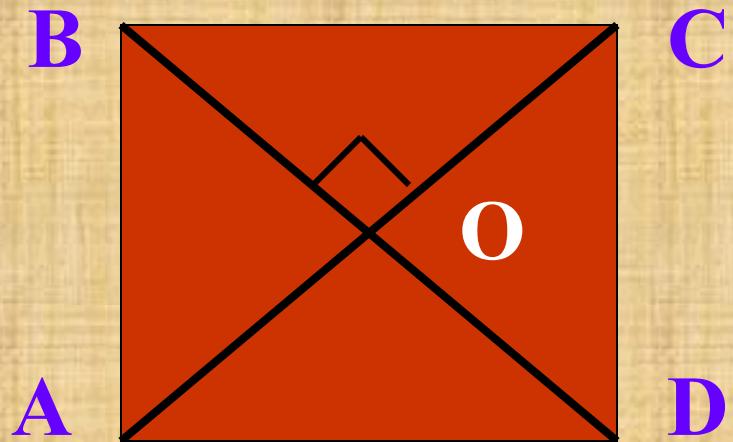
В ромбе:

$$\Pi C = \angle \quad \text{д} \text{в} \cdot \Pi :$$

$$B C =$$

$$d v \perp$$

$$d : \angle \Pi$$

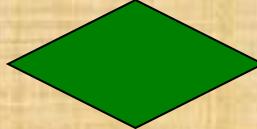
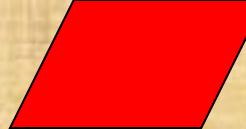


В квадрате:

$$\text{ПС} = \frac{\text{ДВ} \cdot \text{Н}}{\text{Н}}$$

$$\text{В} \angle \text{П} = \frac{\text{Д}}{\text{Д}}$$

$$\text{ВС} = \frac{\text{ДВ} \perp \text{Д}}{\text{Д} : \angle \text{П}}$$



|          |   |   |   |   |
|----------|---|---|---|---|
| П С =    | + | + | + | + |
| П ∠ =    | + | + | + | + |
| Д В : П: | + | + | + | + |
| П        |   |   |   |   |
| В ∠ П    |   | + |   | + |
| Д =      |   | + |   | + |
| В С =    |   |   | + | + |
| Д В ∠    |   |   | + | + |
| Д :∠ П   |   |   | + | + |

# *Диктант.*

У каких четырехугольников:

1. Все стороны равны? В С =

2. Диагонали в точке  
пересечения делятся  
пополам? Д В · П:  
Н

3. Противоположные  
стороны равны? П С =

4. Противоположные  
углы равны? п $\angle$  =

5. Все углы прямые? в $\angle$  п

6. Диагонали взаимно  
перпендикулярны? д $\vee$  п

7. Диагонали равны? д =

8. Диагонали делят углы  
пополам? д : $\angle$  п

# **Проверка результатов диктанта в парах.**

*Критерии оценок:*

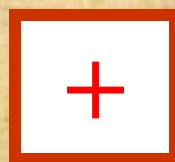
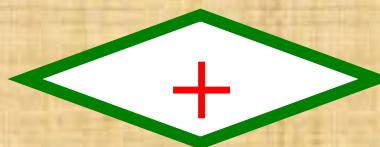
*без ошибок «5»*

*1-2 ошибки «4»*

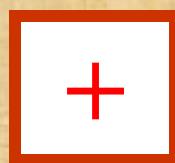
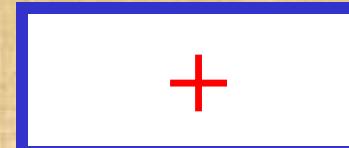
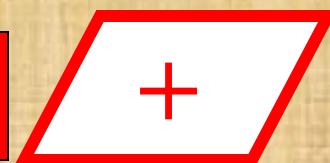
*3-4 ошибки «3»*

*> 4 ошибок «2»*

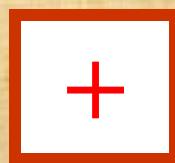
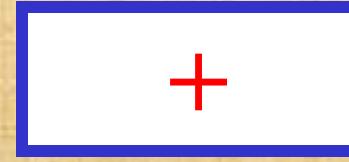
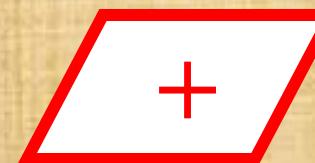
1. В С =



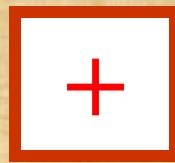
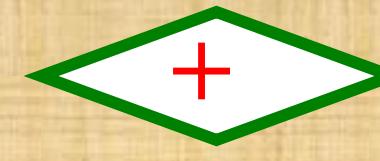
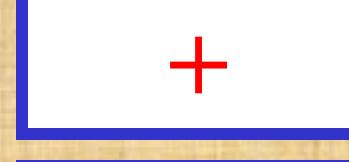
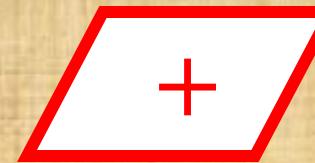
2. ДВ · П:П



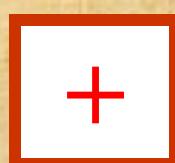
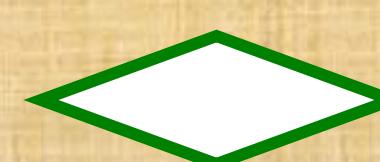
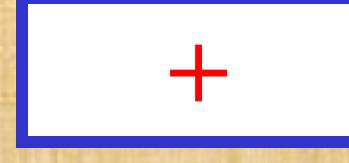
3. П С =



4. П∠ =



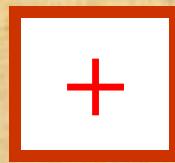
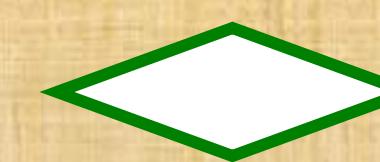
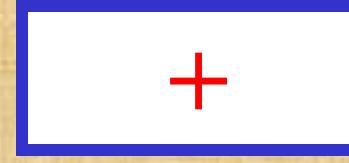
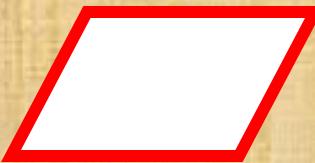
5. В ∠ П



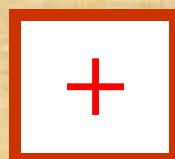
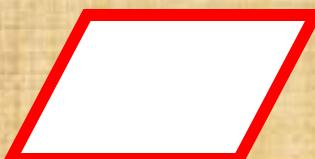
6. Д В ⊥



7. Д =



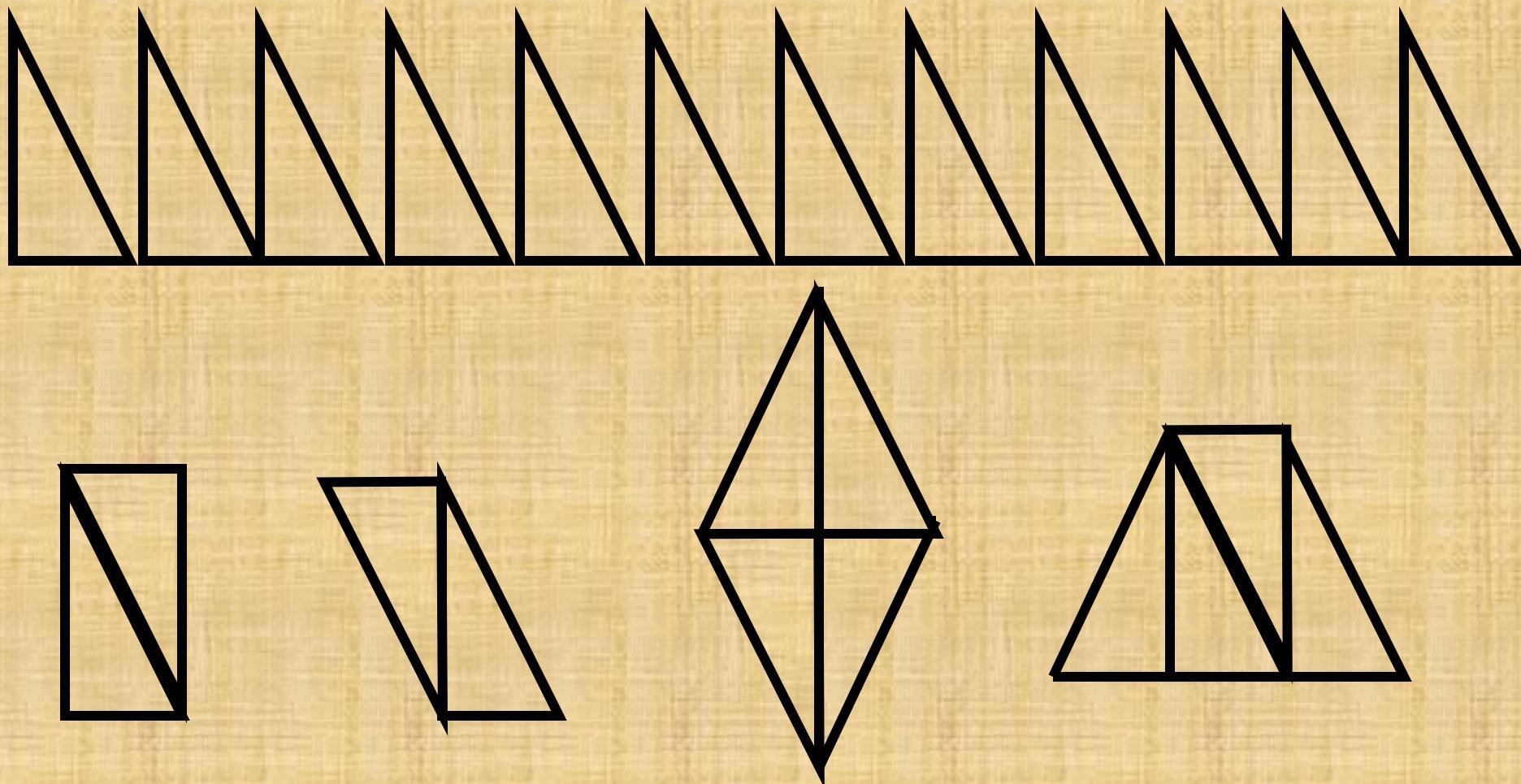
8. Д : ∠ П



Игра

*«Конструктор»*

**Сложите из треугольников прямо-  
угольник, параллелограмм, ромб,  
трапецию.**



# Исторические сведения

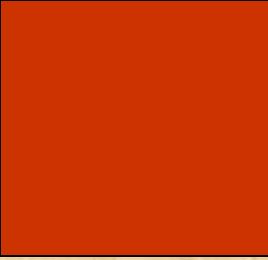
*О происхождении  
геометрических терминов.*

Термин *параллелограмм* греческого происхождения, был введен Евклидом. В «Началах» Евклида доказана теорема: «в *параллелограмме* противоположные стороны равны и противоположные углы равны, а *диагональ* разделяет его пополам».

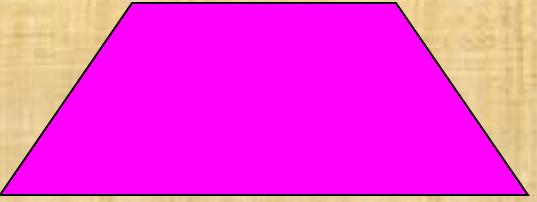
Термин *диагональ* происходит от сочетания двух греческих слов «*дия*» (через) и «*гониос*» (угол), т.е. прямая, проходящая через вершины углов.



**Слово *ромб* тоже греческого происхождения, оно означало в древности вращающееся тело, веретено, юлу.**



**Слово *квадрат* в переводе с греческого «тетрагон» - четырехугольник.**



***Трапеция* греческое слово, означавшее в древности столик.**

*Спасибо за урок!*