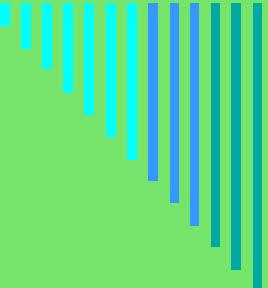


Степень числа

с натуральным показателем



Просмотрите слайды и вы будете:

Знать:

- Определение степени;
- Свойства степени с натуральным показателем;
- Определение одночлена;
- Стандартный вид одночлена.

Уметь:

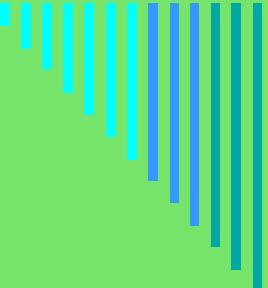
- Умножать степени;
- Возводить в степень;
- Делить степени;
- Упрощать выражения, содержащие степени;
- Умножать одночлены;
- Возводить одночлены в степень.



Определение

- Степенью числа a^k , где k - натуральное число, a - любое, называется произведение k множителей, каждый из которых равен a :

$$a^k = \underset{k-\text{раз}}{\overbrace{a \times a \times \dots \times a}}$$

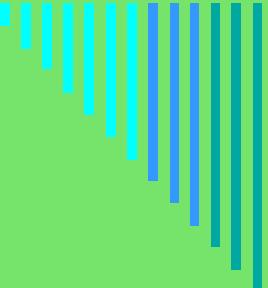


- называют:

a - основанием степени;

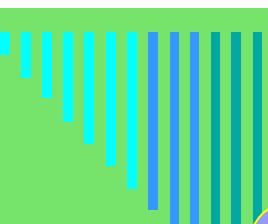
k – показателем степени;

a^k – степенью.

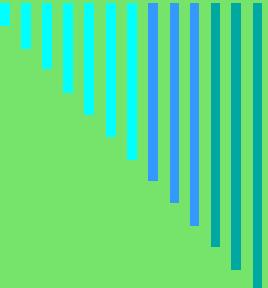


например: произведение
равных множителей можно
записать так:

1. $a \cdot a \cdot a \cdot a \cdot a \cdot a \cdot a = a^7;$
2. $(a - b) \cdot (a - b) \cdot (a - b) = (a - b)^3;$
3. $(-3x) \cdot (-3x) \cdot (-3x) \cdot (-3x) \cdot (-3x)$
 $= (-3x)^5;$
4. $(5y) \cdot (5y) \cdot (6a) \cdot (6a) \cdot (6a) = (5y)^2 \cdot (6a)^3.$



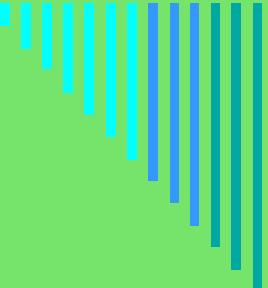
СОИСТВА СТАПЕНИ



Умножение степеней:

При умножении степени на степень с
одинаковым основанием показатели
складывают.

$$a^n \times a^m = a^{n+m}$$



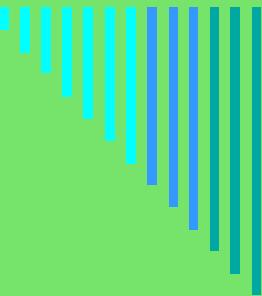
Например

$$a^5 a^3 = a^8;$$

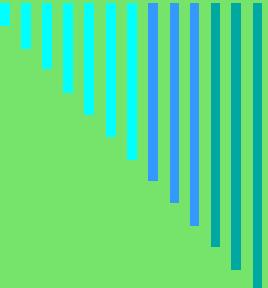
$$x^7 x^4 = x^{11};$$

$$xxxx^4 = x^7;$$

$$(-x)(-x)^3 = (-x)^4.$$

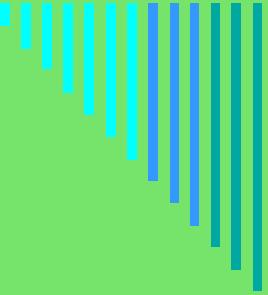


Проверь себя!

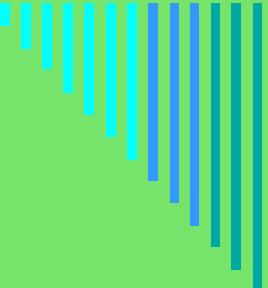


Вычисли 2^3 это

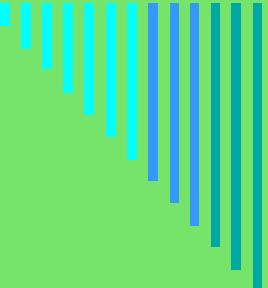
- 6
- 8



Подумай



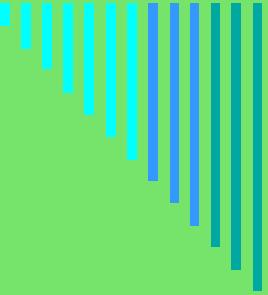
Правильно



Деление степеней

При деление степеней с одинаковым
основание показатели вычитают.

$$a^n \div a^m = a^{n-m}$$



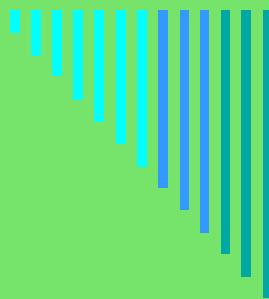
Например

$$x^8 : x^3 = x^5;$$

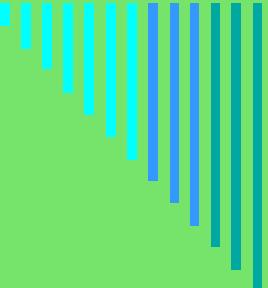
$$y^6 : y = y^5;$$

$$a^{10} : a^2 = a^8;$$

$$B^5 : B^5 = B^0 = 1.$$



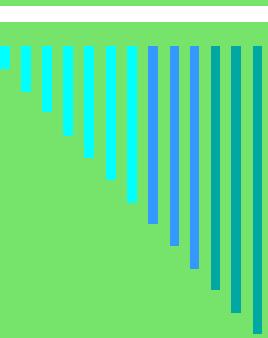
Проверь себя!



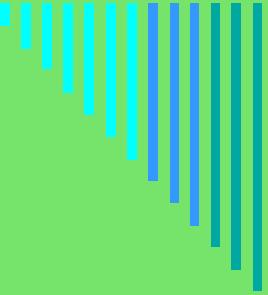
Вычисли $3^6 : 3^3$ это

3²

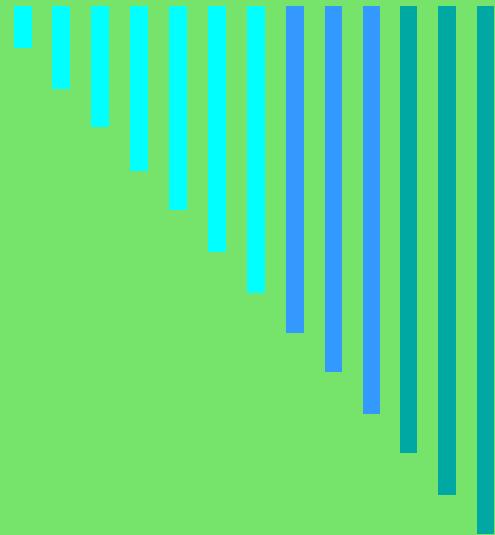
3³



Подумай

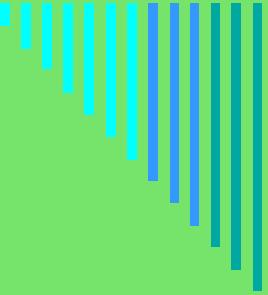


Молодец



Возведение степени в степень

При возведение степени в
степень нужно перемножить
показатели

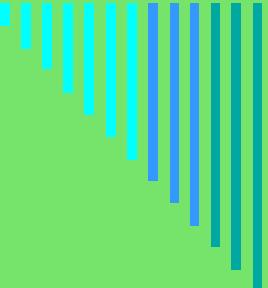


Например

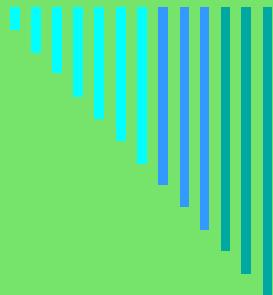
$$(x^2)^3 = x^6;$$

$$(y^4)^2 = y^8;$$

$$(a^5)^0 = a^0 = 1.$$



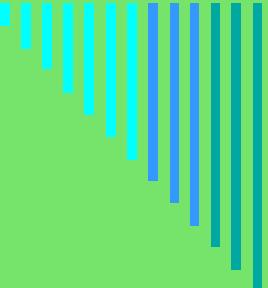
Вычисли



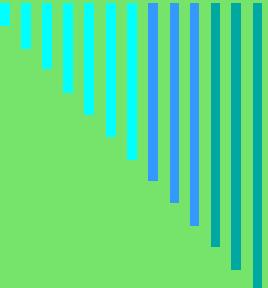
$(2^2)^3$ ЭТО

2⁵

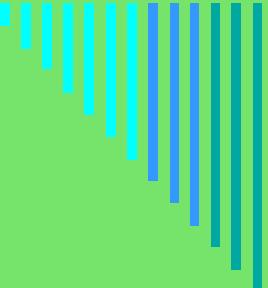
2⁶



Подумай



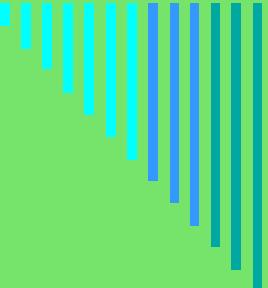
Молодец



Степень произведения

При возведении произведения в степень
возводится в степень каждый из
множителей

$$(a \times b)^n = a^n \times b^n$$

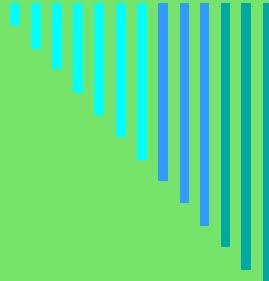


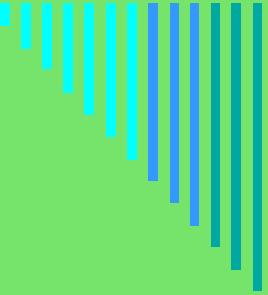
Например

- $(5ab)^4 = 5^4 a^4 b^4 = 625a^4b^4;$

- $(-2a^2b)^2 = (-2)^2 a^4 b^2 = 4a^4b^2;$

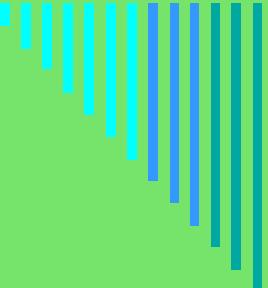
ОДНОЧЛЕНЫ





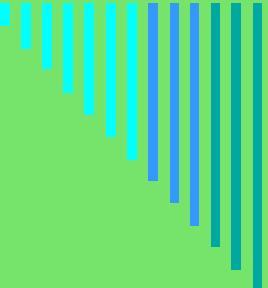
Определение одночлена

Выражение, представляющее собой произведение чисел, переменных и степеней переменных, называется одночленом.



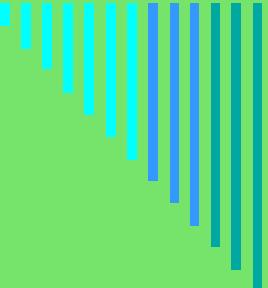
например

- Выражения $3ax^4$, $-2b^4$, $45a^6b^2$ – одночлены.
- Выражения $a - b$, $(a-2c)$, a^2+b^7 – не являются одночленами.



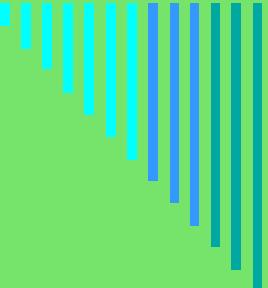
Стандартный вид одночлена

Стандартным видом одночлена называется произведение, составленное из числового множителя (коэффициента) и буквенного выражения, в котором каждая из переменных взята в натуральной степени.



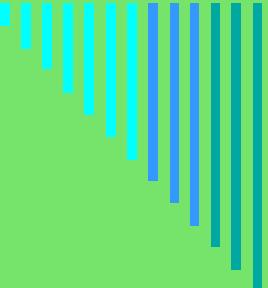
Например

- $-8a^3b^2$, $6ab^5$ одночлены стандартного вида
- $-2x^4y^4$, $34a^3ba^2$ -одночлены не стандартного вида



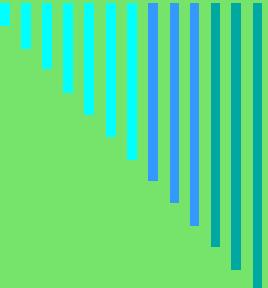
Степень одночлена

Степенью одночлена стандартного вида называется сумма показателей степеней переменных



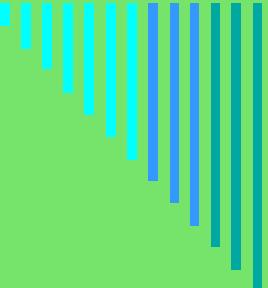
например

- $8x^4y^2$ – одночлен шестой степени.
- Степень одночлена $3x$ равна единице.
- Степень одночлена 5 равна нулю.



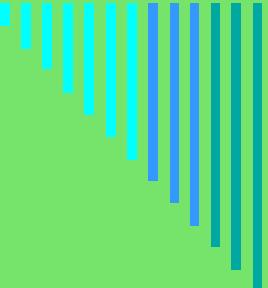
Приведение подобных слагаемых

Одночлены, отличающиеся только числовым коэффициентом или равные между собой называются подобными.



Например

- $3x - 5x + 24x = 22x;$
- $2ab + 7ab - 8ab = 1ab = ab;$
- $5x + 18x - 12y + 9y = 23x - 3y;$
- $2x^2 - 5x^2 + 9x^2 = 6x^2;$
- $4ab^3 + 6ab^3 = 10ab^3.$



Умножение одночленов

$$3a \times (5a) = 15a^2;$$

$$4xy \times (xy^2) = 4x^2y^3;$$

$$1,5a^2bc \times (4a^3b^2c^5) = 6a^5b^3c^6.$$