

# Методика работы с задачей

## Задача по теме

### «Сечения многогранников плоскостью»

*Задача. Построить сечение пятиугольной призмы плоскостью, проходящей через три точки, одна из которых лежит в плоскости верхнего основания, а две другие – на несмежных боковом ребре и ребре нижнего основания.*

## Содержание

- Работа с текстом задачи
- Алгоритмическое предписание
- Основные теоретические положения, необходимые при построении
- Построение сечения

# Работа с текстом задачи

- ⇒ **Задача.** Построить сечение пятиугольной призмы плоскостью, проходящей через три точки, одна из которых лежит в плоскости верхнего основания, а две другие – на несмежных боковом ребре и ребре нижнего основания.
- ⇒ **Определите тип задачи.**  
Сечение задано тремя точками, не лежащими на одной прямой.
- ⇒ **Что дано в задаче?**  
Дана пятиугольная призма; три точки (в плоскости верхнего основания, на несмежных боковом ребре и ребре нижнего основания).
- ⇒ **Что требуется задачей?**  
Построить сечение данной призмы плоскостью, проходящей через данные точки.
- ⇒ **Какие существуют методы построения сечения многогранника плоскостью?**  
Метод следа; метод внутреннего проектирования.
- ⇒ **Нарисуем данные задачи.**

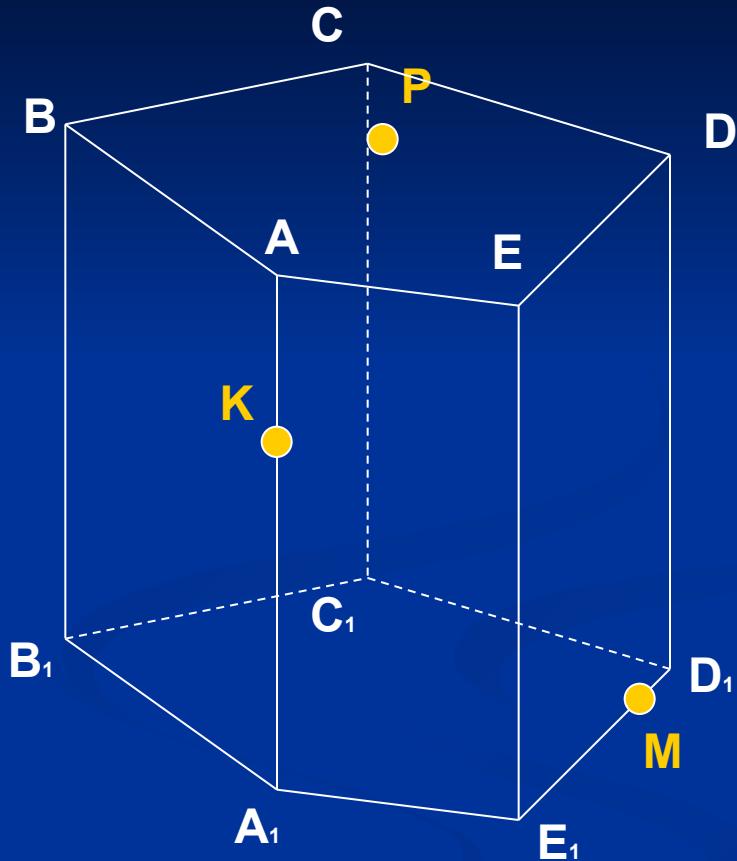
[Начало](#)

# Иллюстрация условий задачи

**Дано:** Пятиугольная призма  
ABCDEA<sub>1</sub>B<sub>1</sub>C<sub>1</sub>D<sub>1</sub>E<sub>1</sub>;  
Точки K, M, P.

**Построить:** Сечение плоскостью,  
проходящей через  
точки K, M, P.

*Сечение будем строить методом  
внутреннего проектирования.*



Для того, чтобы построить сечение потребуется вспомнить... ➔

[Построение](#)

[Начало](#)

# Полезно вспомнить

## *Аксиомы стереометрии*

- A1.** Через любые три точки, не лежащие на одной прямой, проходит плоскость, и притом только одна.
- A2.** Если две точки прямой лежат в плоскости, то все точки прямой лежат в этой плоскости.
- A3.** Если две плоскости имеют общую точку, то они имеют общую прямую, на которой лежат все общие точки этих плоскостей.

## *Следствия из аксиом*

- Сл 1.** Через прямую и не лежащую на ней точку проходит плоскость, и притом только одна.
- Сл 2.** Через две пересекающиеся прямые проходит плоскость, и притом только одна.

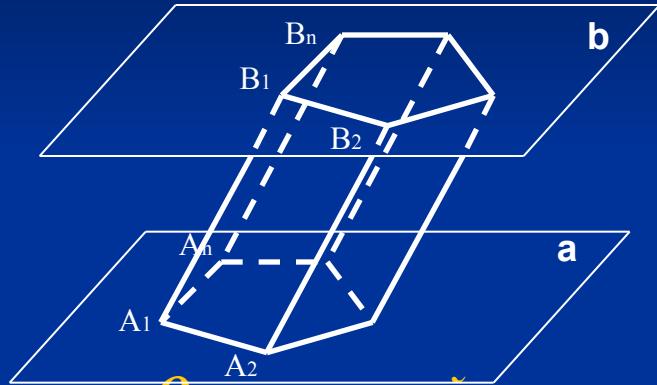
## *Свойство параллельных плоскостей*

Если две параллельные плоскости пересечены третьей, то линии их пересечения параллельны.

# Полезно вспомнить

## *Призма.*

*Что называется призмой?* Многогранник, составленный из двух равных многоугольников  $A_1A_2\dots A_n$  и  $B_1B_2\dots B_n$ , расположенных в параллельных плоскостях, и параллелограммов, называется призмой.

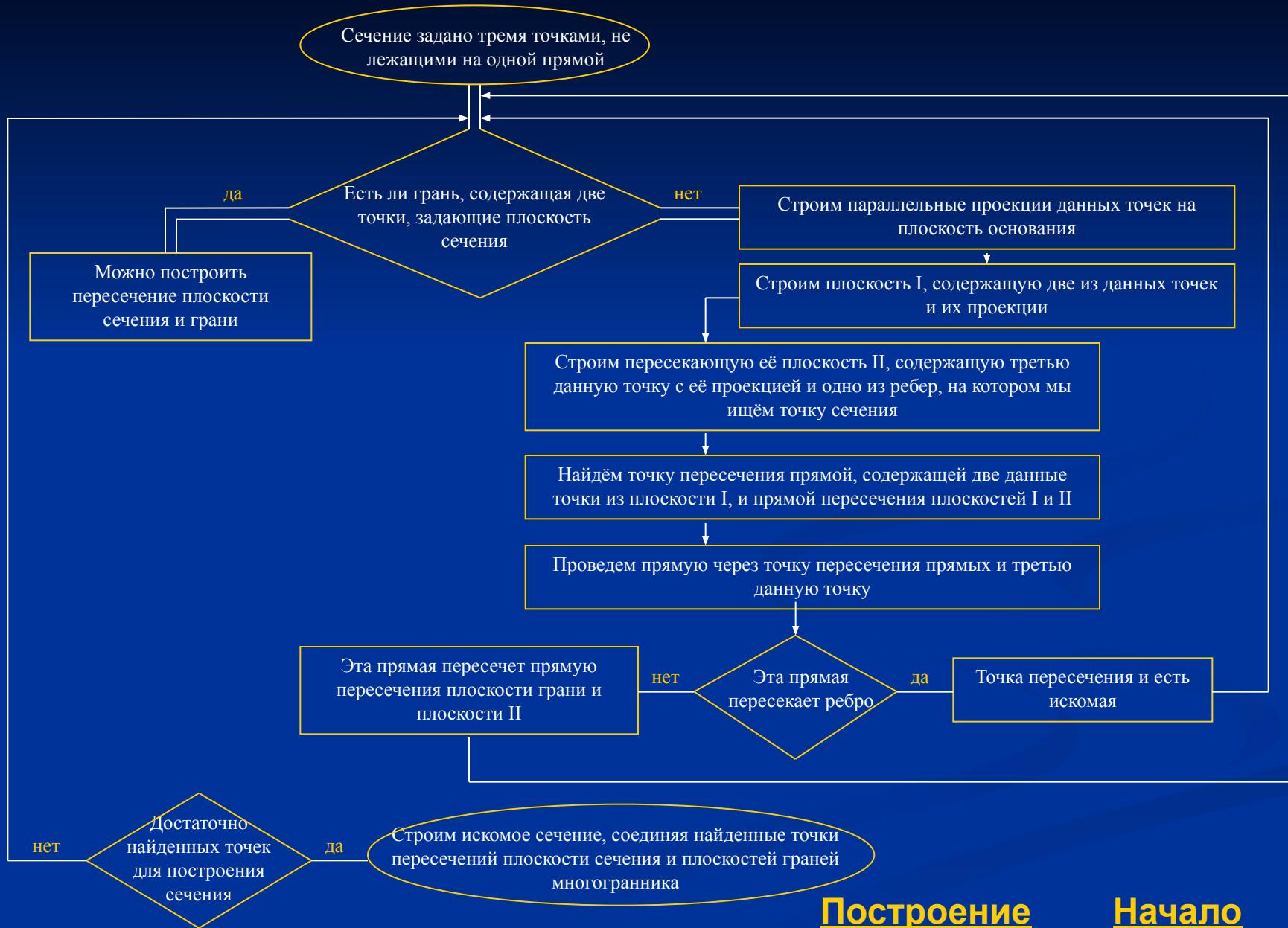


## *Основные свойства параллельного проектирования*

1. Проекция прямой есть прямая.
2. Проекция отрезка есть отрезок.
3. Проекция параллельных отрезков – параллельные отрезки или отрезки, принадлежащие одной прямой.
4. Проекция параллельных отрезков, а также проекции отрезков, лежащих на одной прямой, пропорциональны самим отрезкам.

Многоугольники  $A_1A_2\dots A_n$  и  $B_1B_2\dots B_n$  – основания призмы.  
Параллелограммы  $A_1A_2B_2B_1, \dots, A_nA_1B_1B_n$  – боковые грани.

# Алгоритмическое предписание (метод внутреннего проектирования)



# Построение (метод внутреннего проектирования)

Найдём точку пересечения секущей плоскости с ребром  $DD_1$ .

1. Построим проекцию РМ на плоскость верхнего основания.  
Получим отрезок  $PM_1$ .

2. Найдём точку пересечения плоскости  $ADD_1$  и РМ.

3. Прямая  $KF_1$  будет пересекать ребро  $DD_1$  в искомой точке О.

Найдём точку пересечения секущей плоскости с ребром  $A_1E_1$ .

1. Построим проекцию КМ на плоскость нижнего основания.  
Получим отрезок  $A_1M$ .

2. Построим проекцию РЕ на плоскость нижнего основания.  
Получили отрезок  $P_1E_1$ .

3. Спроектируем точку пересечения  $P_1E_1$  и  $A_1M$ , точку N, на КМ.  
Получим точку  $N_1$ .

4. Прямая  $PN_1$  пересекает  $P_1E_1$  в точке L. Эта точка принадлежит секущей плоскости.

5. Прямая ML пересекает  $A_1E_1$  в точке R.

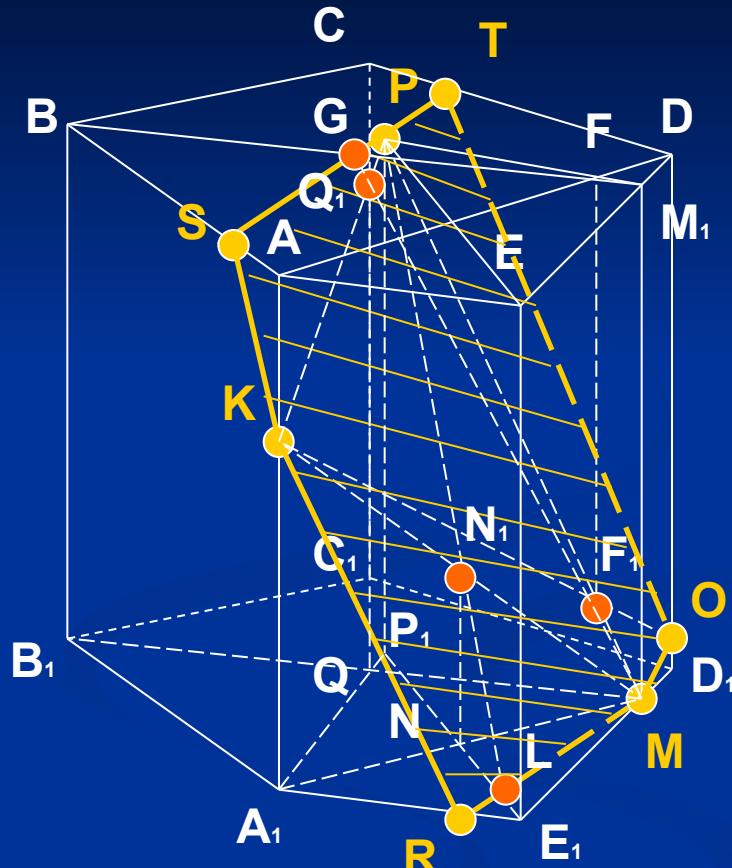
Найдём точку пересечения секущей плоскости с ребром АВ.

1. Строим проекцию КР на плоскость нижнего основания.  
Получим отрезок  $A_1P_1$ .

2. Найдём точку пересечения плоскости  $BM_1M$  и КР. Это точка  $Q_1$ .

3. Прямая  $MQ_1$  пересекает  $BM_1$  в точке G. А прямая PG  
пересекает АВ в точке S, а ребро CD – в точке Т.

Соединяя найденные точки пересечения секущей плоскости с ребрами призмы. STOMRK – искомое сечение.



[Алгоритм построения](#)

[Начало](#)