

Урок-презентация на тему

ТЕОРЕМА ПИФАГОРА

ГЕОМЕТРИЯ 8 КЛАСС

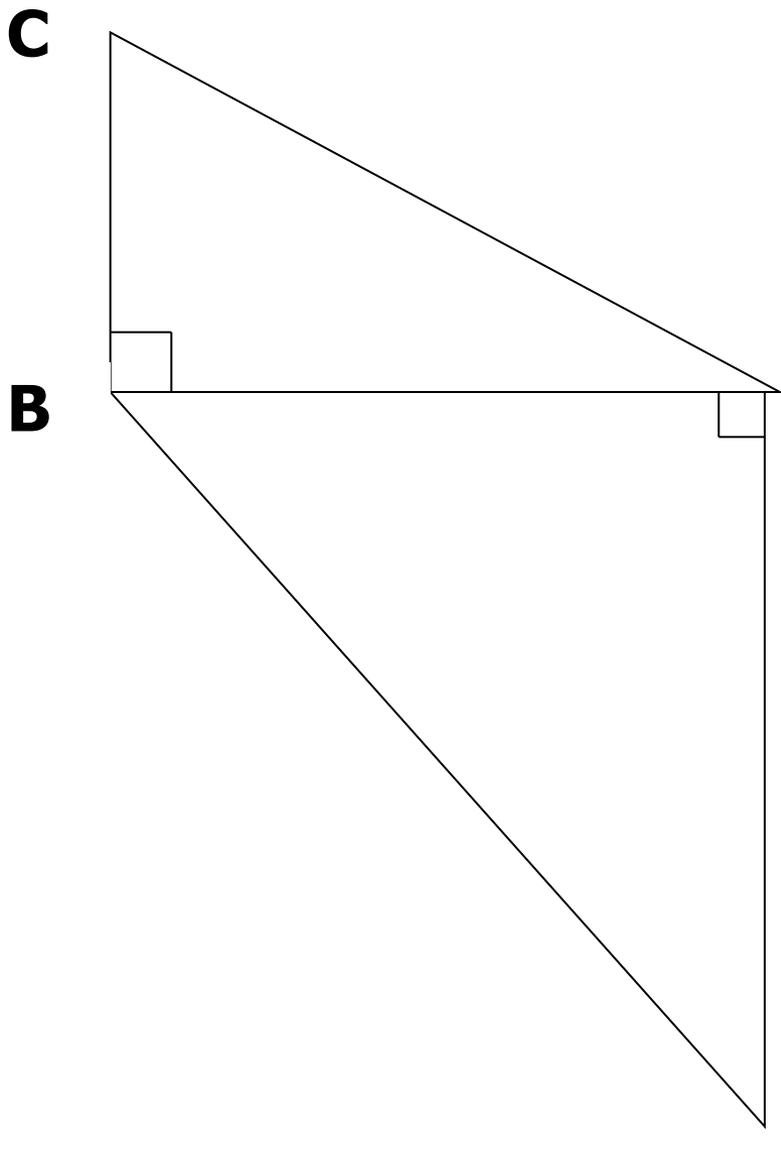
Цель урока: рассмотреть теорему Пифагора и показать ее применение в ходе решения задач и на практике

Ход урока

- **I. Организационный момент**
- **II. Актуализация знаний учащихся**
- **Несколько слов о прямоугольных треугольниках**
- **Решение задач по готовым чертежам с целью подготовки учащихся к восприятию нового материала**

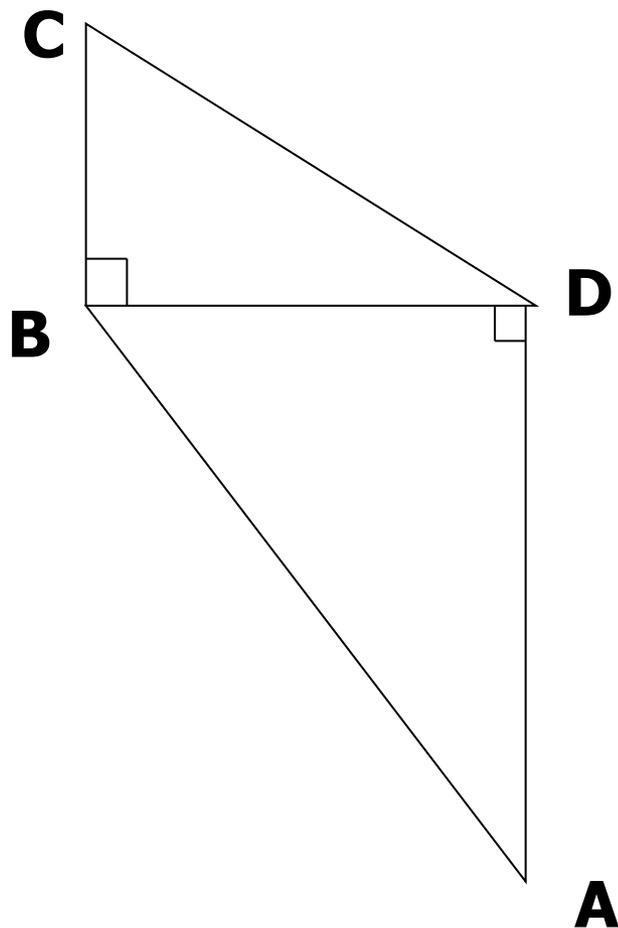
ПРЯМОУГОЛЬНЫЕ ТРЕУГОЛЬНИКИ

- **ДАТЬ ОПРЕДЕЛЕНИЕ ПРЯМОУГОЛЬНОГО ТРЕУГОЛЬНИКА**
- **ОПРЕДЕЛЕНИЕ КАТЕТОВ И ГИПОТЕНУЗЫ**
- **ПРИЗНАКИ РАВЕНСТВА ПРЯМОУГОЛЬНЫХ ТРЕУГОЛЬНИКОВ**
- **ФОРМУЛА НАХОЖДЕНИЯ ПЛОЩАДИ ПРЯМОУГОЛЬНОГО ТРЕУГОЛЬНИКА**



Дано: ABCD –
четырёхугольник,
 $AD = 4 \text{ см}$, $CB = 2 \text{ см}$ $\angle A = 45^\circ$
 $\angle CBD = \angle ADB = 90^\circ$,

D -----
Найти S_{ABCD}



Решение

Рассмотрим площадь четырехугольника как сумму площадей треугольников ABD и BCD . Учитывая то, что треугольники прямоугольные, один из них равнобедренный, а площадь прямоугольного треугольника равна половине произведения катетов, имеем

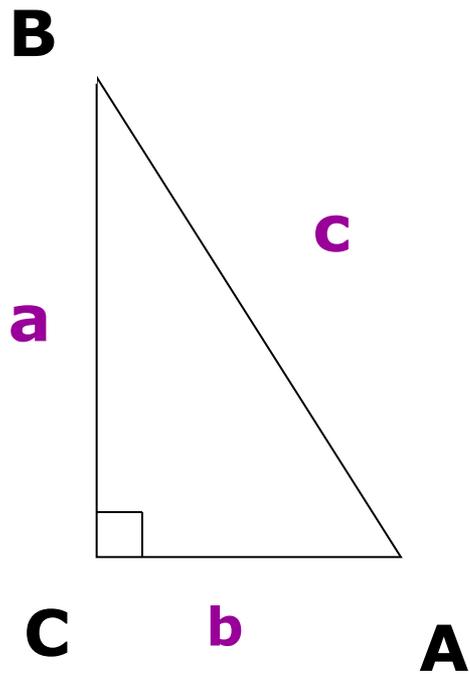
$$S = \frac{1}{2} CB \cdot BD + \frac{1}{2} AD \cdot BD$$

$$S = \frac{1}{2} \cdot 2 \cdot 4 + \frac{1}{2} \cdot 4 \cdot 4 = 4 + 8 = 12 \text{ см}^2$$

Ответ: 12 см^2

III. Изучение нового материала

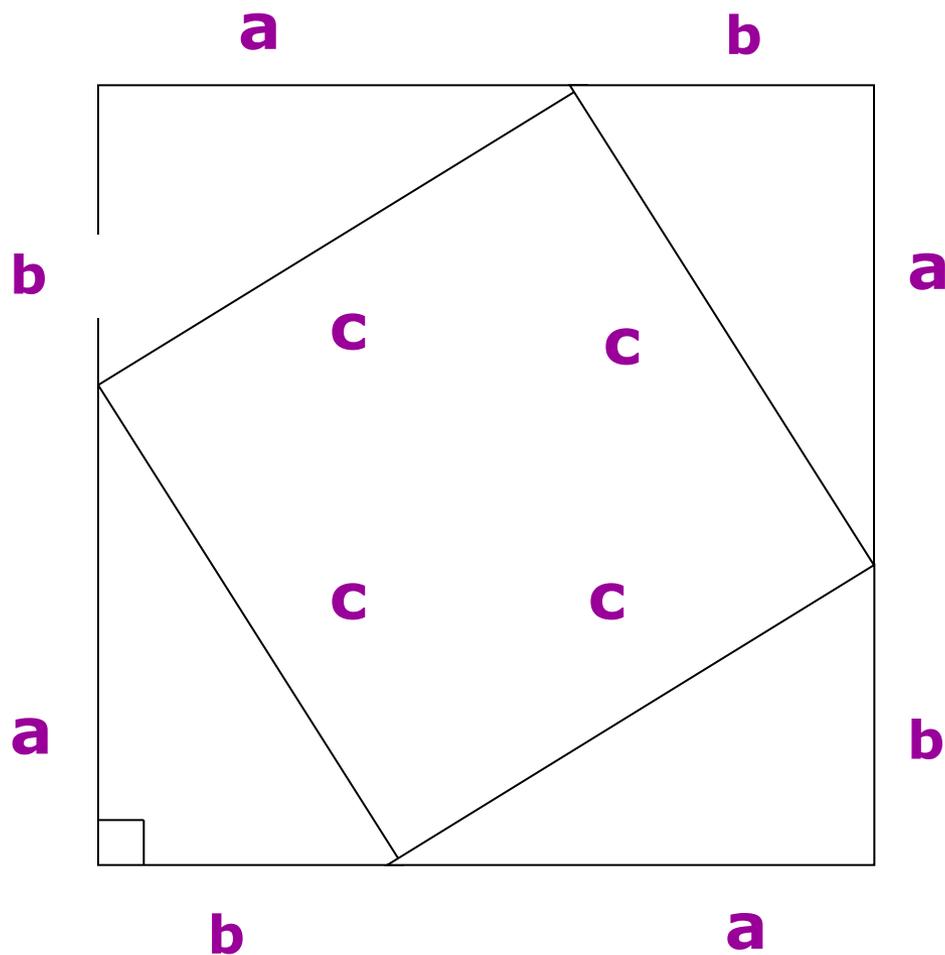
- Теорема Пифагора
- В прямоугольном треугольнике квадрат гипотенузы равен сумме квадратов катетов



*Дано : ΔABC , $\angle C = 90^\circ$,
 $AC = b$, $CB = a$, $AB = c$*

Доказать : $c^2 = a^2 + b^2$

Доказательство



Достроим треугольник до квадрата со стороной $a+b$

Площадь квадрата можно найти по формуле

$$S = (a + b)^2$$

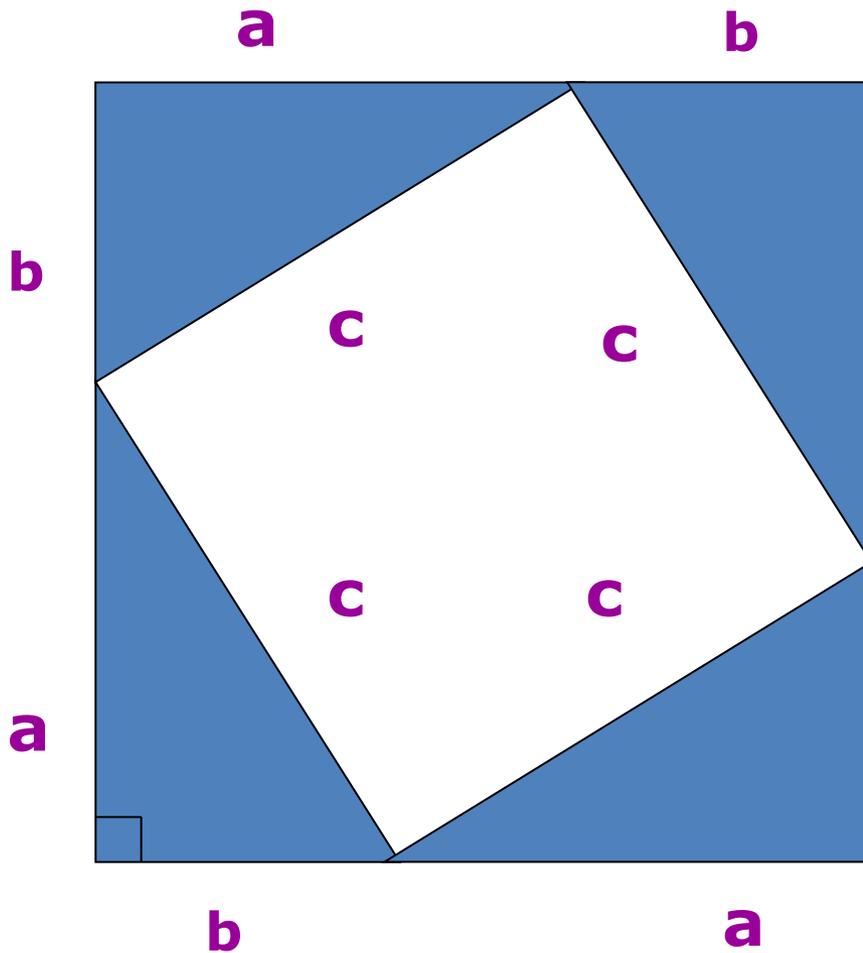
С другой стороны, этот квадрат составлен из четырех равных (по двум катетам) прямоугольных треугольников, площадь каждого из них

$$S = \frac{1}{2} ab$$

и квадрата со стороной c и площадью

$$S = c^2$$

Таким образом имеем



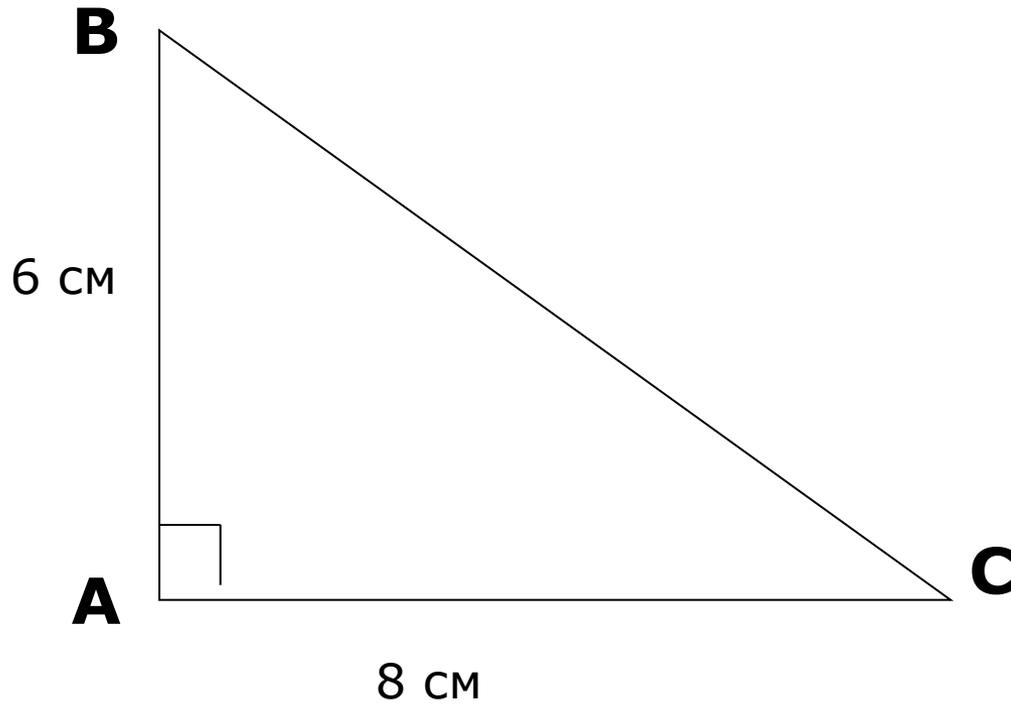
$$(a + b)^2 = 4\left(\frac{1}{2}ab\right) + c^2$$

$$a^2 + 2ab + b^2 = 2ab + c^2$$

$$a^2 + b^2 = c^2$$

Теорема доказана

Найти **BC**

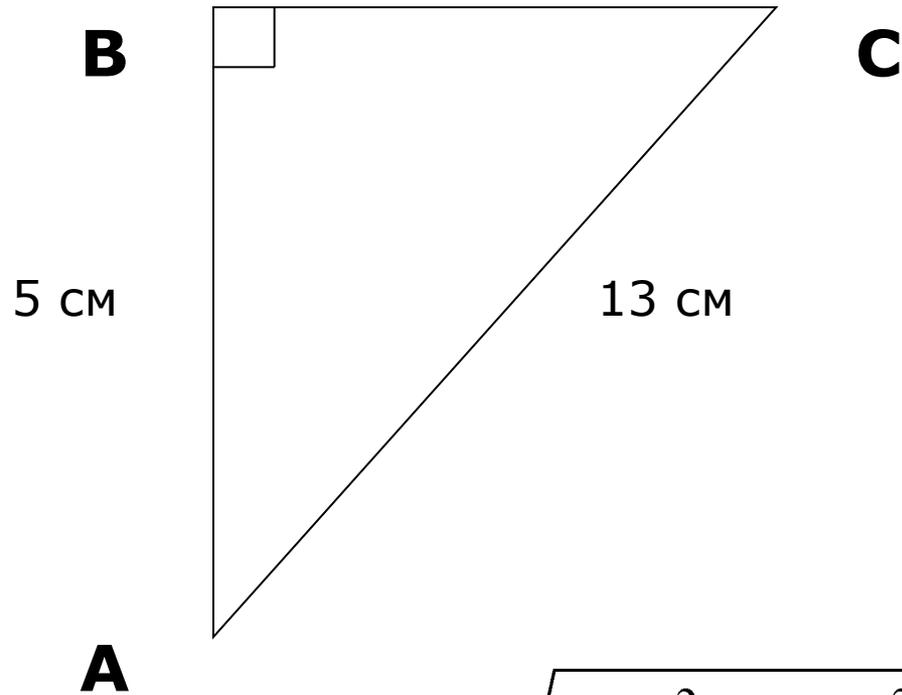


$$BC = \sqrt{AC^2 + AB^2}$$

$$BC = \sqrt{8^2 + 6^2} = \sqrt{64 + 36} = \sqrt{100} = 10 \text{ см}$$

Ответ: **BC=10 см**

Найти **BC**



$$BC = \sqrt{AC^2 - AB^2}$$

$$BC = \sqrt{13^2 - 5^2} = \sqrt{169 - 25} = \sqrt{144} = 12 \text{ см}$$

Ответ: **BC=12 см**

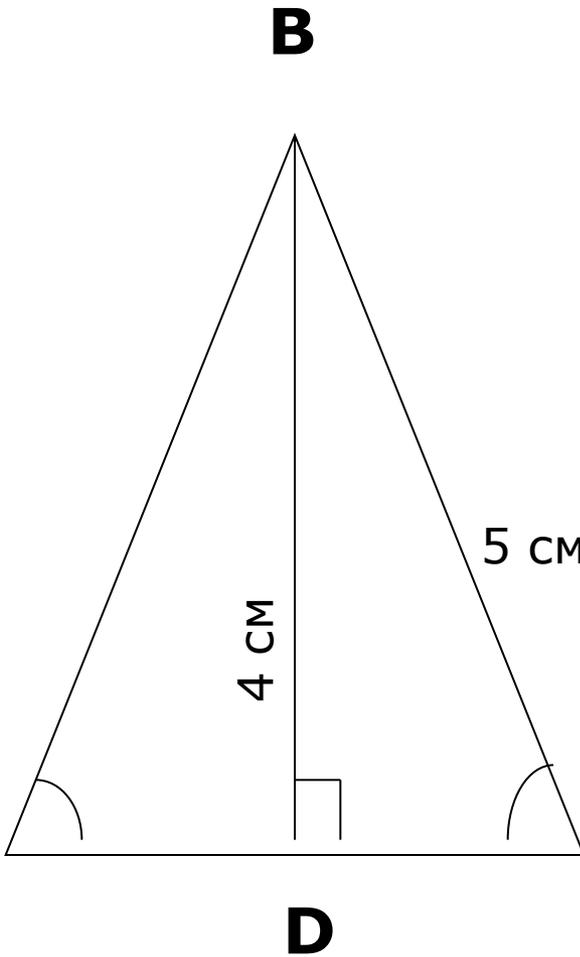
**Найти
AC**

$$DC = \sqrt{BC^2 - BD^2}$$

$$DC = \sqrt{5^2 - 4^2} = \sqrt{9} = 3 \text{ см}$$

С Так как треугольник ABC
равнобедренный,
То BC – высота и медиана, а значит
 $AC=2DC$, $AC=6$ см

А



В

Д

4 см

5 см

А

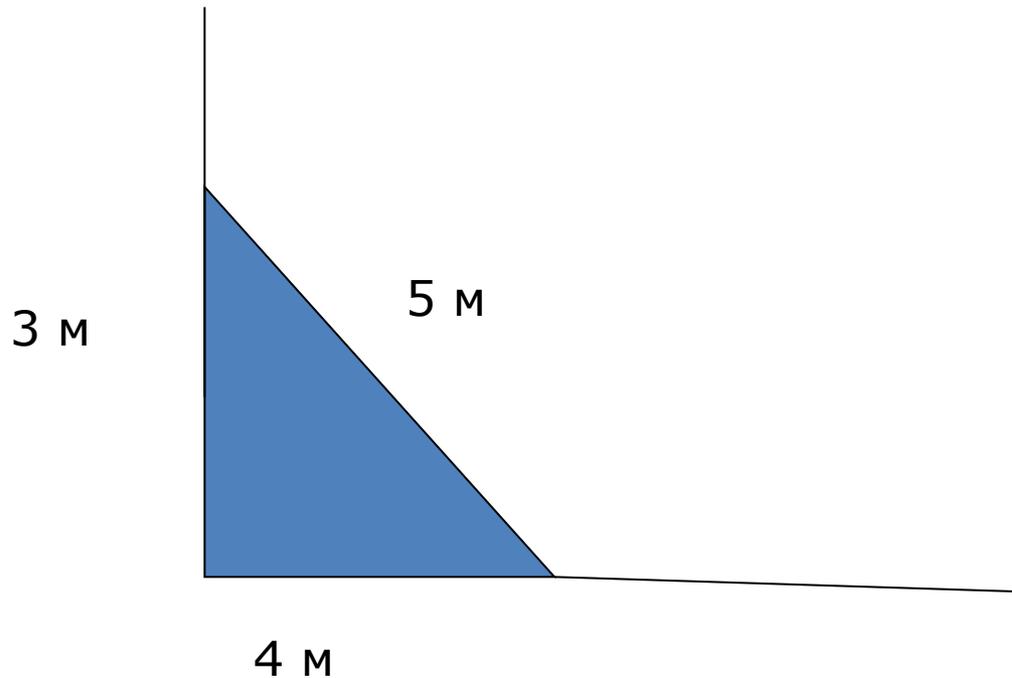
С

Дополнительные задачи

- Основания равнобедренной трапеции равны 20 см и 30 см, боковые стороны – 13 см. Найти площадь трапеции.
- Сторона квадрата равна a см. Найти длину диагонали.
- Диагонали ромба равны 14 см и 48 см. Найдите сторону ромба.

Практическое применение теоремы Пифагора

- Закладка прямых углов при строительстве домов



Домашнее задание

- П.54, вопрос 8, №483(устно), №485, №487.