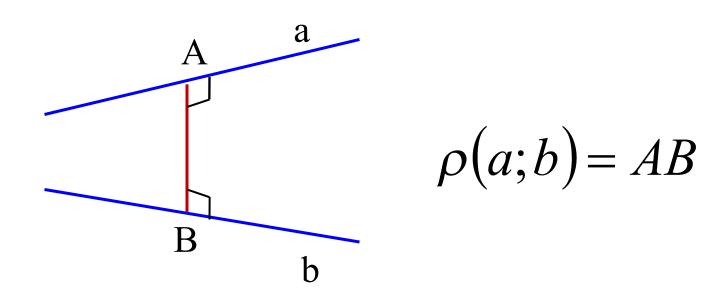
Расстояние между скрещивающимися прямыми

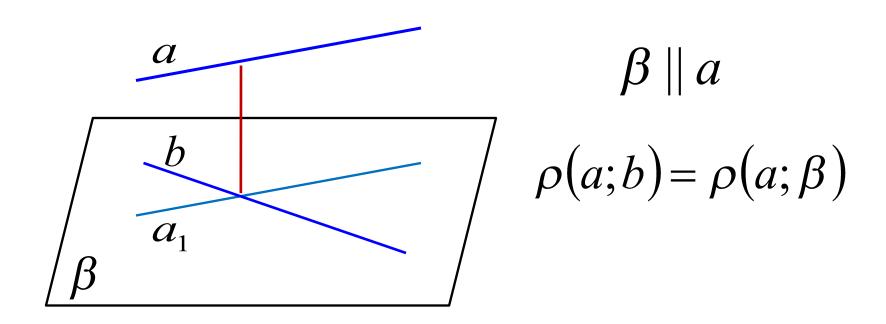
Задачи урока:

- формировать навыки нахождения расстояния между скрещивающимися прямыми;
- создать условия для развития умений и навыков применять знания в новых ситуациях;
- создать условия для формирования навыков самооценки собственной деятельности.

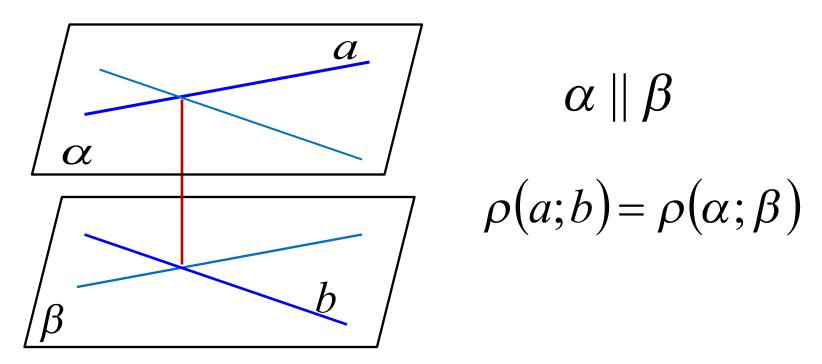
Общим перпендикуляром двух скрещивающихся прямых называют отрезок с концами на этих прямых, являющийся перпендикуляром к каждой из них.



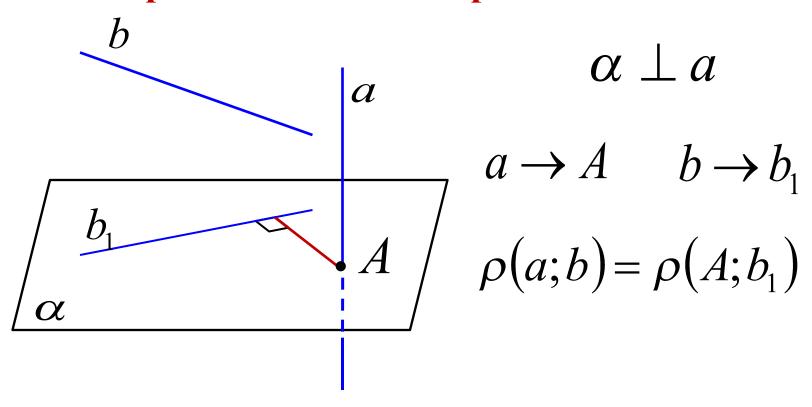
Расстоянием между скрещивающимися прямыми называют длину их общего перпендикуляра.



Расстояние между скрещивающимися прямыми равно расстоянию от любой точки одной из этих прямых до плоскости, проходящей через вторую прямую параллельно первой прямой.

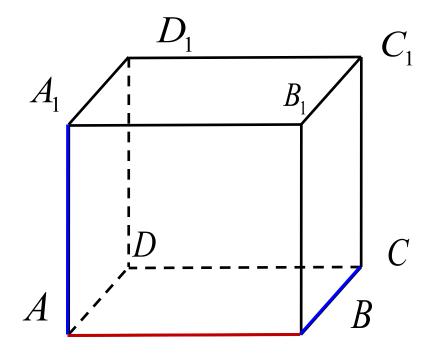


Расстояние между скрещивающимися прямыми равно расстоянию между двумя параллельными плоскостями, содержащими эти прямые.



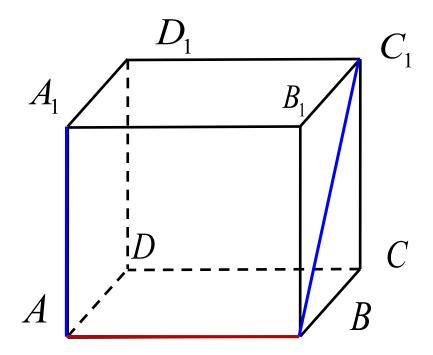
Расстояние между скрещивающимися прямыми равно расстоянию между их проекциями на плоскость, перпендикулярную одной из них.

№1 В единичном кубе найдите $ho(AA_1;BC)$



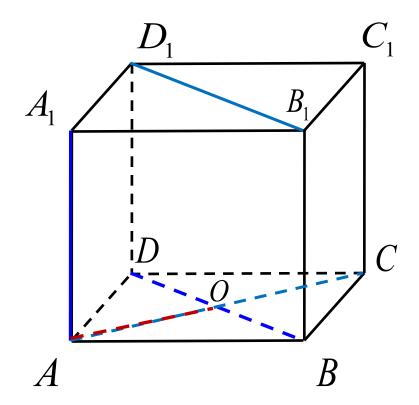
$$\rho(AA_1;BC)=1$$

№2 В единичном кубе найдите $ho(AA_1;BC_1)$



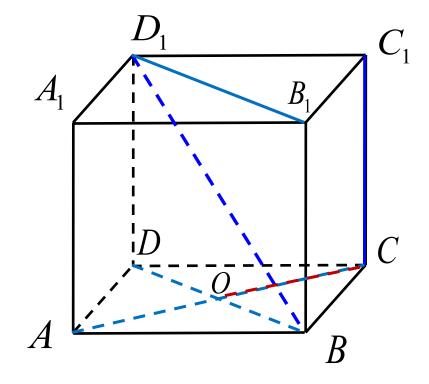
$$\rho(AA_1;BC_1)=1$$

№3 В единичном кубе найдите $ho(AA_1;BD)$



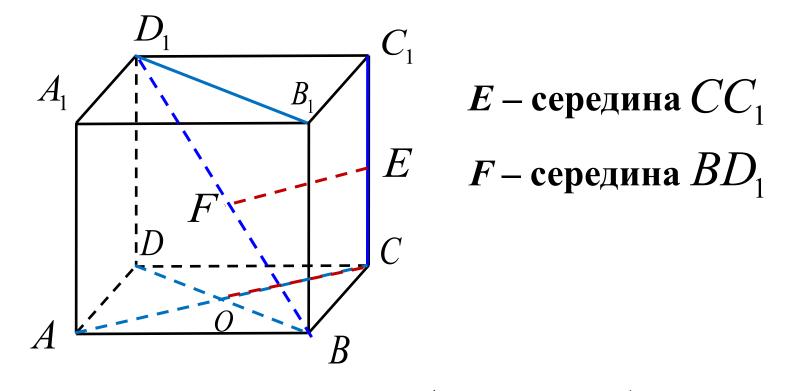
$$\rho(AA_1;BD) = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

№ 4 В единичном кубе найдите $ho(CC_1; BD_1)$



$$\rho(CC_1; BD_1) = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

Общий перпендикуляр двух скрещивающихся прямых BD_1 и CC_1 есть отрезок, соединяющий середины отрезков BD_1 и CC_1



$$\rho(CC_1; BD_1) = EF$$

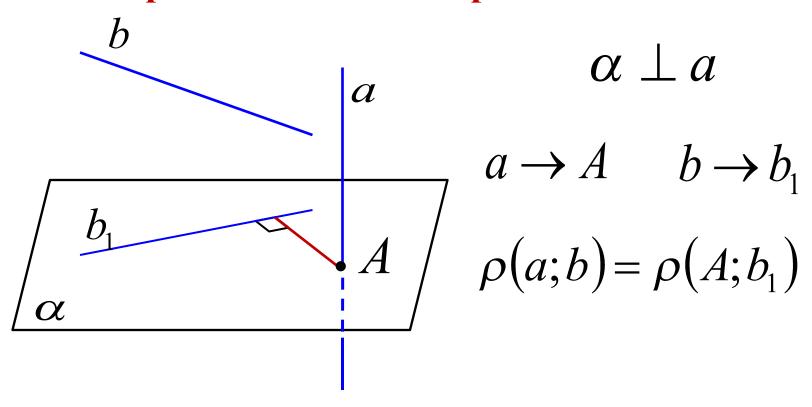
№ 5 В единичном кубе найдите $ho(AC;BD_1)$

$$A_{1} = \begin{bmatrix} D_{1} & C_{1} & AC \perp (BDD_{1}) \\ OK \perp BD_{1} \\ OK \perp BDD_{1} \\ C & ABDD_{1} \\ C & OK \\ B & DD_{1} \end{bmatrix}$$

$$C = \frac{OK}{DD_{1}} = \frac{OB}{BD_{1}}$$

$$\frac{OK}{1} = \frac{\sqrt{2}}{2} : \sqrt{3}$$

$$OK = \frac{\sqrt{6}}{6}$$

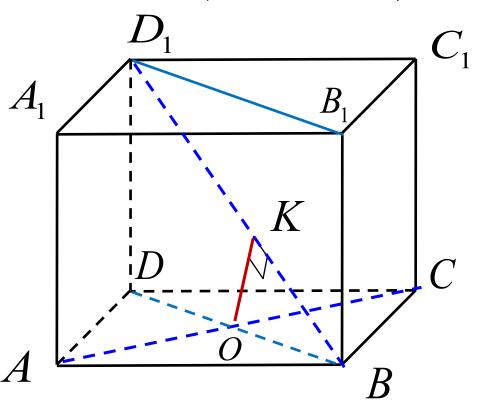


Расстояние между скрещивающимися прямыми равно расстоянию между их проекциями на плоскость, перпендикулярную одной из них.

№5 В единичном кубе найдите $ho(AC;BD_1)$

 $m{O}$ – проекция прямой $m{AC}$ на плоскость $m{BDD}_1$

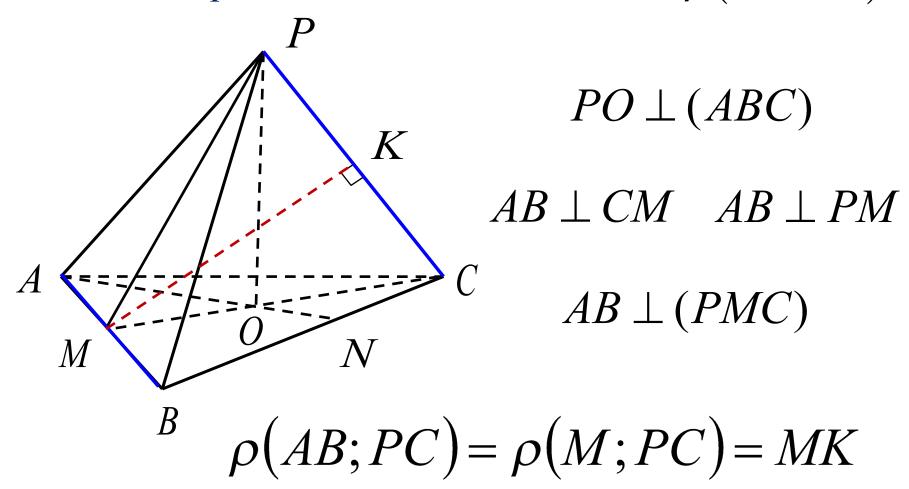
$$BD_1 \subset (BDD_1)$$



$$\rho(AC;BD_1) = \rho(O;BD_1) = OK$$

$$OK = \frac{\sqrt{6}}{6}$$

№6 Дана правильная пирамида PABC с боковым ребром PA = 3 и стороной основания 2. Найдите $\rho(AB; PC)$



$$\Delta MBC$$
 - прямоугольный

$$K^{MC} = \sqrt{BC^2 - BM^2} = \sqrt{4 - 1} = \sqrt{3}$$

$$MO = \frac{\sqrt{3}}{3}$$

$$\triangle AMP$$
 - прямоугольный

$$PM = \sqrt{AP^2 - AM^2} = \sqrt{9 - 1} = 2\sqrt{2}$$

 ΔPOM - прямоугольный

$$PO = \sqrt{PM^2 - MO^2} = \sqrt{8 - \frac{3}{9}} = \frac{\sqrt{69}}{3}$$

$$P$$
 K
 M
 N

$$S_{MPC} = \frac{1}{2}MC \cdot PO$$

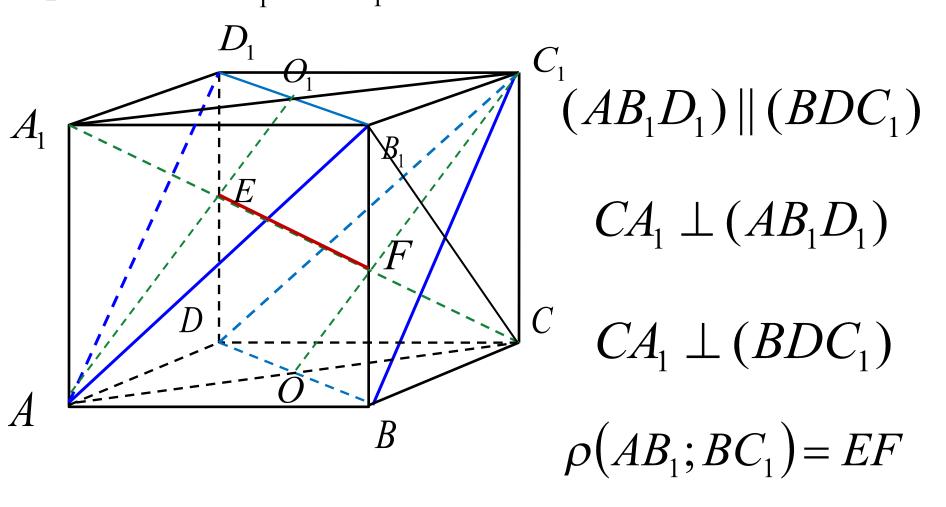
$$S_{MPC} = \frac{1}{2}PC \cdot MK$$

$$MC \cdot PO = PC \cdot MK$$

$$MK = \frac{MC \cdot PO}{PC} = \frac{\sqrt{3} \cdot \sqrt{69}}{3 \cdot 3} = \frac{\sqrt{23}}{3}$$

$$\rho(AB; PC) = \frac{\sqrt{23}}{3}$$

№ 7 В единичном кубе найдите расстояние между прямыми AB_1 и BC_1



$$\begin{array}{c|c}
A_1 & O_1 \\
E & F
\end{array}$$

$$C_1 \\
C \\
C$$

$$AO_1 \parallel OC_1 \qquad A_1O_1 = O_1C_1 \implies A_1E = EF$$

 $AO = OC \implies EF = FC$

$$EF = \frac{1}{3}A_1C = \frac{\sqrt{3}}{3}$$
 $\rho(AB_1; BC_1) = \frac{\sqrt{3}}{3}$