

Урок- повторение:

«Работа с
КИМ-2010»

- **«Величие человека –**
- **в его способности мыслить.»**
- **Б. Паскаль**

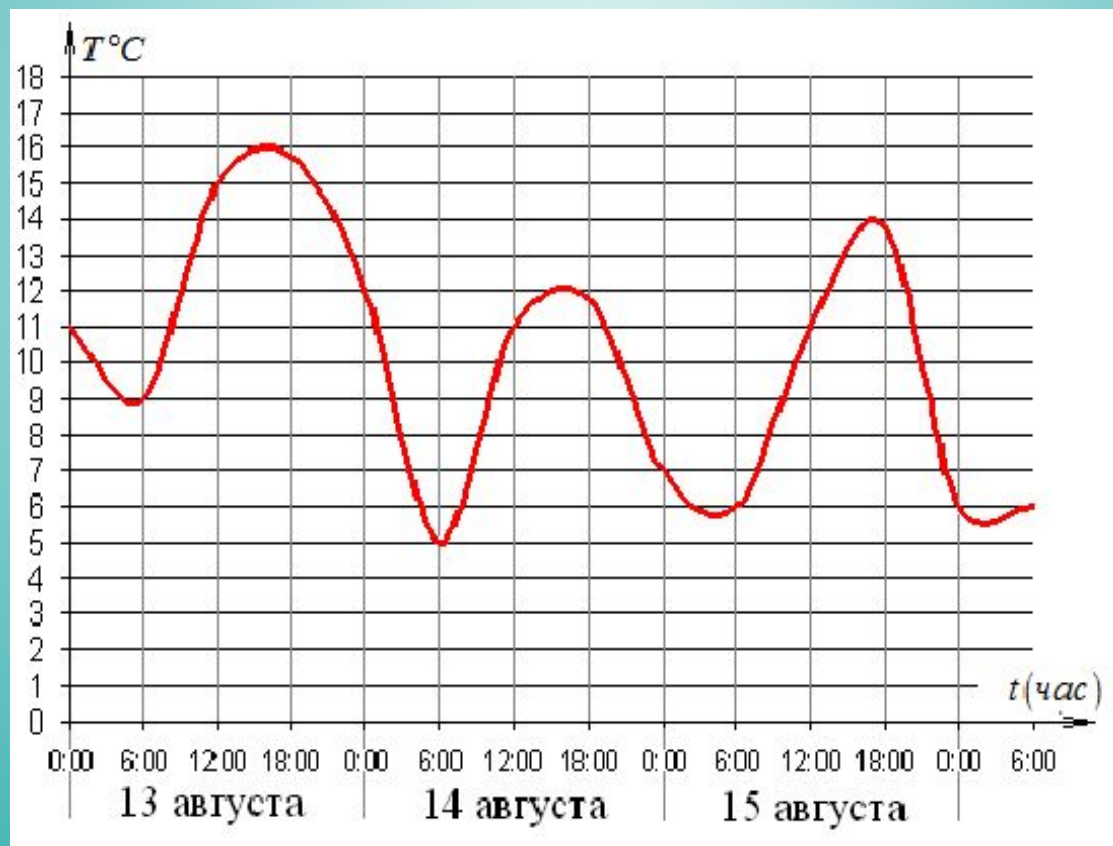
УСТНО.

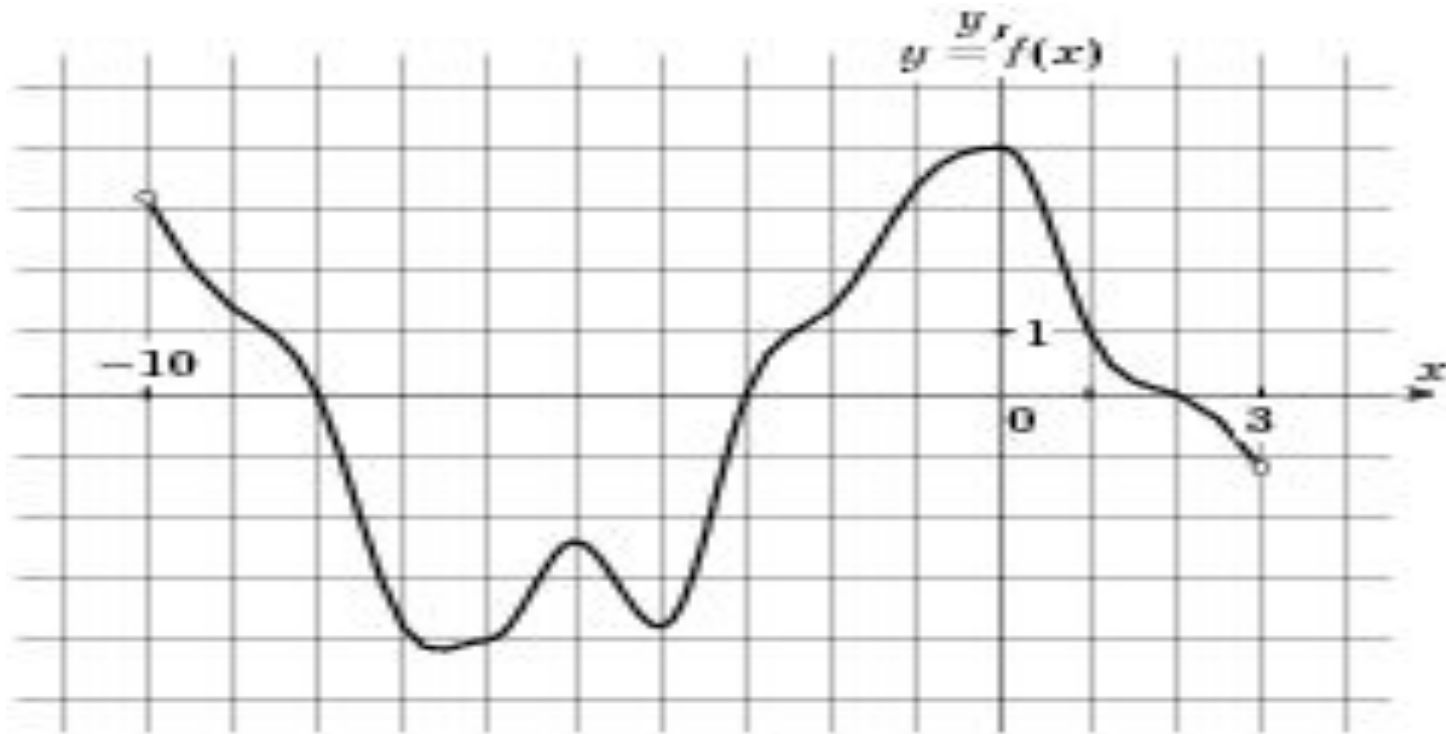
$$6^{\log_6 5} + 100^{\lg \sqrt{8}}$$

$$3^x = 7;$$

$$2^x = 32;$$

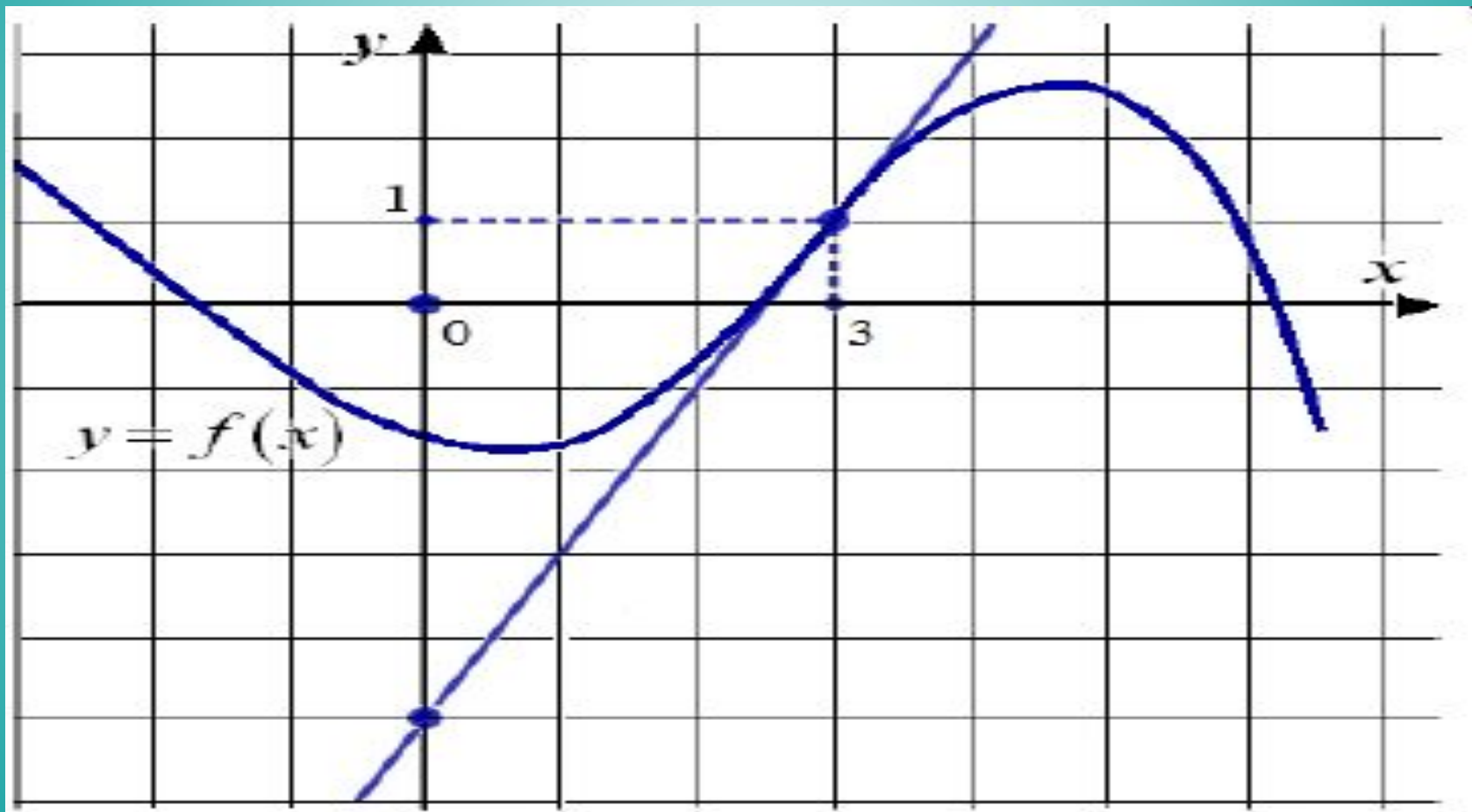
Задача: Дается график, на котором показана температура воздуха в течение трех суток. На одной оси (абсцисс) отмечается время суток, на другой (ординат) – температура в градусах Цельсия. Необходимо определить максимальную температуру 15 августа.





- На рисунке изображен график функции , определенной на интервале $[-10; 3]$. Определите количество промежутков, на которых функция возрастает.

На рисунке дан график функции $y=f(x)$, а также касательная к графику в точке с абсциссой, равной 3. Найти значение производной данной функции в точке $x=3$.



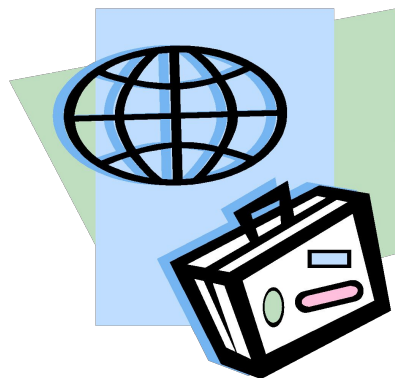
Вариант 5

B1	B2	B3	B4	B5	B6
5	6	4	18	1100	15
B7	B8	B9	B10	B11	B12
125	-0,75	45	7	-3	10

Вариант 6

B1	B2	B3	B4	B5	B6
3	90	2	5	1592,5	35
B7	B8	B9	B10	B11	B12
25	1	45	1000	3	9

Способы решения логарифмических уравнений



Способы решения логарифмических уравнений

потенцирование

введение новой
переменной

логарифмирование

с помощью
определения
логарифма

Функционально
-
графический

переход к
одному
основанию

Метод потенцирования

Он основан на теореме
равносильности.

Теорема: Пусть $a > 0$ и $a \neq 1$, x - решение системы неравенства

$$\begin{cases} f(x) > 0, \\ g(x) > 0, \end{cases}$$

Тогда уравнение $\log_a f(x) = \log_a g(x)$ $\iff$ на множестве x уравнению $f(x) = g(x)$

Метод введения новой переменной

$$a(\log_m x)^2 + b \log_m x + c = 0$$

Метод введения новой переменной

$$\text{ОДЗ: } \begin{cases} x > 0 \\ m > 0, m \neq 1 \end{cases}$$

Пусть $t = \log_m x$

$$at^2 + bt + c = 0$$

Решим квадратное уравнение

$$D = b^2 - 4ac$$

$$t_1 = \frac{-b + \sqrt{D}}{2a}$$

$$t_2 = \frac{-b - \sqrt{D}}{2a}$$

$$\log_m x = t_1$$

$$\log_m x = t_2$$

Решение логарифмических уравнений на основании определения логарифма

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{Log}_a f(x) = b \\ 1. \text{ОДЗ: } f(x) > 0, \end{array} \right.$$

$$a > 0, a \neq 1$$

2. $f(x) = a^b$ (по определению логарифма)

3. отбор корней, удовлетворяющих ОДЗ.

Функционально-графический метод

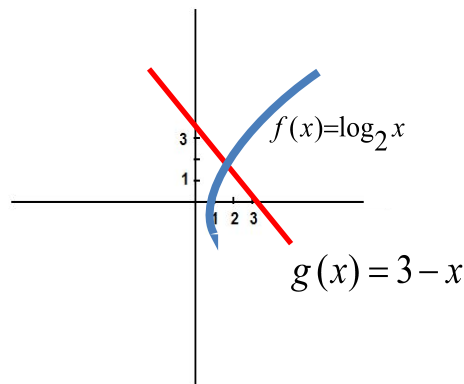
Решая уравнение $f(x)=g(x)$:

Нужно построить график функции $y=f(x)$, $y=g(x)$ и найти точки их пересечения. Корнями служат абсциссы этих точек.

$$\log_2 x = 3 - x$$

$$f(x) = \log_2 x \text{ и}$$

$$g(x) = 3 - x$$



В некоторых случаях построение графиков функций можно заменить ссылкой на свойства функций:

Если одна из функций $y=f(x)$ или $y=g(x)$ возрастает, а другая убывает на промежутке X , то уравнение $g(x)=f(x)$ имеет не более одного корня.

Метод приведение логарифмов к одному основанию

Формулы перехода к новому основанию

$$\log_a b = \frac{\log_c b}{\log_c a}$$

$$\text{Log}_a^p b = \frac{1}{p} \log_a b$$

$$\log_a b = \frac{1}{\log_b a}$$

$$p \neq 0$$

Свойства логарифмов

Пусть $a > 0$, $a \neq 1$, $x > 0$, $y > 0$.

Основные свойства логарифмов:

1. $\log_a 1 = 0$

2. $\log_a a = 1$

3. $\log_a xy = \log_a x + \log_a y$

4. $\log_a \frac{x}{y} = \log_a x - \log_a y$

5. $\log_a x^m = m \log_a x \quad (m \in \mathbb{R})$

6. $\log_{a^m} x = \frac{1}{m} \log_a x \quad (m \neq 0)$

7. $\log_a x = \frac{\log_b x}{\log_b a}, \quad b > 0, b \neq 1$

— формула перехода
к новому основанию

8. $\log_a b = \frac{1}{\log_b a}, \quad b > 0, b \neq 1$

9. $x^{\log_a y} = y^{\log_a x}$

Иррациональные уравнения

Определен

Уравнения содержащие переменную под знаком корня, называются иррациональными уравнениями

Способы решения

1. Возведение обеих частей уравнения в степень
2. Нахождение области допустимых значений неизвестного
3. Использование равносильных переходов

1. Возведение обеих частей уравнения в

степень

При возведении обеих частей уравнения в четную степень могут появиться посторонние корни. Поэтому при использовании указанного метода следует проверить все найденные корни подстановкой в исходное уравнение.

$$a) \sqrt{x+2} = x$$

Возведем обе части уравнения в

квадрат

$$x+2 = x^2$$

$$x^2 - x - 2 = 0$$

$$x_1 = -1, \quad x_2 = 2$$

Проверка

$$1) x = -1, \quad \sqrt{-1+2} = -1, \quad 1 = -1 \quad \text{ложно}$$

$$2) x = 2, \quad \sqrt{2+2} = 2, \quad 2 = 2 \quad \text{верно}$$

Ответ: $x = 2$

2. Нахождение области допустимых значений

$$a) \sqrt{x+1} + \sqrt{x+3} = -\sqrt{x+2} - 2$$

Переносим выражение, содержащее квадратный корень в левую часть

$$\sqrt{x+1} + \sqrt{x+3} + \sqrt{x+2} = -2$$

Поскольку корни арифметические, то левая часть уравнения неотрицательна, а правая отрицательна. Значит, уравнение решений не имеет

Ответ: *корней нет*

