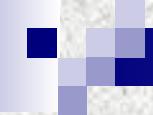


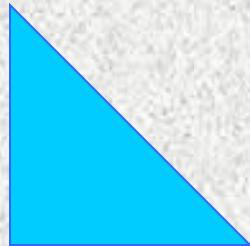


# ПРЯМОУГОЛЬНЫЕ ТРЕУГОЛЬНИКИ

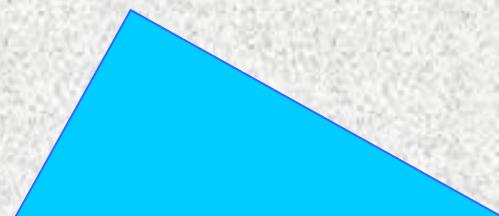
Презентация учителя математики МОУ Чернышихинской СОШ Кулькиной  
Любови Викторовны



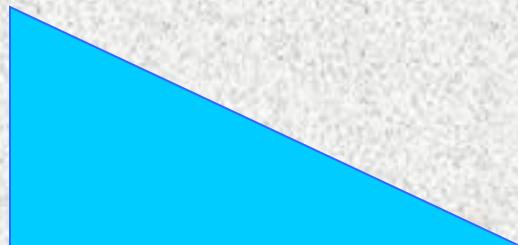
Для продолжения работы выбери  
необходимый раздел.



## **Свойства прямоугольных треугольников**

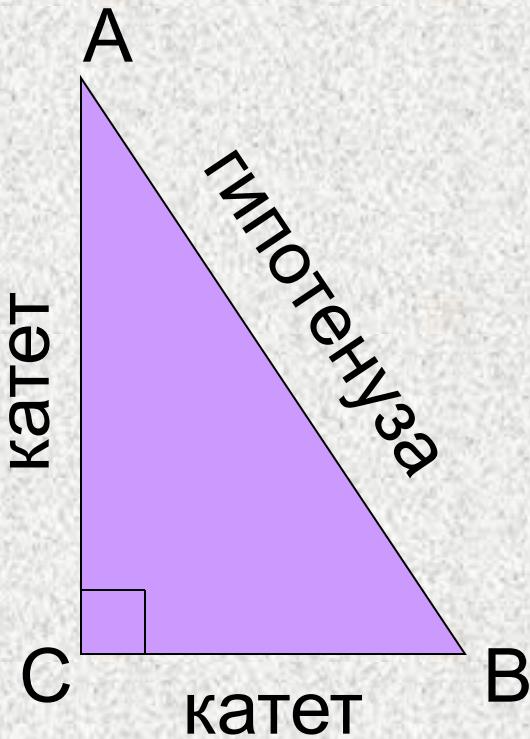


## **Признаки равенства прямоугольных треугольников**



## **Проверь себя**

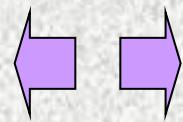
# Прямоугольные треугольники



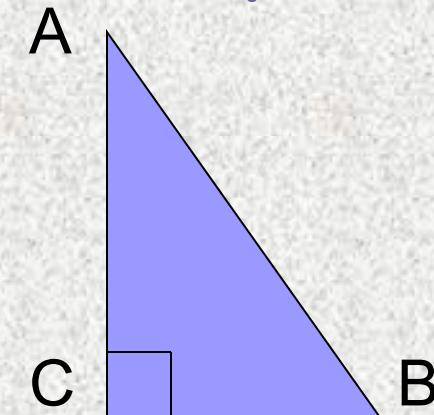
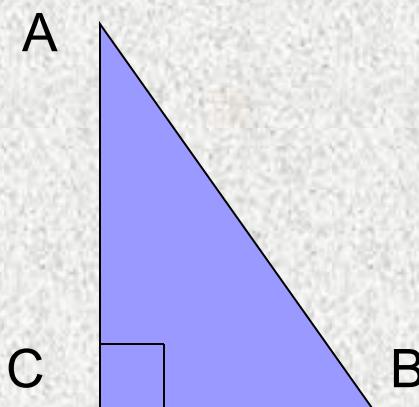
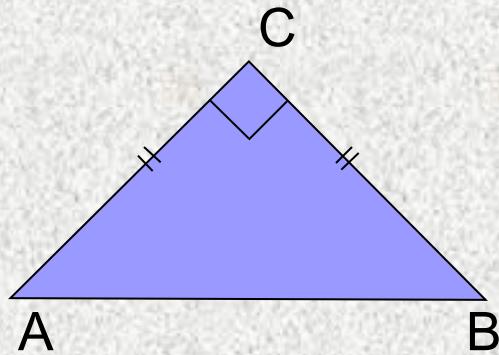
## Определение:

Треугольник, в котором один угол прямой, называется **прямоугольным**.

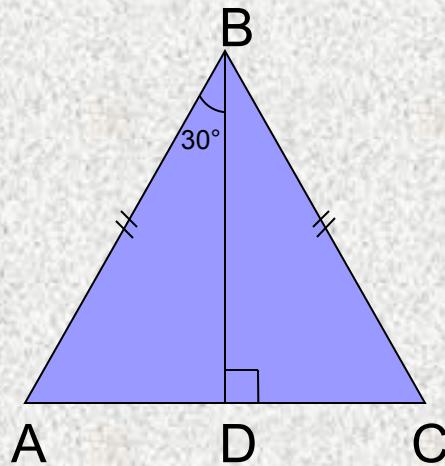
$\angle C$  – прямой.



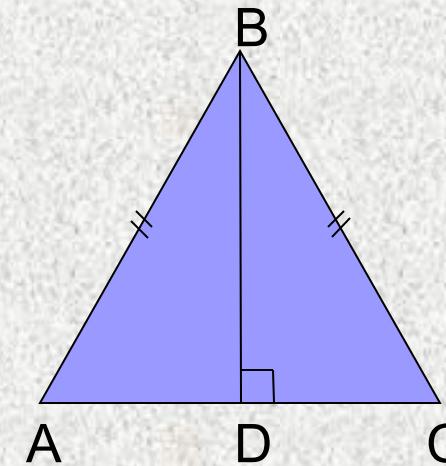
# Реши задачи по готовым чертежам



$\angle A : \angle B = 1 : 2$      $\angle A$  на  $20^\circ$  меньше  $\angle B$   
Найти  $\angle A$  и  $\angle B$ .

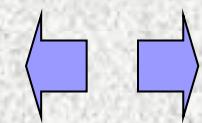


Доказать:  
 $AD = \frac{1}{2}AB$

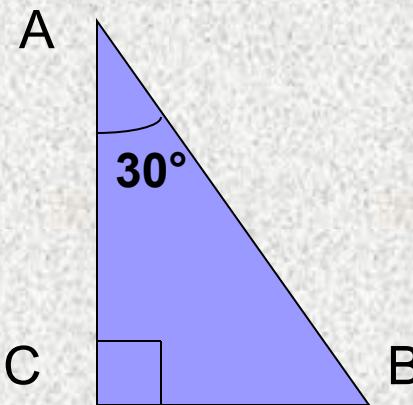


$$AD = \frac{1}{2}AB$$

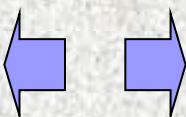
Найти: углы  
 $\Delta ABD$ .



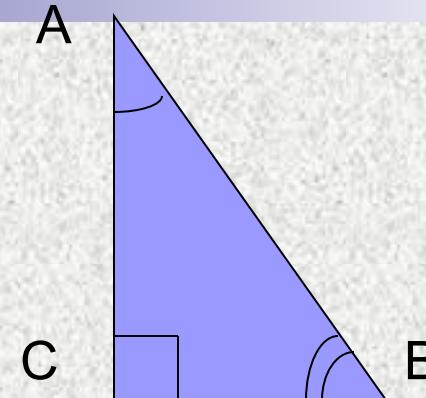
1. Докажите, что в  
прямоугольном треугольнике  
сумма двух острых углов равна  
 $90^\circ$ .



3. Докажите, что если катет  
прямоугольного треугольника равен  
половине гипотенузы, то угол,  
лежащий против этого катета, равен  
 $30^\circ$ .

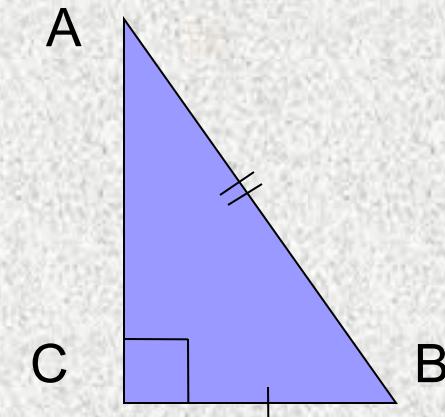


[подсказка](#)



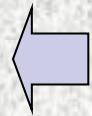
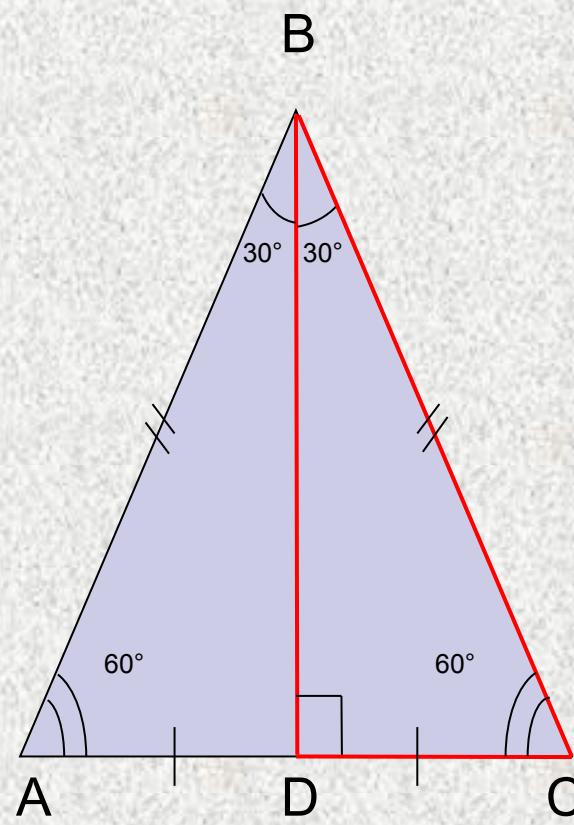
2. Докажите, что катет  
прямоугольного треугольника,  
лежащий против угла в  $30^\circ$ , равен  
половине гипотенузы.

[подсказка](#)



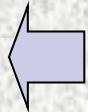
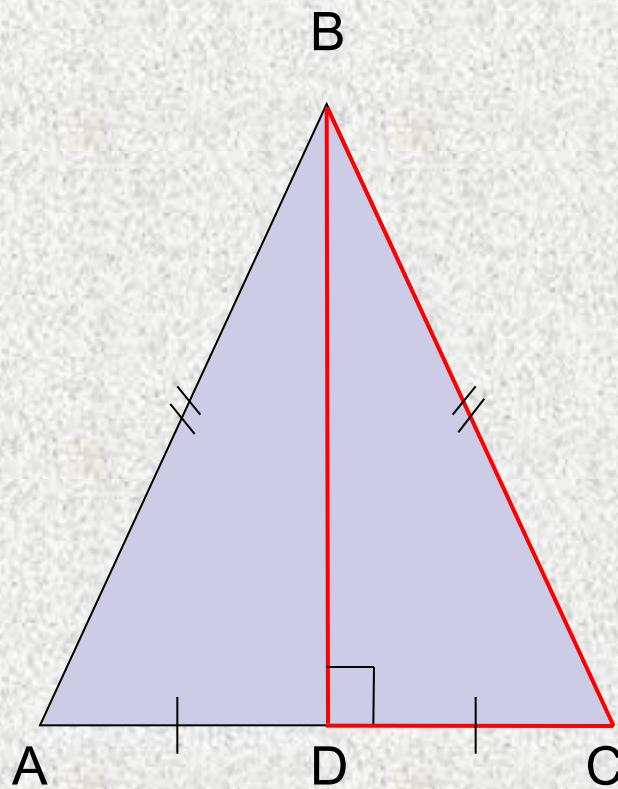
## Подсказка

Дострой свой треугольник до равностороннего со стороной, равной гипотенузе.



## Подсказка

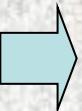
Дострой свой треугольник до равностороннего со стороной, равной гипотенузе.



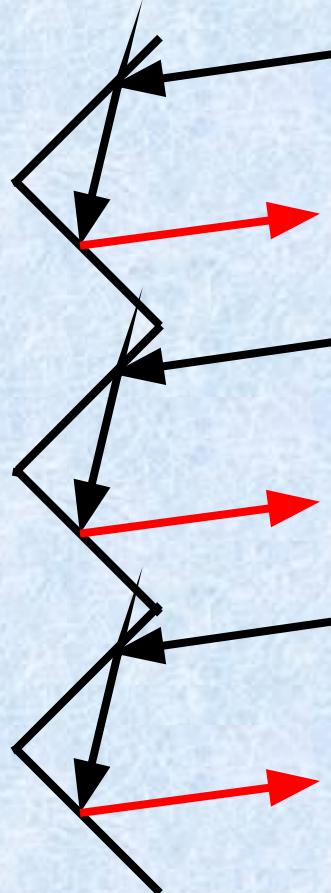
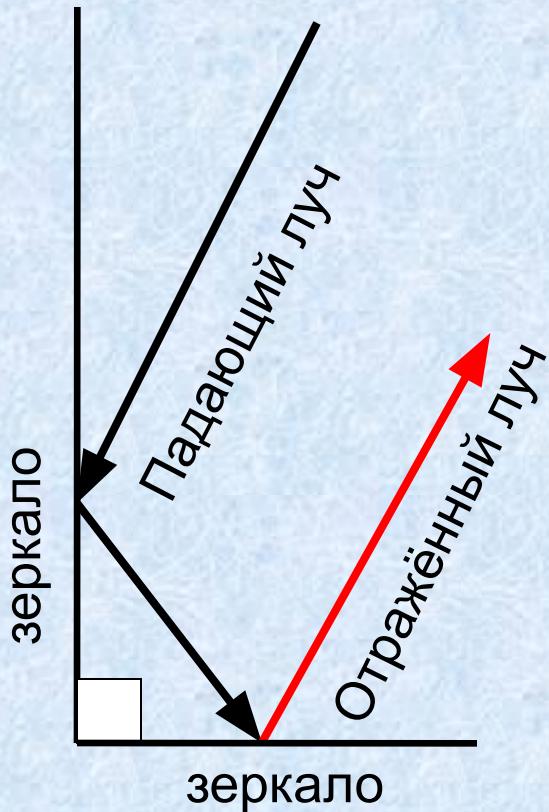
# **Свойства прямоугольных треугольников**

1. Сумма двух острых углов прямоугольного треугольника равна  $90^\circ$ .
2. Катет прямоугольного треугольника, лежащий против угла в  $30^\circ$ , равен половине гипотенузы.
3. Если катет прямоугольного треугольника равен половине гипотенузы, то угол, лежащий против этого катета, равен  $30^\circ$ .

**Это интересно!**

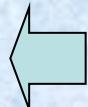


# Уголковый отражатель

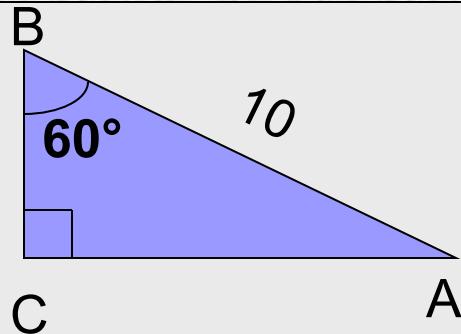


Уголковый  
отражатель  
используется  
в технике.

Падающий луч и отражённый луч параллельны.

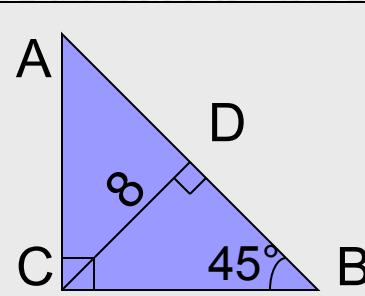


# Реши задачи по готовым чертежам



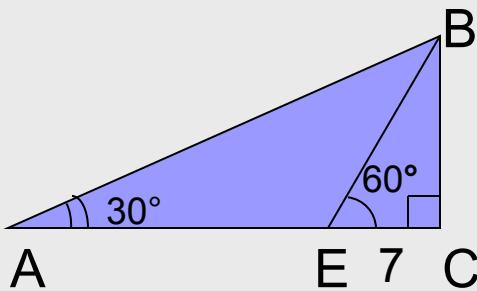
1. Найти BC.

Ответ: 5



2. Найти: AB.

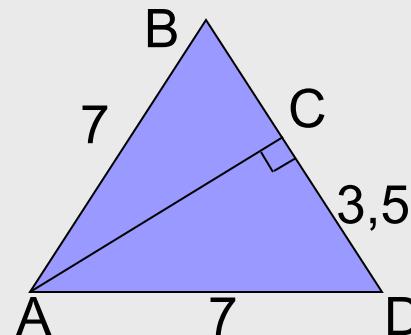
Ответ: 16



3. Найти: AE.

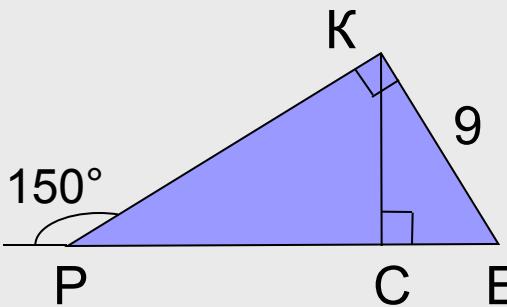
Ответ:

14



4. Найти:  $\angle B$ ,  
 $\angle D$ .

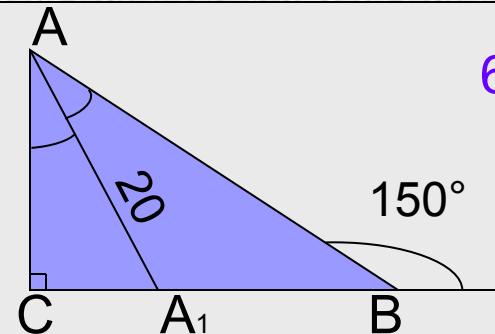
Ответ:  
 $60^\circ, 60^\circ$



5. Найти:  
CE, PC

Ответ:

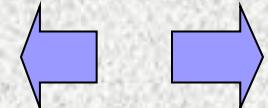
4,5; 13,5



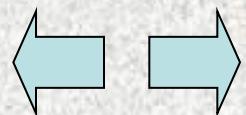
6. Найти: CA<sub>1</sub>

Ответ:

10

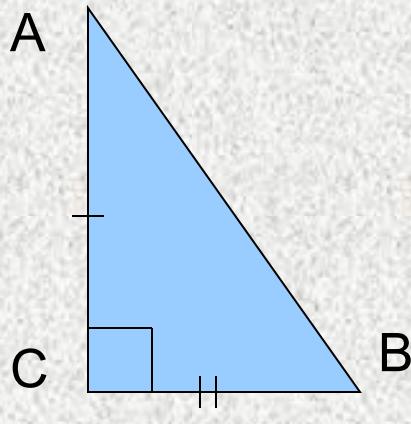


**признаки  
равенства  
прямоугольных  
треугольников**



# Первый признак равенства прямоугольных треугольников

(по двум катетам)



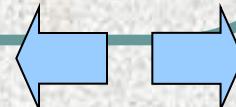
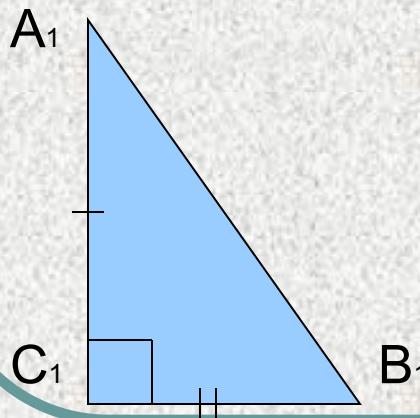
Дано: треугольники  $ABC$  и  $A_1B_1C_1$  -  
прямоугольные,  $AC = A_1C_1$ ,  $BC = B_1C_1$ .

Доказать:  $\Delta ABC \cong \Delta A_1B_1C_1$ .

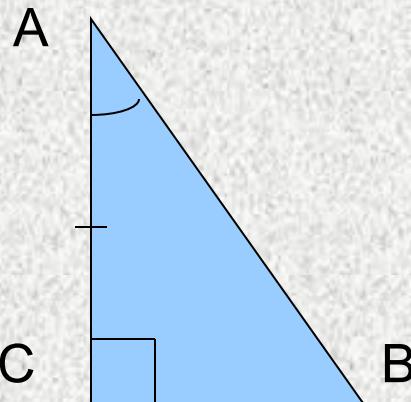
Доказательство:

$AC = A_1C_1$  (по условию),  $BC = B_1C_1$  (по  
условию),  $\angle C = \angle C_1 = 90^\circ \Rightarrow$

$\Delta ABC \cong \Delta A_1B_1C_1$  (по двум сторонам и  
углу между ними).



# Второй признак равенства прямоугольных треугольников



(по катету и острому углу)

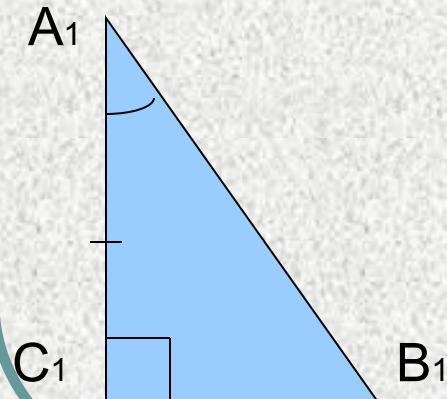
Дано: треугольники  $ABC$  и  $A_1B_1C_1$  -  
прямоугольные,  $AC = A_1C_1$ ,  $\angle A = \angle A_1$ .

Доказать:  $\Delta ABC \cong \Delta A_1B_1C_1$ .

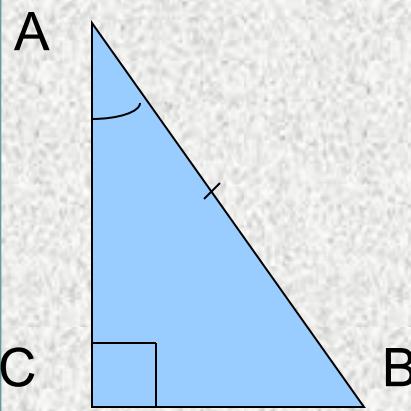
Доказательство:

$AC = A_1C_1$  (по условию),  $\angle A = \angle A_1$  (по  
условию),  $\angle C = \angle C_1 = 90^\circ \Rightarrow$

$\Delta ABC \cong \Delta A_1B_1C_1$  (по стороне и двум  
прилежащим углам).



# Третий признак равенства прямоугольных треугольников



(по гипотенузе и острому углу)

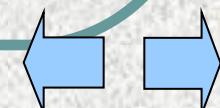
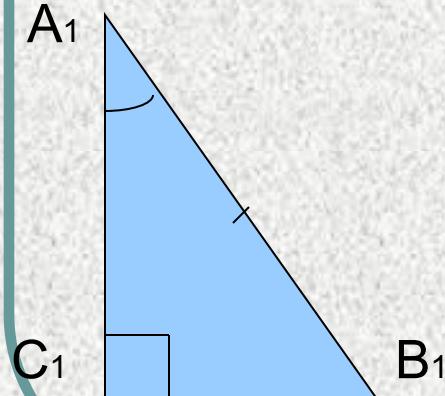
Дано: треугольники  $ABC$  и  $A_1B_1C_1$  -  
прямоугольные,  $AB = A_1B_1$ ,  $\angle A = \angle A_1$ .

Доказать:  $\Delta ABC \cong \Delta A_1B_1C_1$ .

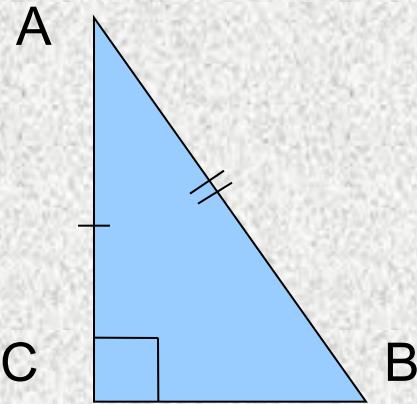
Доказательство:

$AB = A_1B_1$  (по условию),  $\angle A = \angle A_1$  (по  
условию);  $\angle B = 90^\circ - \angle A$ ,  $\angle B_1 = 90^\circ -$   
 $\angle A_1$ , значит,  $\angle B = \angle B_1$

$\Rightarrow \Delta ABC \cong \Delta A_1B_1C_1$  (по стороне и двум  
прилежащим углам).



# Четвёртый признак равенства прямоугольных треугольников



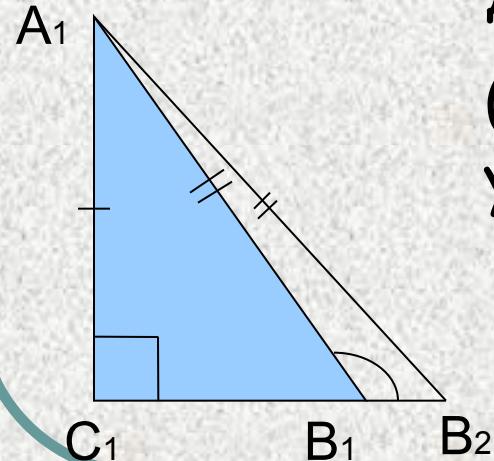
(по гипотенузе и катету)

Дано: треугольники  $ABC$  и  $A_1B_1C_1$  -  
прямоугольные,  $AB = A_1B_1$ ,  $AC = A_1C_1$ .

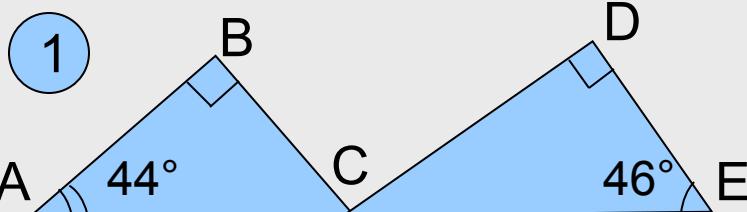
Доказать:  $\Delta ABC \cong \Delta A_1B_1C_1$ .

Доказательство:

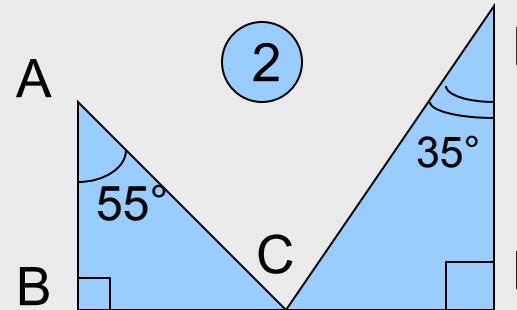
(рассмотри самостоятельно на стр. 78  
учебника)



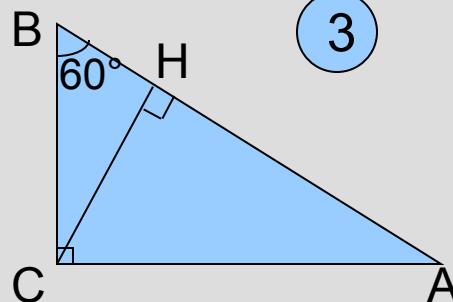
# Решите самостоятельно



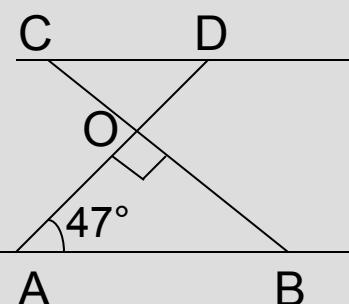
Доказать:  $BC \perp CD$



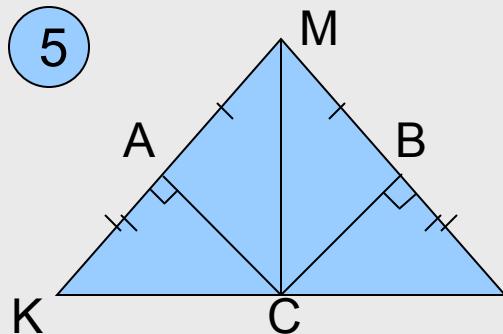
Найти:  $\angle ACE$



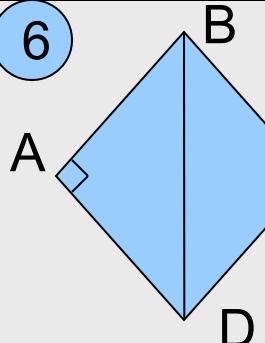
Дано:  $BH=4$  см.  
Найти:  $AH$ .



Дано:  $AB \parallel CD$   
Найти:  
углы  $\triangle CDO$



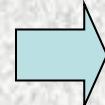
Доказать:  $MC$  – медиана  $\triangle KMN$



Дано:  $BD$  – биссектриса  $\angle ABC$   
Доказать:  $BD$  – биссектриса  $\angle ADC$

# Проверь себя!

- Какой треугольник называется прямоугольным?
- Как называются стороны прямоугольного треугольника?
- Верно ли, что сумма двух острых углов прямоугольного треугольника равна  $90^\circ$ ?
- Сформулируйте свойства прямоугольного треугольника.
- Сформулируйте признак равенства прямоугольных треугольников по гипотенузе и острому углу.
- Сформулируйте признак равенства прямоугольных треугольников по гипотенузе и катету.
- Сформулируйте признак равенства прямоугольных треугольников по двум катетам.
- Сформулируйте признак равенства прямоугольных треугольников по катету и острому углу.
- В основе чего лежит одно из свойств прямоугольного треугольника?



ЕСЛИ ТЫ ДОВОЛЕН РЕЗУЛЬТАТОМ,  
ПОЗДРАВЛЯЮ! ЖЕЛАЮ УСПЕХОВ  
ПРИ ИЗУЧЕНИИ ГЕОМЕТРИИ.

ЕСЛИ НЕ ВСЕ УДАЛОСЬ, ТО МОЖНО  
ВЕРНУТЬСЯ НА ПЕРВЫЙ СЛАЙД

