

# Преобразования на плоскости

МОУ СОШ № 5  
г. Ивантеевка  
учитель математики  
Любецкая Н. Ф.

*О симметрия! Гимн тебе пою!  
Тебя повсюду в мире узнаю.  
Ты в Эйфелевой башне, в малой мошке,  
Ты в елочке, что у лесной дорожки.  
С тобою в дружбе и тюльпан, и роза,  
И снежный рой – творение мороза!*

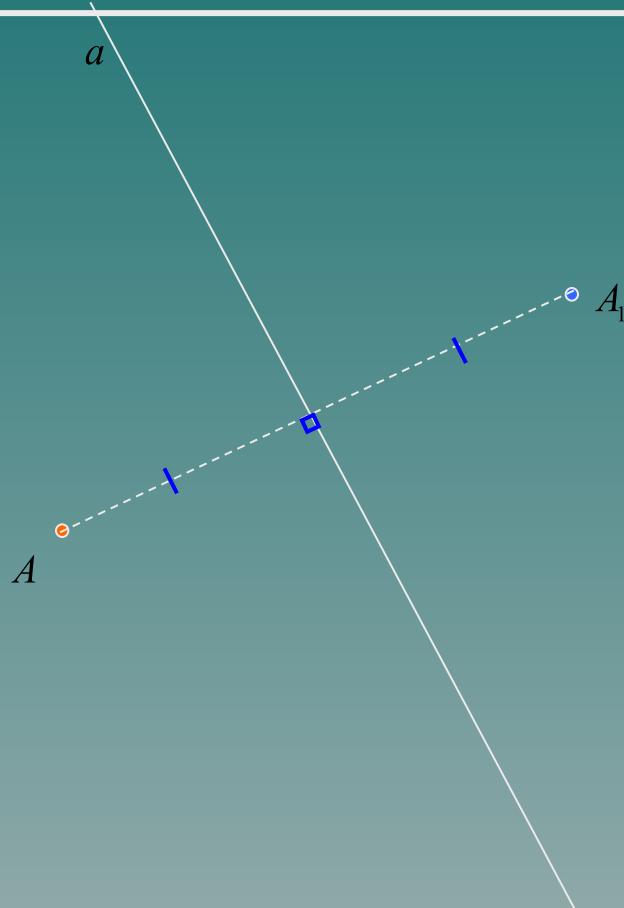
**Симметрия** (греч.) - соразмерность, пропорциональность, одинаковость в расположении частей.



# Виды симметрии

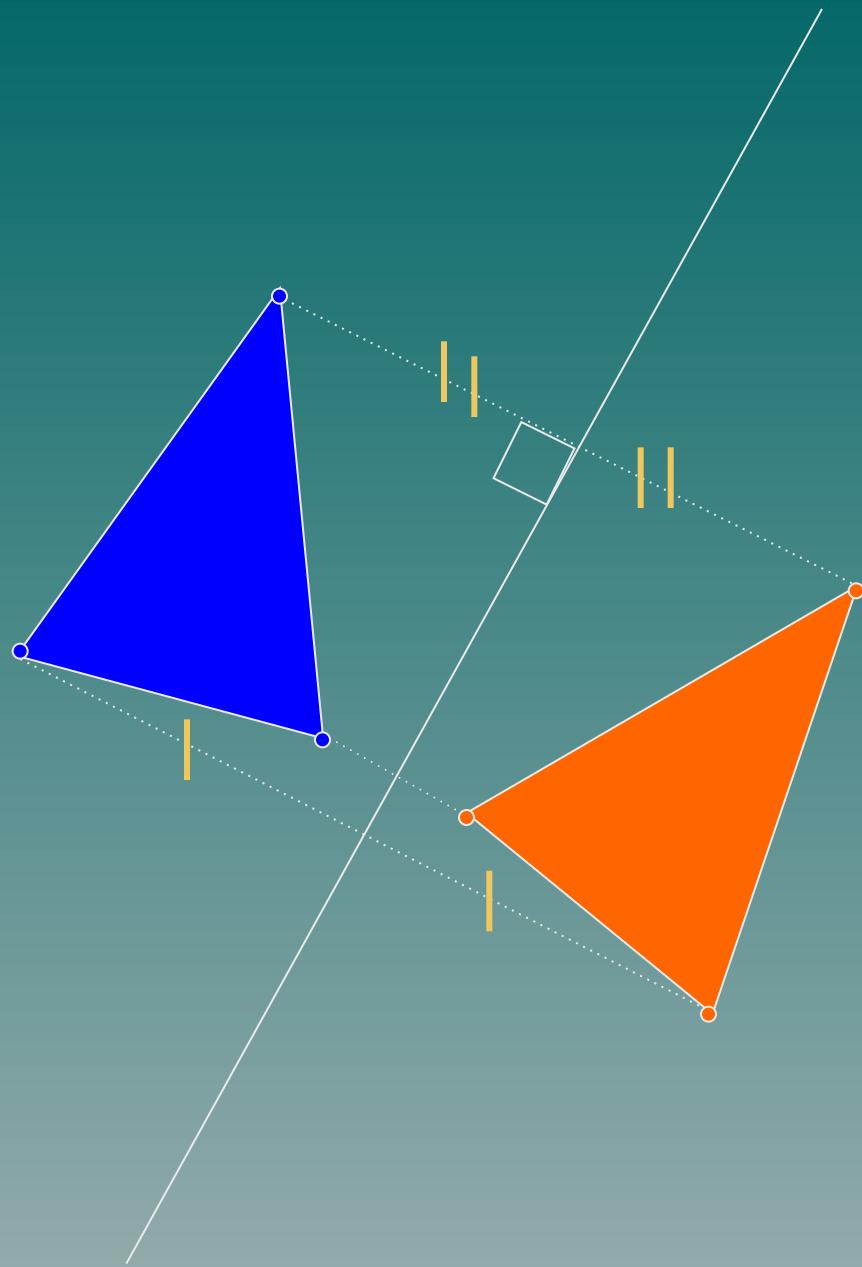
- Симметрия относительно прямой
- Симметрия относительно точки
- Поворот
- Симметрия в природе
- Симметрия в архитектуре

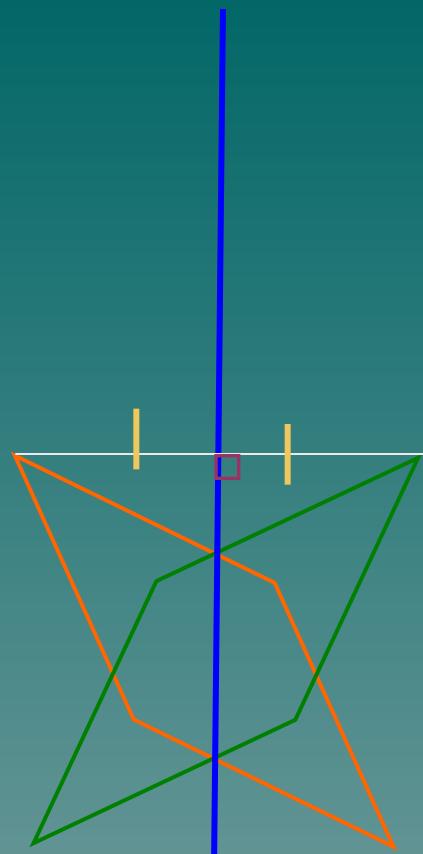
# Симметрия относительно прямой – осевая симметрия

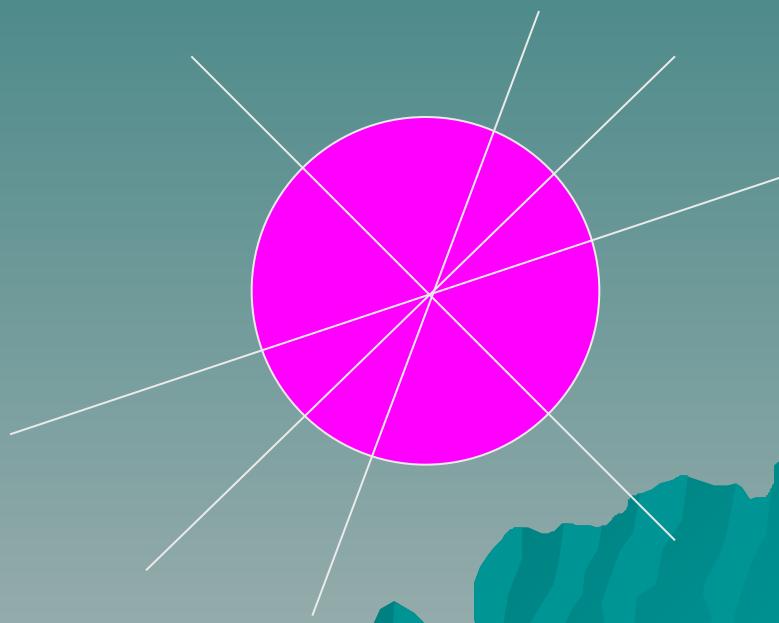
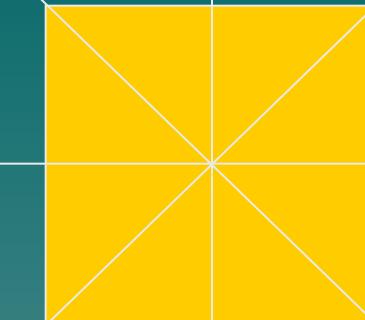
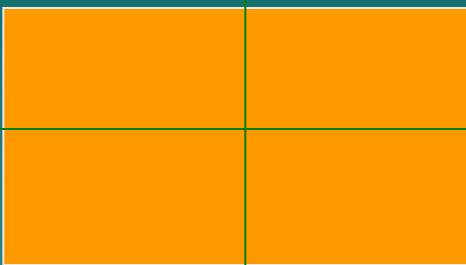


**а – ось симметрии**

Две точки  $A$  и  $A_1$  называются симметричными относительно прямой  $a$ , если эта прямая проходит через середину отрезка  $AA_1$  и перпендикулярна к нему







# Являются ли данные точки симметричными ?

?

M

$M_1$

m

b

C

D

a

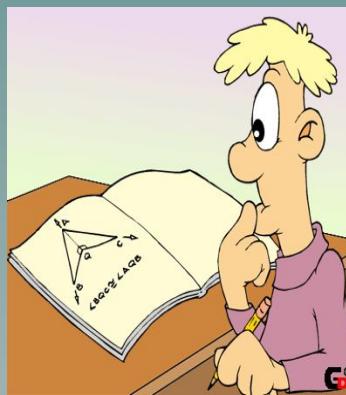
B

$B_1$

Рисунок 1

Рисунок 2

Рисунок 3

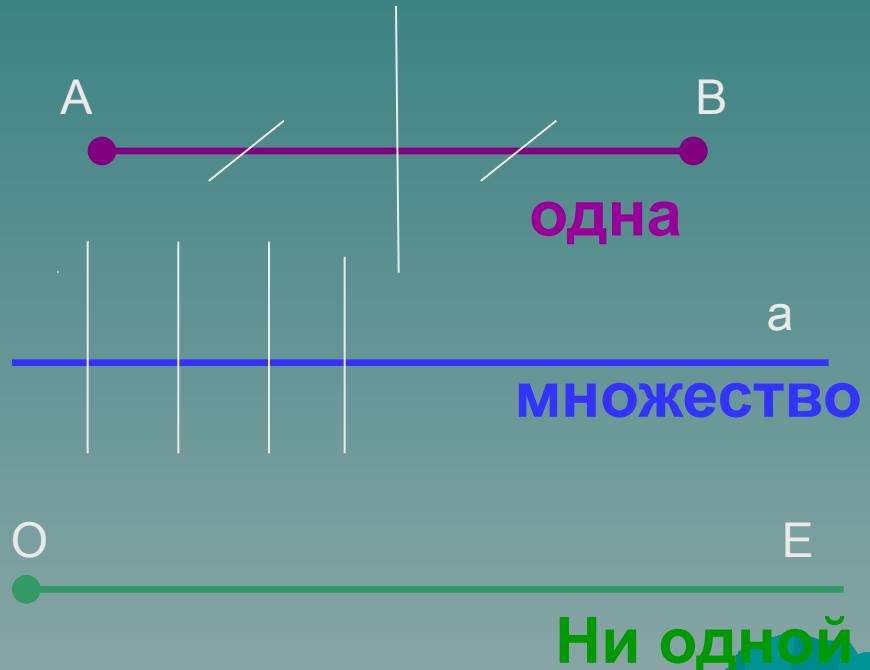


# Задачи:

Сколько осей  
симметрии  
имеет:

- Отрезок

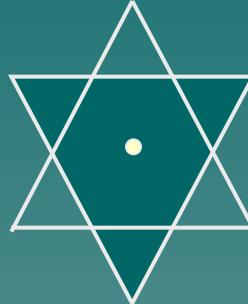
- Прямая



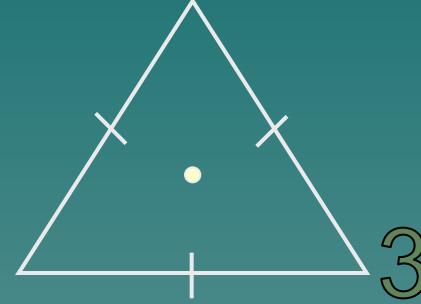
**Какие из этих фигур имеют ось симметрии?**



5



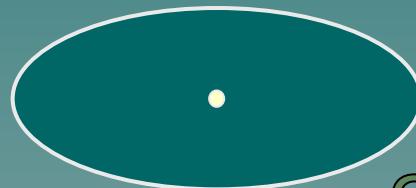
6



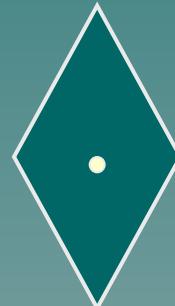
3



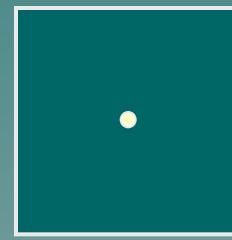
1



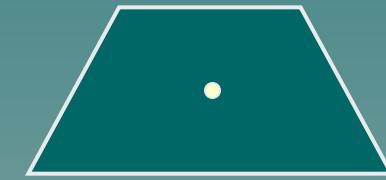
2



2



4



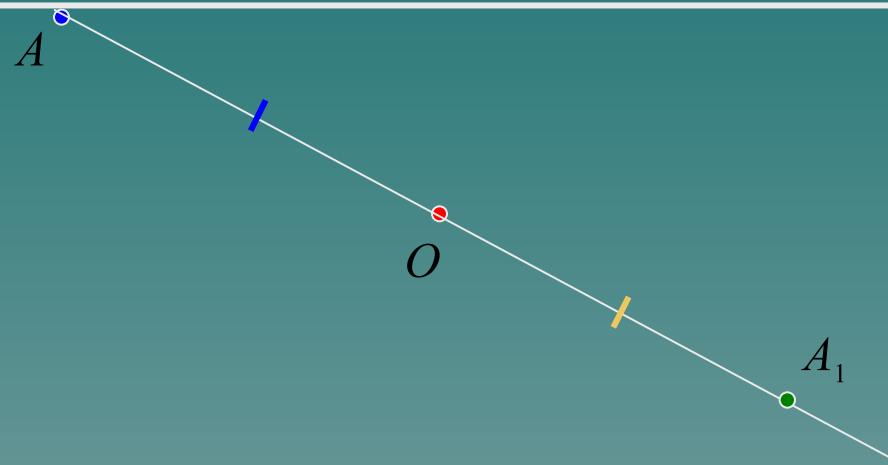
1



*Бесконечно много*

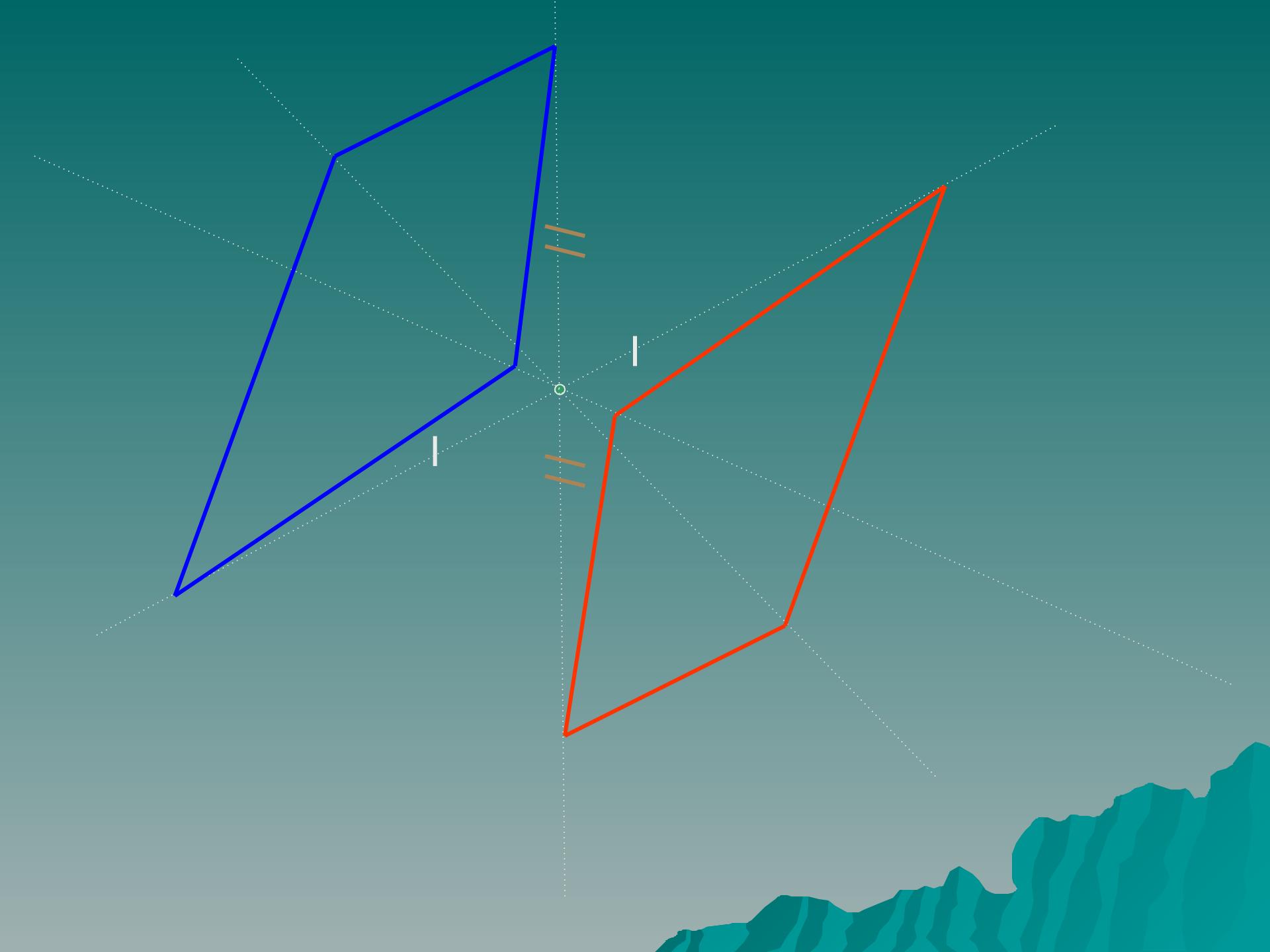
**Сколько осей симметрии имеет каждая фигура?**

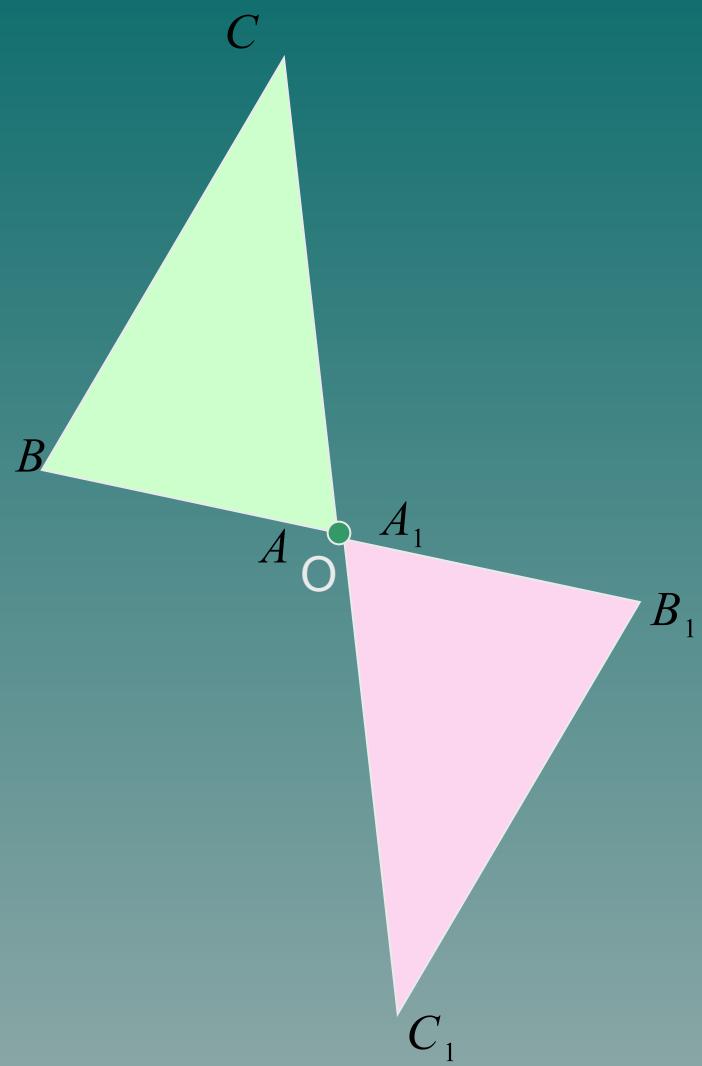
# Симметрия относительно точки- центральная симметрия

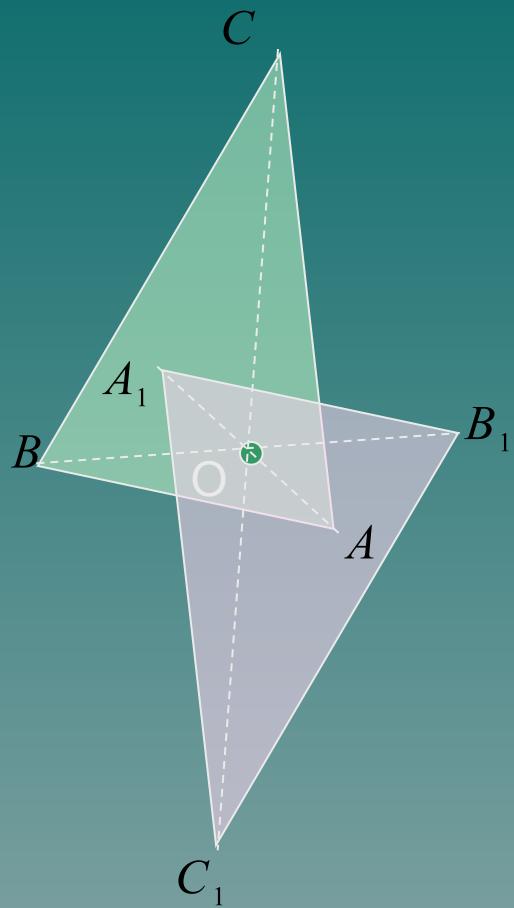


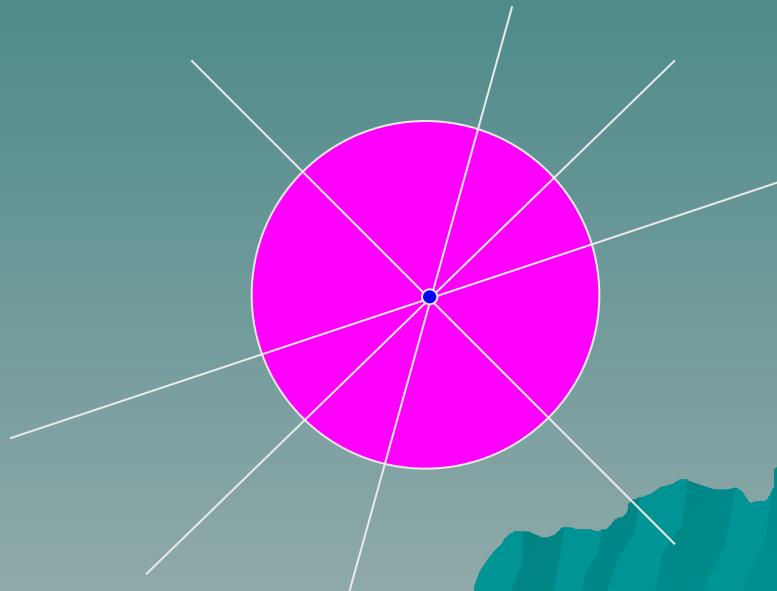
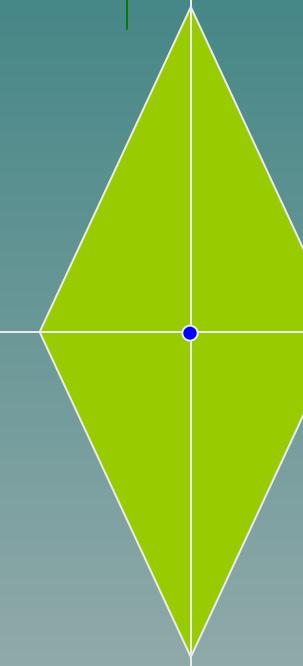
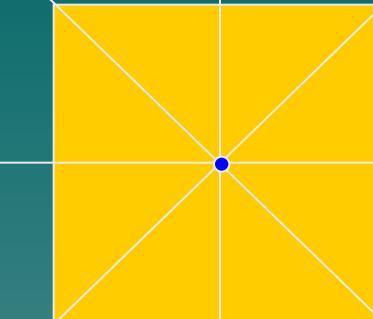
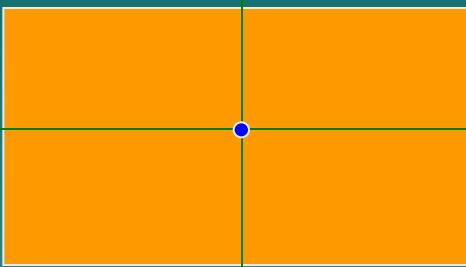
Две точки  $A$  и  $A_1$  называются симметричными относительно точки  $O$ , если  $O$  – середина отрезка  $AA_1$

◆  $O$  - центр симметрии









# Являются ли точки симметричными относительно данной точки?

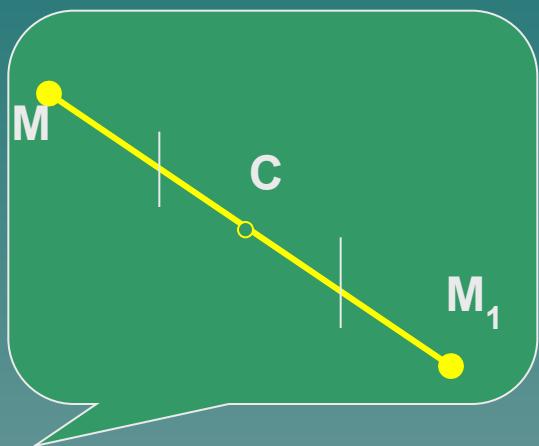


Рисунок 1

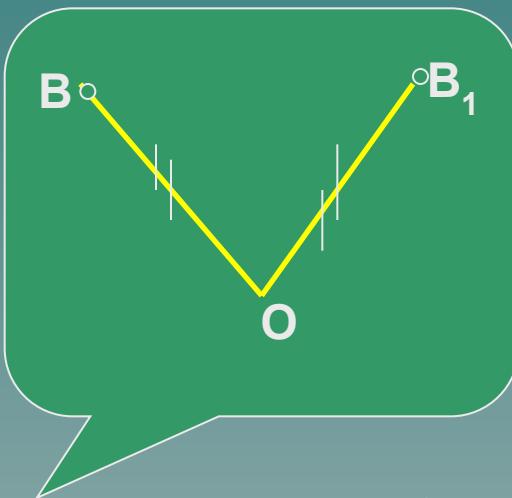


Рисунок 2

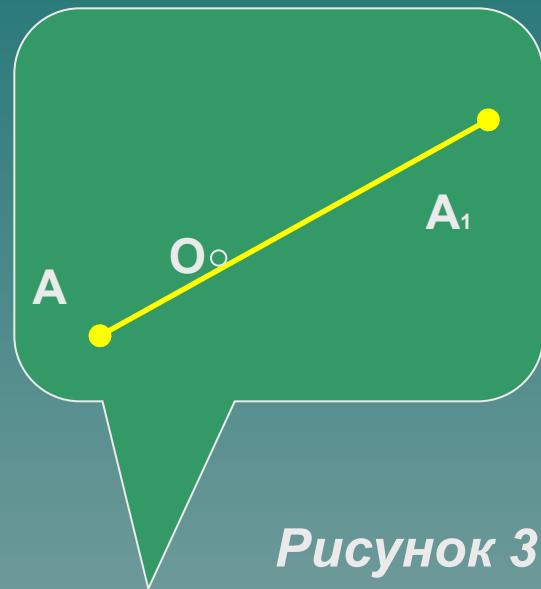
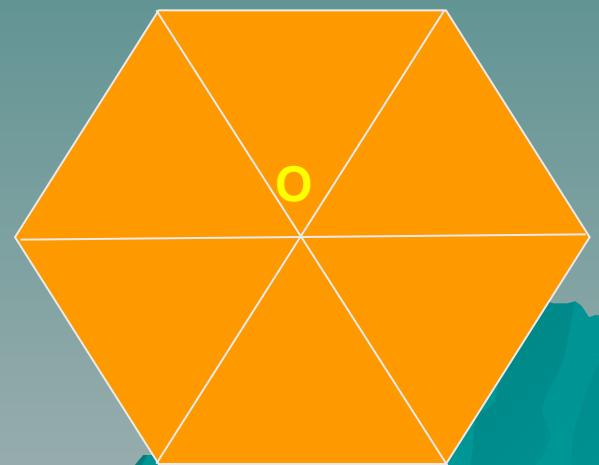
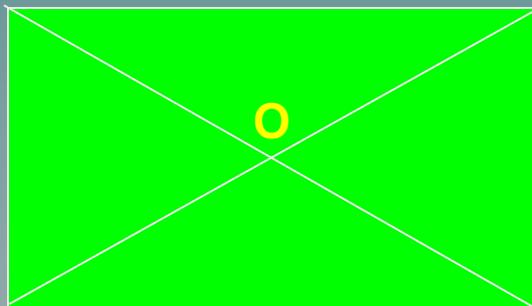
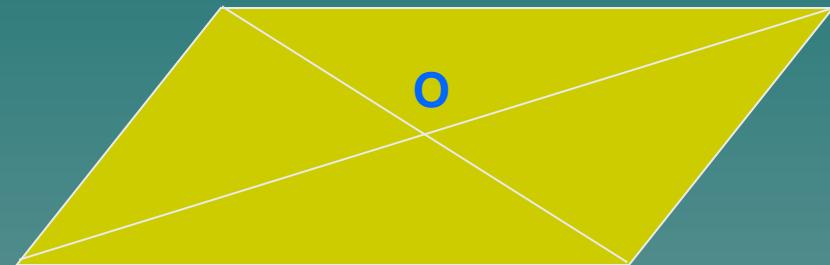
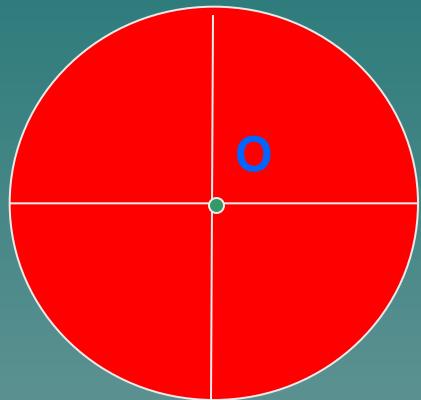


Рисунок 3

# Геометрические фигуры, обладающие центральной симметрией



# Задачи

- ◆ Имеют ли центр симметрии

Отрезок



один

Прямая



множество

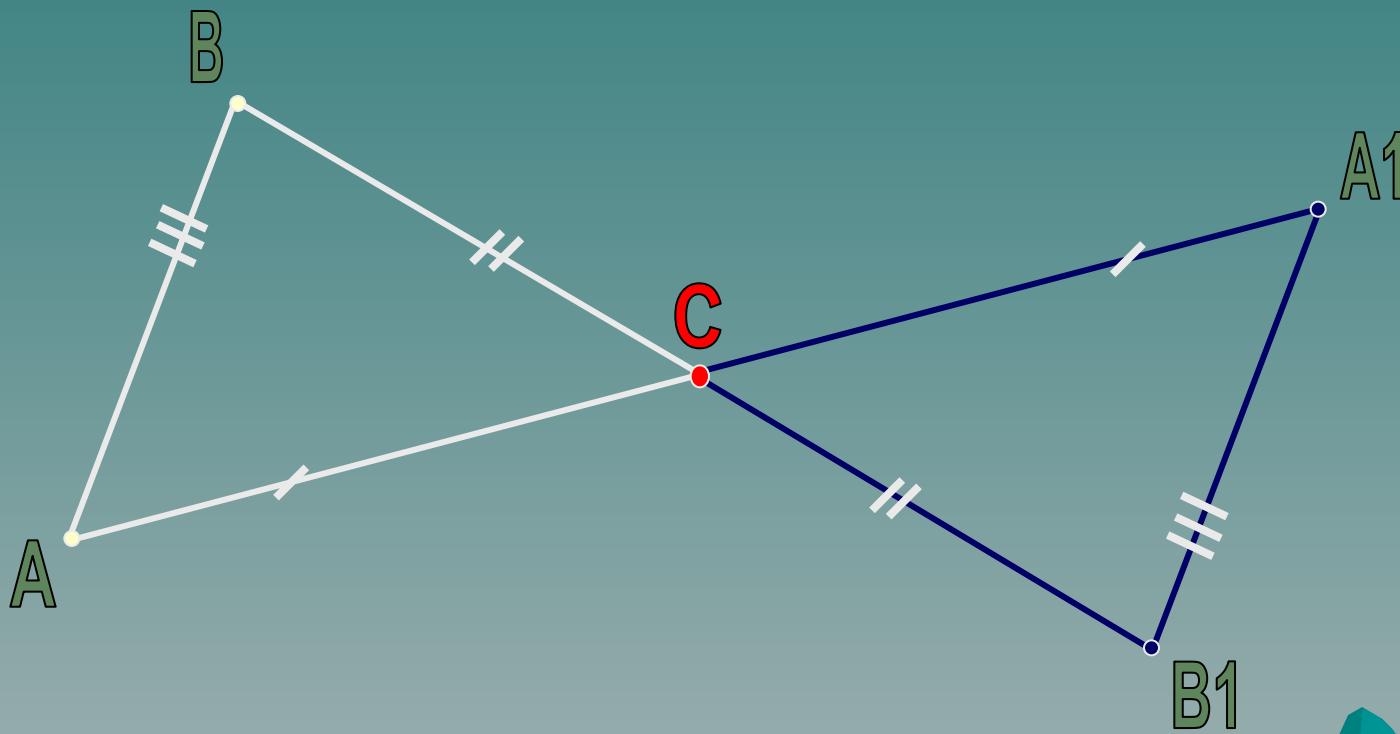
- Луч



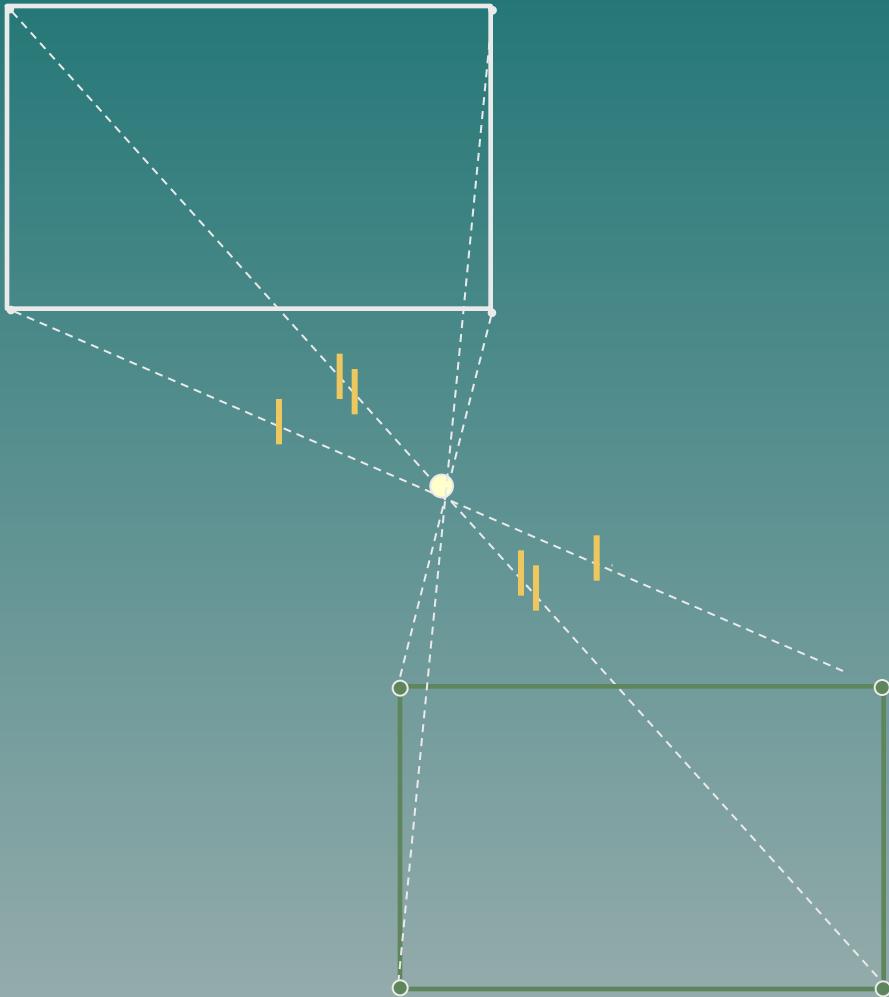
Ни одного



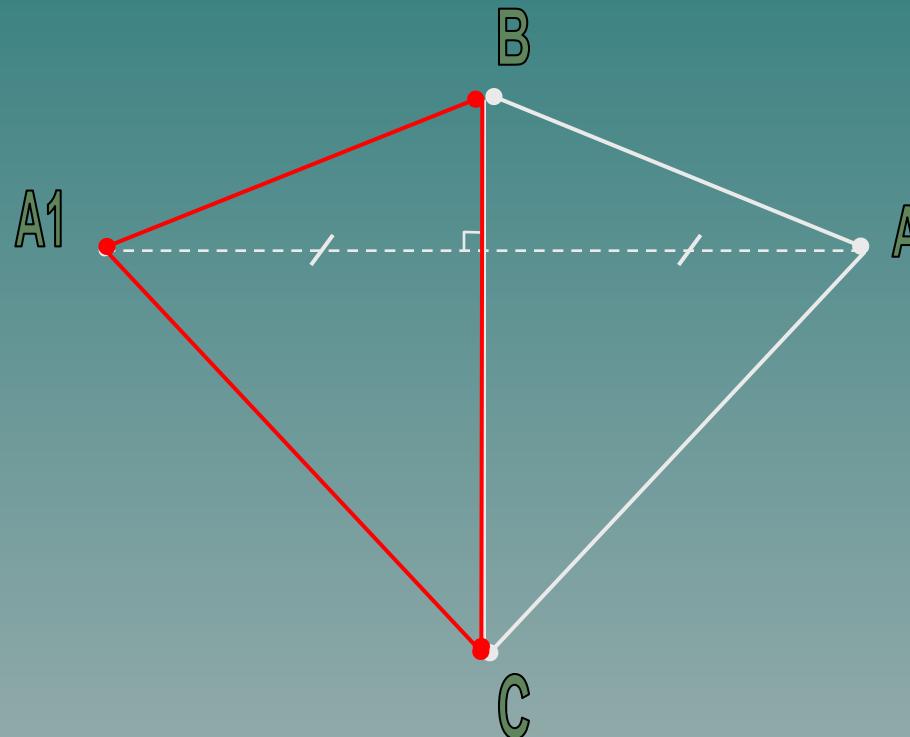
*Начертите треугольник  $ABC$   
Постройте симметричный ему  
треугольник относительно вершины  $C$ .*



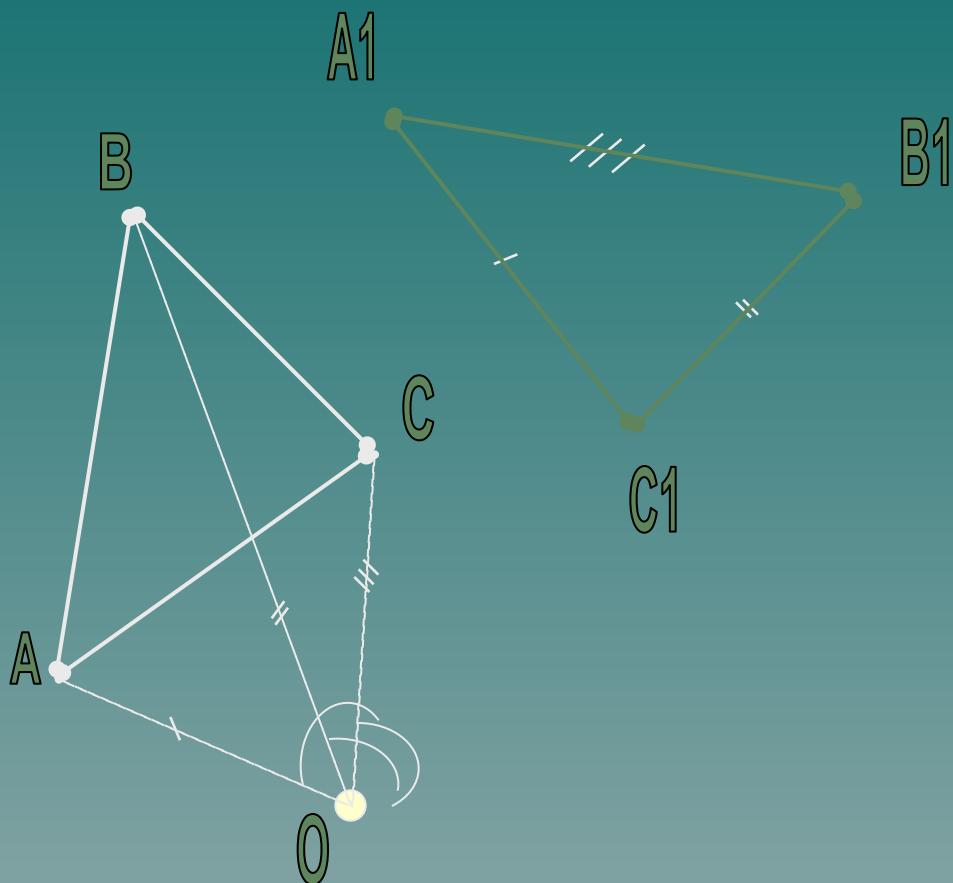
*Постройте и проверьте  
себя*



**Начертите треугольник  $ABC$ .  
Постройте симметричный ему  
треугольник относительно стороны  
 $BC$ .**



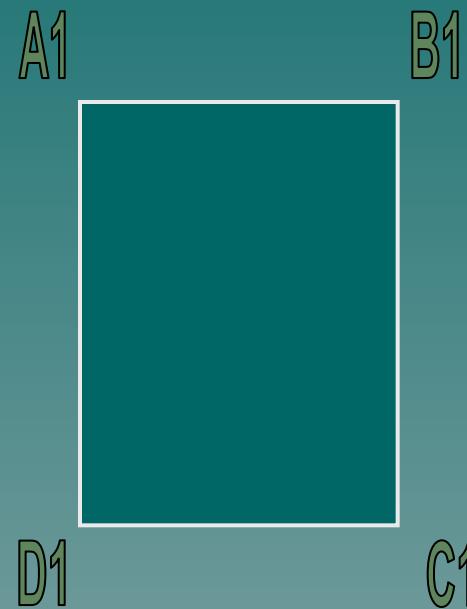
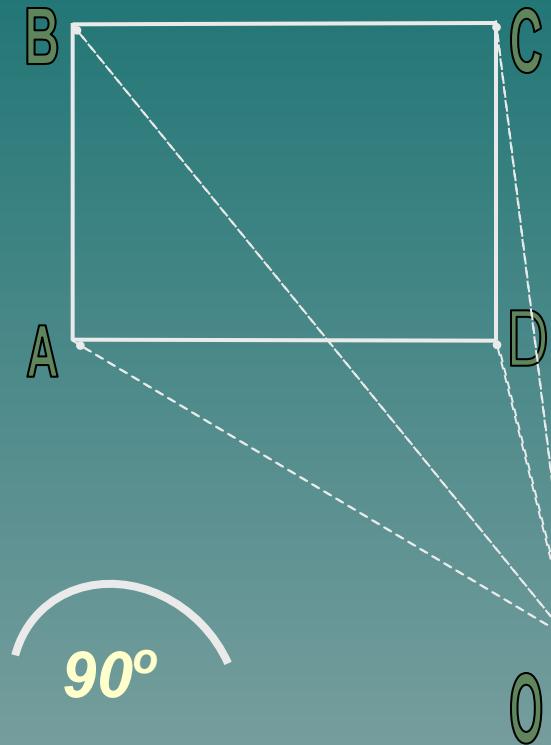
# Поворот

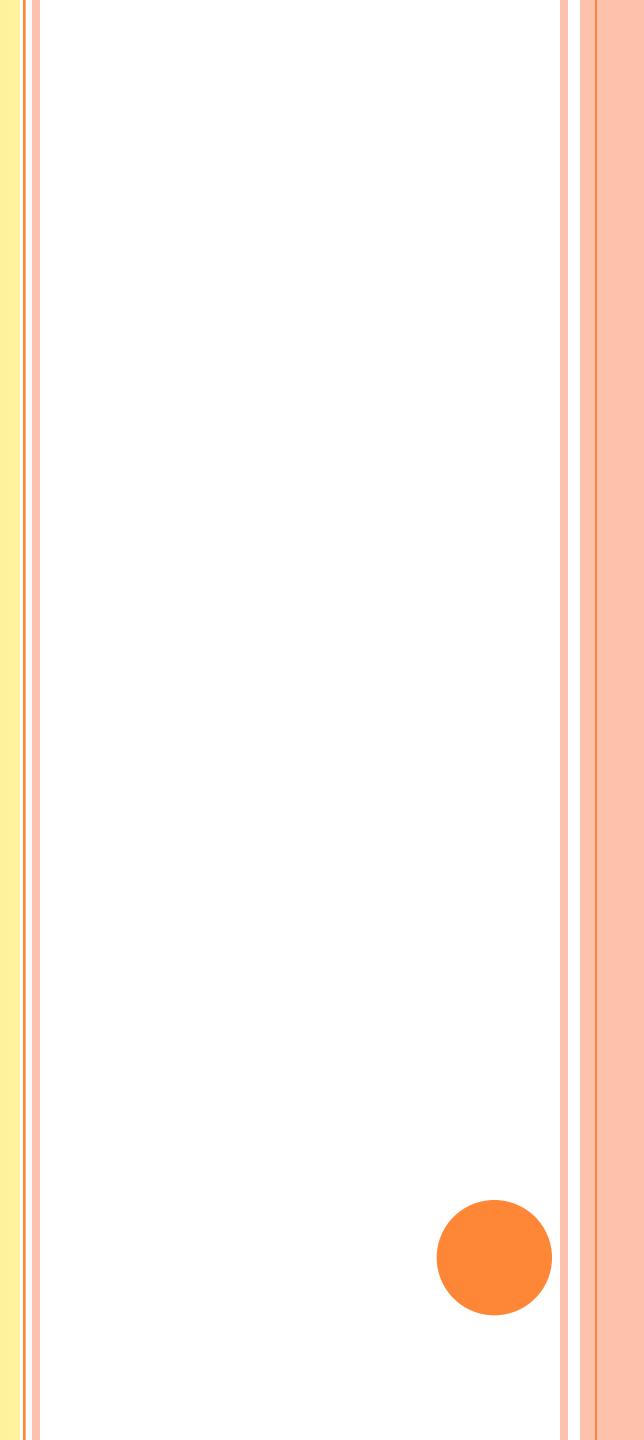


**Поворот задается:**

- центром поворота
- углом поворота ( $90^\circ$ )
- направлением (по часовой стрелке или против)

# Постройте и проверьте









# Симметрия в балете



Знаменитые фуэте, когда балерина вращается на одной ножке 6 раз, 12, ..., 32 раза!

Их повторяемость рождает эстетический эффект, служащий достойным завершением танца!

# Винтовая симметрия



Листья располагаются на стволе по винтовой линии, чтобы заслонять друг от друга солнечный свет.

# Симметрия и антисимметрия в архитектуре



Казанский собор



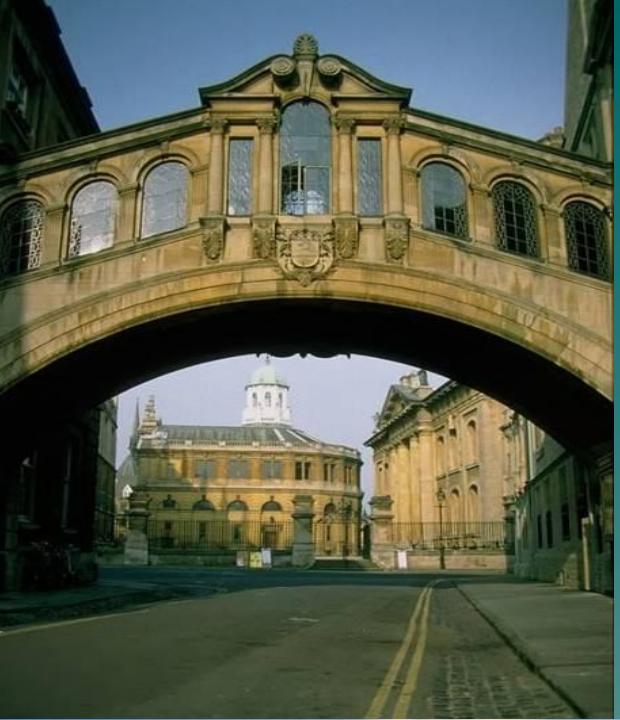


**Антисимметрия –**  
это противоположность симметрии, ее отсутствие.



**Диссимметрия –**  
это частичное отсутствие симметрии, её  
расстройство, выраженное в наличии одних  
симметричных свойств и отсутствии других.







# Итог урока

- ◆ С какими новыми понятиями познакомились?
- ◆ Что нового узнали о геометрических фигурах?
- ◆ Приведите примеры геометрических фигур, обладающих осевой симметрией.
- ◆ Приведите пример фигур, обладающих центральной симметрией.
- ◆ Приведите примеры предметов из окружающей жизни, обладающих одной или двумя видами симметрии.

# Спасибо за внимание!

