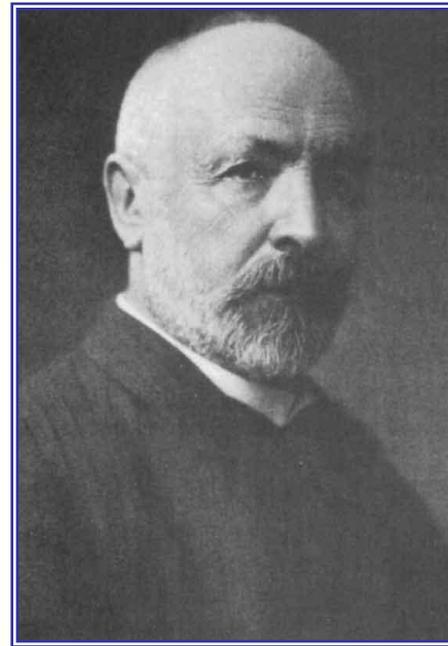


# Множества и операции над ними

# Множества и операции над ними



Георг Кантор  
(1845 – 1918)

*«Множество – единое имя для совокупности всех объектов, обладающих данным свойством»*

# Множества

$a, b, \dots, x, y, z$  – элементы множества

$A, B, \dots, X, Y, Z$  - множества

$\{ ; \}$  – используется для перечисления элементов

$|$  - заменяет словосочетание «...таких, что ...»

$$A = \{x | x < 0\}$$

$\in$  - знак принадлежности,  $a \in A$

$\subset$  - знак включённости,  $A \subset B$

*«Множество – единое имя  
для совокупности всех  
объектов, обладающих  
данным свойством»*

# ***Множество***

<b>Словесное описание</b>	<b>Поэлементное описание</b>	<b>Перечисление элементов</b>
Цифры десятичной системы счисления	Множество состоит из цифр <i>0,1,2,3,4,5,6,7,8,9</i>	<b><i>{0,1,2,3,4,5,6,7,8,9}</i></b>
Гласные буквы латинского алфавита	Множество состоит из букв <i>A, E, Ё, И, O, У, Ы, Э, Ю, Я</i>	<b><i>{A,E,Ё,И,O,У,Ы,Э,Ю,Я}</i></b>

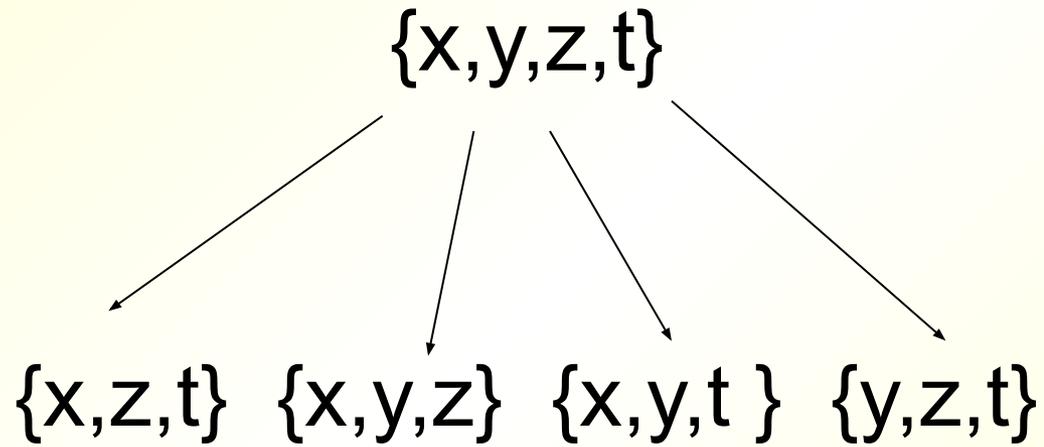
# Способы задания множеств

Множество	Словесное описание множества
$\{10,15,20,\dots,90,95\}$	Множество всех двузначных чисел, кратных 5
$\{1,4,9,16,25,36,\dots\}$	Множество всех квадратов натуральных чисел
$N$	Множество натуральных чисел
$Q$	Множество рациональных чисел
$\{x 2 < x < 7\}$	Множество всех чисел, которые больше 2 и меньше 7

# Подмножество

- Элементы, образующие множество ***A***, можно объединять не сразу все вместе, а группируя их в разных комбинациях.
- Если каждый элемент множества ***B*** является элементом множества ***A***, то множество ***B*** называют **подмножеством** множества ***A***.
- Обозначение: ***B*** с ***A***

# Пример



# Множество

$a, b, \dots, x, y, z$  – элементы множества

$A, B, \dots, X, Y, Z$  – множества

$\in$  – знак принадлежности,  $a \in A$

$\subset$  – знак включённости,  $A \subset B$

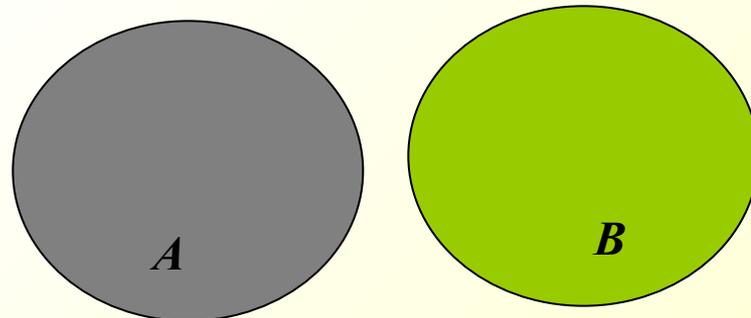
$\{ ; \}$  – используется для перечисления элементов

$|$  – заменяет словосочетание «...таких, что ...»



Леонард Эйлер  
(1707 – 1783)

**«Множество – единое имя  
для совокупности всех  
объектов, обладающих  
данным свойством»**



# Множество

$a, b, \dots, x, y, z$  – элементы множества

$A, B, \dots X, Y, Z$  – множества

$\in$  – знак принадлежности,  $a \in A$

$\subset$  – знак включённости,  $A \subset B$

$\{ ; \}$  – используется для перечисления элементов

$|$  – заменяет словосочетание «...таких, что ...»

## Пересечение множеств $\cap$

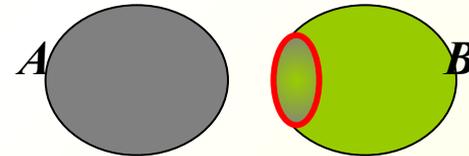
$$A \cap B = \{x | x \in A \text{ и } x \in B\}$$

**«Множество – единое имя для совокупности всех объектов, обладающих данным свойством»**

# Пересечение множеств



Пересечением множеств  $A$  и  $B$  называют множество, состоящее из всех **общих** элементов множеств  $A$  и  $B$



$$A \cap B = \{x | x \in A \text{ и } x \in B\}$$

$$X = \{1; 3; 5; 7; 9\}$$

$$Y = \{3; 6; 9; 12; 15\}$$

$$X \cap Y = ?$$

$$X \cap Y = \{3; 9\}$$

# Множество

$a, b, \dots, x, y, z$  – элементы множества

$A, B, \dots X, Y, Z$  – множества

$\in$  – знак принадлежности,  $a \in A$

$\subset$  – знак включённости,  $A \subset B$

$\{ ; \}$  – используется для перечисления элементов

$|$  – заменяет словосочетание «...таких, что ...»

Пересечение множеств  $\cap$

$$A \cap B = \{x \mid x \in A \text{ и } x \in B\}$$

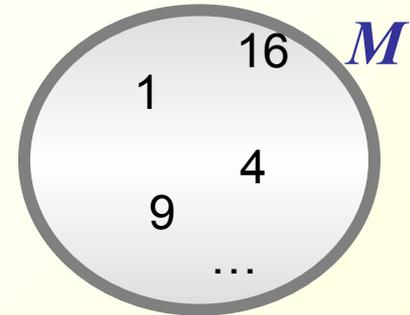
Пустое множество  $\emptyset$

**«Множество – единое имя для совокупности всех объектов, обладающих данным свойством»**

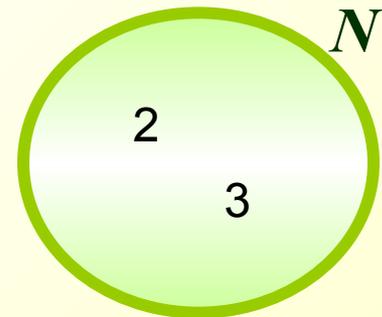
**Пустым множеством называется множество, не содержащее ни одного элемента**



$$M = \{1; 4; 9; \dots\}$$



$$N = \{2; 3\}$$



$$M \cap N = ?$$

$$M \cap N = \emptyset$$

# Множество

$a, b, \dots, x, y, z$  – элементы множества

$A, B, \dots, X, Y, Z$  – множества

$\in$  – знак принадлежности,  $a \in A$

$\subset$  – знак включённости,  $A \subset B$

$\{ ; \}$  – используется для перечисления элементов

$|$  – заменяет словосочетание «...таких, что ...»

Пересечение множеств  $\cap$

$$A \cap B = \{x | x \in A \text{ И } x \in B\}$$

Пустое множество  $\emptyset$

Объединение множеств  $\cup$

$$A \cup B = \{x | x \in A \text{ ИЛИ } x \in B\}$$

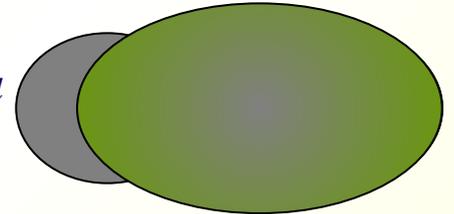
**«Множество – единое имя для совокупности всех объектов, обладающих данным свойством»**

# Объединение множеств



Объединением множеств  $A$  и  $B$  называют множество,

состоящее из **всех** элементов, которые принадлежат хотя бы одному из этих множеств – или множеству  $A$  или множеству  $B$



$$A \cup B = \{x | x \in A \text{ ИЛИ } x \in B\}$$

$$X = \{1; 3; 5; 7; 9\} \quad Y = \{3; 6; 9; 12; 15\}$$

$$X \cup Y = ?$$

$$X \cup Y = \{1; 3; 5; 7; 9; 6; 12; 15\}$$