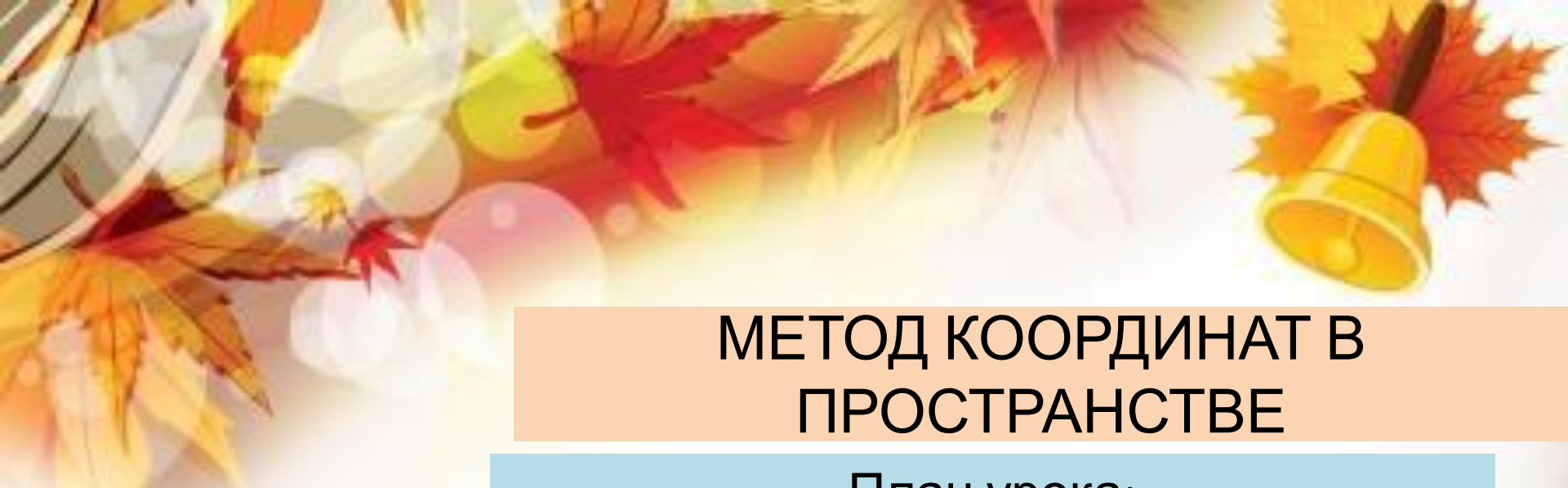




МЕТОД КООРДИНАТ В ПРОСТРАНСТВЕ

Урок № 4

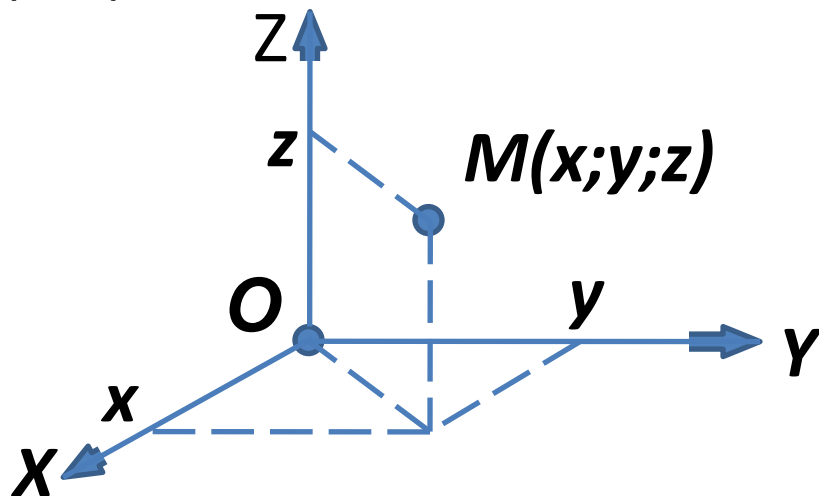
План урока:

- 1 Устно повторим материал предыдущего урока.
- 2 Напишем СР.
- 3 Узнаем о нахождении координат вектора в пространстве.
- 4 Изучим простейшие задачи в координатах.
- 5 Порешаем задачи.
- 6 Запишем ДЗ.



Расскажите как вводится прямоугольная система координат в пространстве?

Система координат в
пространстве



- 1) 3 прямые
- 2) Точка – НК
- 3) Направление осей

$OX; OY; OZ$

- 5) Координатные плоскости $XOY; XOZ; YOZ$

- 6) Точка M
- 7) Название координат точки M

абсцисс

a

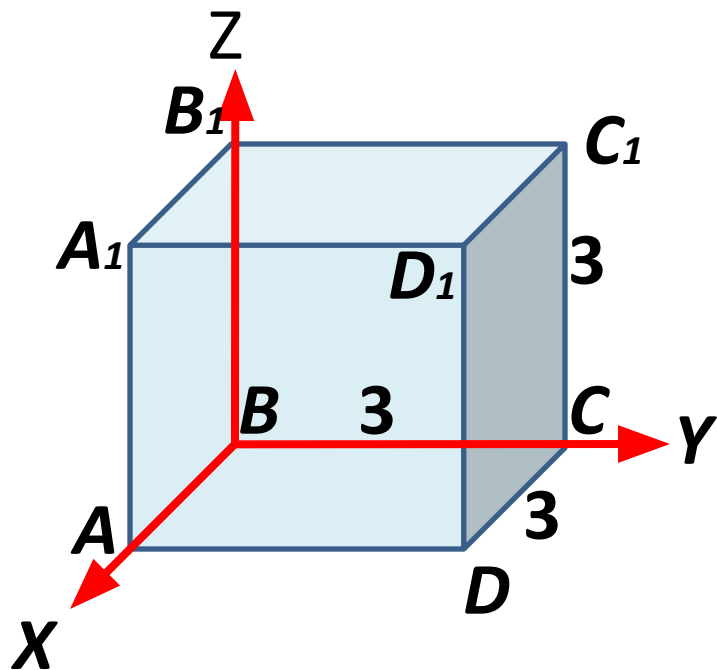
ординат

a

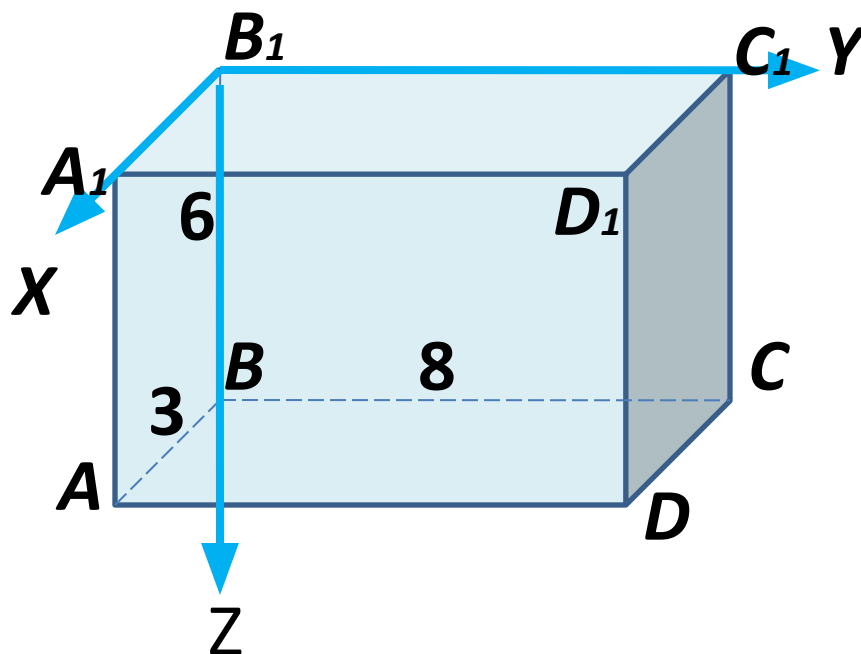
аппликата

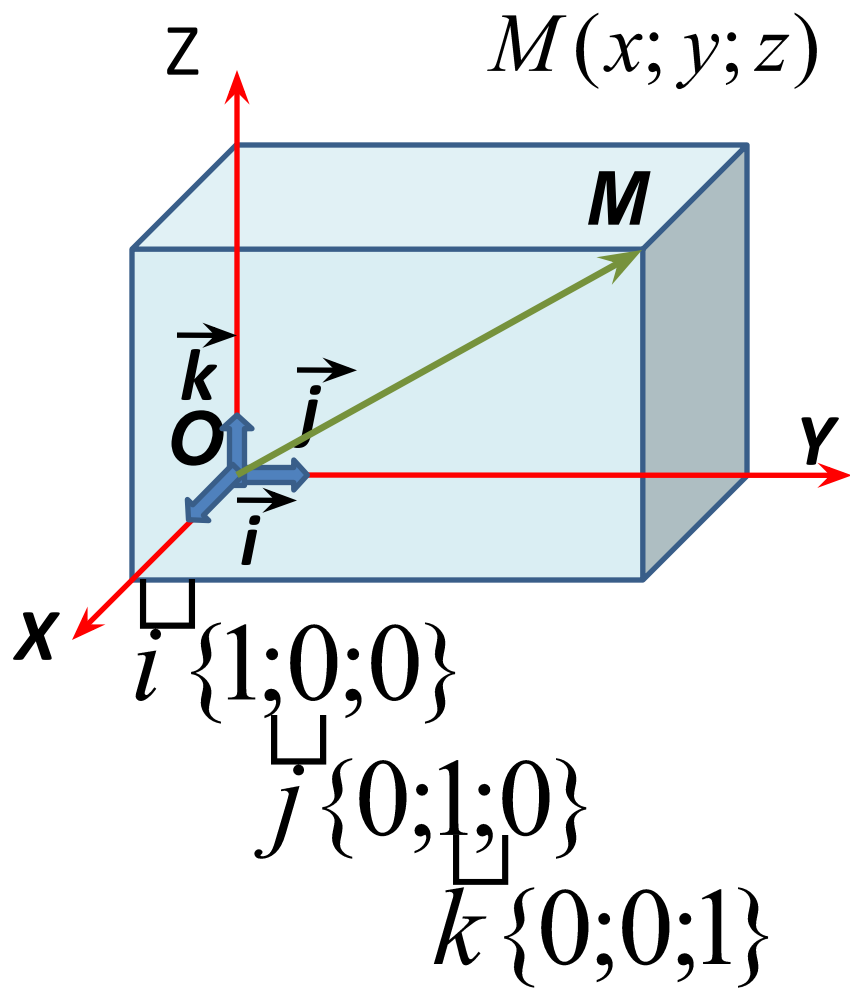
Устно найдите координаты всех точек (вершин), заданной фигуры в системе координат

Дан куб с длиной ребра 3



Дан прямоугольный параллелепипед с измерениями 3; 6; 8





Ответьте на

1 Как называются векторы $\vec{i}$, $\vec{j}$ и $\vec{k}$?

Где их располагают в системе координат?

Являются ли эти векторы радиус-векторами?

Сообщите координаты этих векторов?

2 Сообщите разложение вектора $\vec{OM}$ по координатным векторам.

$$\vec{OM} = x\vec{i} + y\vec{j} + z\vec{k}$$

$$\vec{OM} \{x; y; z\}$$

3 Назовите координаты вектора $\vec{OM}$ исходя

из представленного разложения

4 Как связаны координаты радиус-вектора и координаты его конца?

Расскажите о нахождении координат векторов суммы, разности, вектора умноженного на число?

суммы векторов, число	Координаты разности векторов,	вектора, умноженного на
$\vec{a} + \vec{b}$ { $x_1; y_1; z_1$ },	$\vec{a} - \vec{b}$ { $x_2; y_2; z_2$ },	$k\vec{a}$ { }

Сообщите план нахождения координат вектора

$$\vec{p} = 0,1\vec{a} - \frac{1}{2}\vec{b}$$

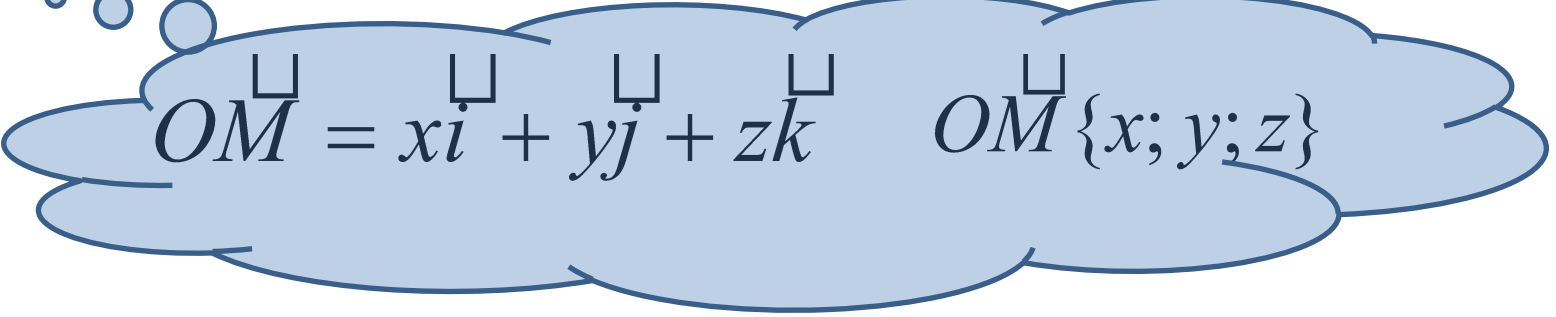
если

$$\vec{a} \{5; -10; 20\}$$

$$\vec{b} \{16; -24; 8\}$$

Сообщите координаты вектора,
зная его разложение по единичным координатным векторам:

$$\vec{a} = 7\vec{i} + 5\vec{j} - 6\vec{k} \quad \vec{b} = 2\vec{j} - \vec{k} \quad \vec{c} = \vec{i}$$

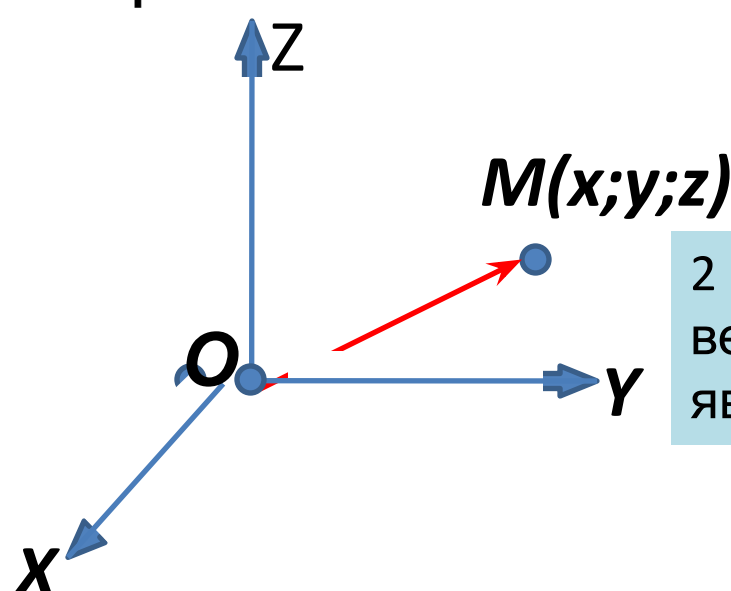

$$\vec{OM} = x\vec{i} + y\vec{j} + z\vec{k} \quad \vec{OM} \{x; y; z\}$$

Сообщите разложение вектора
по единичным координатным векторам, если:

$$\vec{a} \{-2; 4; -6\} \quad \vec{b} \{0; 5; 0\} \quad \vec{c} \{-3; 0; -1\}$$

СР на 8 мин по простейшим задачам в

Координаты вектора



$M(x; y; z)$

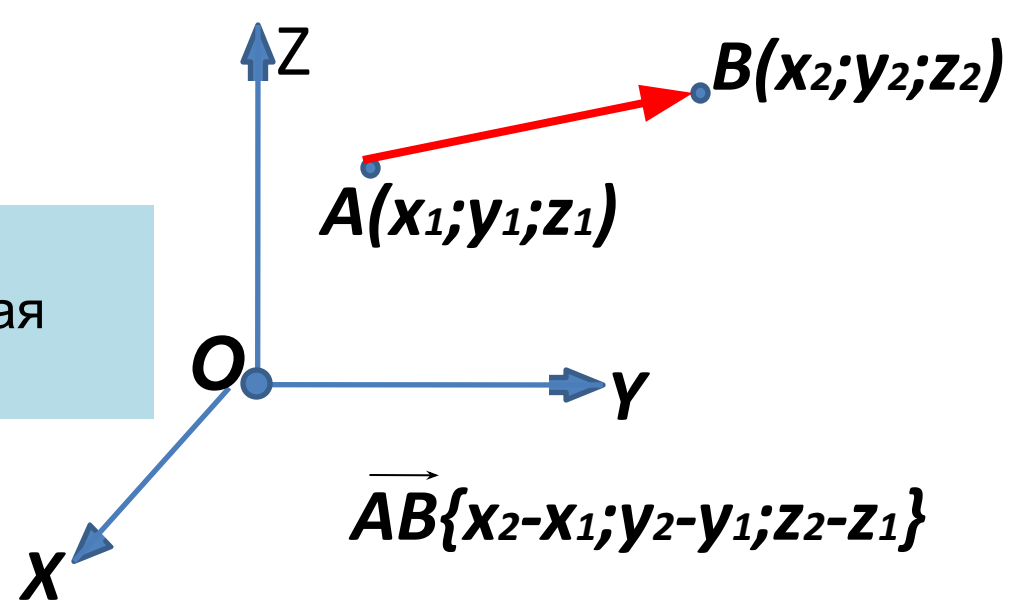
радиус-вектор

$$\overrightarrow{OM}\{x; y; z\}$$

1 Как называется вектор начало которого совпадает с началом координат?

2 Какая связь между координатами радиус-вектора и координатами точки, которая является его концом?

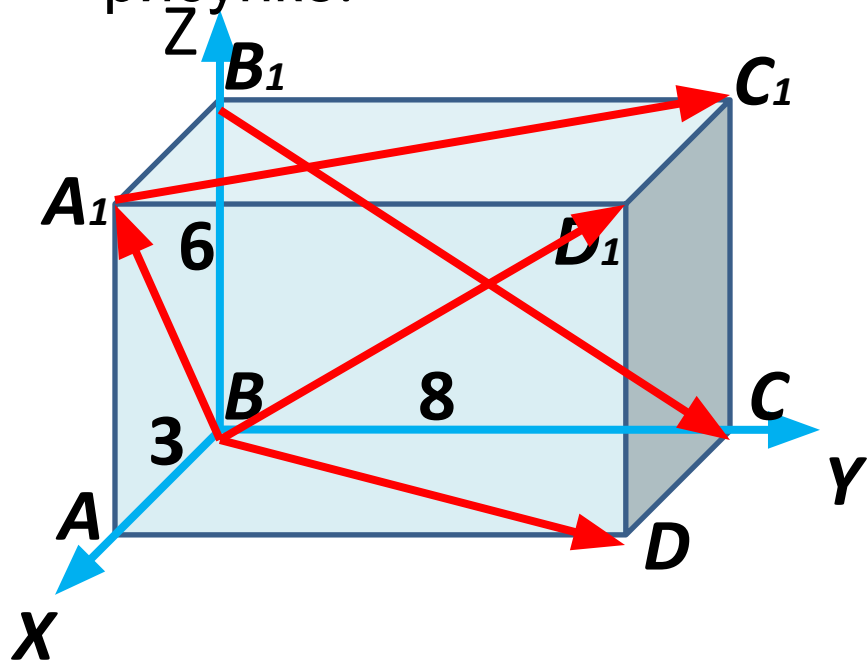
3 Сообщите словами правило нахождения координат вектора, зная координаты его начала и конца.



Чтобы найти координаты вектора, нужно из соответствующей **координаты конца** вектора

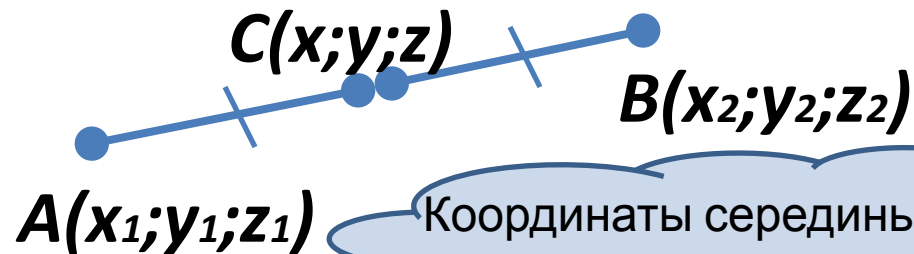
Работаем письменно

Найдите координаты векторов, изображенных на рисунке.



Простейшие задачи в координатах

1) Координаты середины отрезка



Координаты середины отрезка -
полусуммы одноименных
координат

$$x = \frac{x_1 + x_2}{2}, \quad y = \frac{y_1 + y_2}{2}, \quad z = \frac{z_1 + z_2}{2}$$

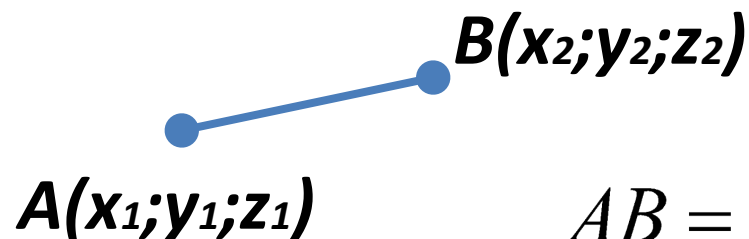
2) Длина вектора

$\vec{a}\{x; y; z\}$

$$|\vec{a}| = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2}$$

Длина вектора -
корень
квадратный из
суммы квадратов
координат

3) Расстояние между двумя точками



Длина отрезка - корень квадратный из
суммы квадратов разностей
одноименных координат

$$AB = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 + (z_2 - z_1)^2}$$

ПИСЬМЕННО

- 418** Найдите координаты вектора $\overrightarrow{AB}$, если: а) $A(3; -1; 2)$, $B(2; -1; 4)$; б) $A(-2; 6; -2)$, $B(3; -1; 0)$; в) $A\left(1; \frac{5}{6}; \frac{1}{2}\right)$, $B\left(\frac{1}{2}; \frac{1}{3}; \frac{1}{4}\right)$.
- 419** Вершины треугольника ABC имеют координаты: $A(1; 6; 2)$, $B(2; 3; -1)$, $C(-3; 4; 5)$. Разложите векторы $\overrightarrow{AB}$, $\overrightarrow{BC}$ и $\overrightarrow{CA}$ по координатным векторам $\vec{i}$, $\vec{j}$ и $\vec{k}$.
- 420** Даны точки $A(3; -1; 5)$, $B(2; 3; -4)$, $C(7; 0; -1)$ и $D(8; -4; 8)$. Докажите, что векторы $\overrightarrow{AB}$ и $\overrightarrow{DC}$ равны. Равны ли векторы $\overrightarrow{BC}$ и $\overrightarrow{AD}$?

- 424 Точка M — середина отрезка AB . Найдите координаты: а) точки M , если $A(0; 3; -4)$, $B(-2; 2; 0)$; б) точки B , если $A(14; -8; 5)$, $M(3; -2; -7)$; в) точки A , если $B(0; 0; 2)$, $M(-12; 4; 15)$.
- 425 Середина отрезка AB лежит на оси Ox . Найдите m и n , если:
 а) $A(-3; m; 5)$, $B(2; -2; n)$; б) $A(1; 0,5; -4)$, $B(1; m; 2n)$;
 в) $A(0; m; n+1)$, $B(1; n; -m+1)$; г) $A(7; 2m+n; -n)$, $B(-5; -3; m-3)$.
- 426 Найдите длину вектора $\overrightarrow{AB}$, если: а) $A(-1; 0; 2)$, $B(1; -2; 3)$;
 б) $A(-35; -17; 20)$, $B(-34; -5; 8)$.
- 427 Найдите длины векторов: $\vec{a} \{5; -1; 7\}$, $\vec{b} \{2\sqrt{3}; -6; 1\}$, $\vec{c} = \vec{i} + \vec{j} + \vec{k}$,
 $\vec{d} = -2\vec{k}$, $\vec{m} = \vec{i} - 2\vec{j}$.
- 428 Даны векторы $\vec{a} \{3; -2; 1\}$, $\vec{b} \{-2; 3; 1\}$ и $\vec{c} \{-3; 2; 1\}$. Найдите:
 а) $|\vec{a} + \vec{b}|$; б) $|\vec{a}| + |\vec{b}|$; в) $|\vec{a}| - |\vec{b}|$; г) $|\vec{a} - \vec{b}|$; д) $|3\vec{c}|$; е) $\sqrt{14} |\vec{c}|$;
 ж) $|2\vec{a} - 3\vec{c}|$.



Домашнее задание с урока 4:

п.48, 49 и конспект, уметь составить грамотный рассказ,
№ по ситуации задач решенных в классе.