Средняя общеобразовательная школа при Посольстве России в Эфиопии

Математические чудеса и тайны

Автор: Иванников Никита, ученик 6 класса.

Руководитель: Комаров Владимир Михайлович, учитель математики.

Консультант: Комарова Надежда Моисеевна, учитель математики, заместитель директора школы по учебно-воспитательной работе, Заслуженный Учитель РФ.

Аддис- Абеба 2009

Содержание

1. Matematrika n moa cemba

2. Мои любимые задачи

3. Ответы и решения

4. Neronbayemaa hittepatypa





Математика и моя семья





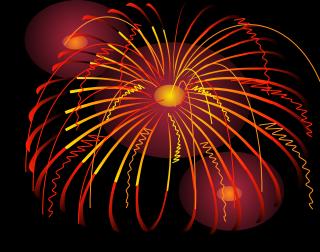
Сколько фотографий?

В нашей семье шесть человек: мама, папа, я и мои братья Гриша, Захар и Макар. Сколько получится различных фотографий, если мы встанем в один ряд и будем меняться местами? А сколько будет фотографий, если мама возьмет Макара на руки? Сколько времени займет фотографирование, если мы будем перестраиваться за 1 секунду?





С Повым годом!



Сколько подарков?

На Новый год мы делаем друг другу подарки и обмениваемся рукопожатиями. Сколько будет подарков? А сколько рукопожатий?

Сколько хороводов?
Мы водим хоровод вокруг елки. Сколько различных «хороводов» можно составить из членов нашей семьи? А сколько получится «хороводов», если каждый окажется рядом с остальными только один раз? Возможно ли это?









Сколько лет братьям?

Триша младше меня на четыре года, Захар в четыре раза старше Макара и на три года младше Гриши. Сколько лет каждому из нас, если вместе нам 23 года?









Сколько велосипедов?

У ребят нашего дома двухколесные и трехколесные велосипеды. Сколько двухколесных и сколько трехколесных велосипедов, если у них 7 рулей и 18 колес?





Мои любимые задачи

Сколько яиц в лукошке?

Задача 1.

Пришел крестьянин на базар и принес лукошко яиц. Торговцы его спросили: «Много ли у тебя в том лукошке яиц?» Крестьянин молвил им так: «Я всего не помню на перечень, сколько в том лукошке яиц. Только помню, перекладывал я те яйца в лукошко по 2 яйца, то одно яйцо лишнее осталось на земле; и я клал в лукошко по 3 яйца, то одно же яйцо осталось; и я клал по 4 яйца, то одно же яйцо осталось; и я их клал по 6 яиц, то одно же яйцо осталось; и я их клал по 7 яиц, то ни одного не осталось. Сочти мне сколько в том лукошке яиц было»?





Задачи на взвешивания



Задача 2.

Из девяти монет одна фальшивая – она легче остальных. Как за два взвешивания на чашечных весах без гирь можно определить фальшивую монету?

Задача 3.

Имеется 10 мешков с монетами, в девяти из них настоящие монеты по 10 г каждая, а в одном фальшивые монеты по 9 г каждая. Есть весы, показывающие общий вес положенных на них монет. Как одним взвешиванием обнаружить мешок с фальшивыми монетами?



Логические задачи

Задача 4.

Крестьянин должен перевезти через реку волка, козу и капусту. Лодка так мала, что в ней, кроме крестьянина, может поместиться только один волк, или только одна коза, или только капуста. Как ему поступить, чтобы во время переправы волк не съел козу, а коза не съела капусту? Считается, что в присутствии крестьянина волк не съест козу, а коза не съест капусту.



Задача 5.

Некий путешественник в ожидании денежного перевода должен был на неделю поселиться в гостинице. Он договорился с хозяином, что заплатит ему за постой серебряной цепочкой из семи звеньев. Хозяин был большим любителем головоломок, и поставил условие: за каждый день постоялец должен платить ровно по одному звену, разрезав при этом не более одного звена цепочки. Как путешественник расплачивался с хозяином гостиницы?





Задача 6.

Старый гном разложил свои сокровища в 3 цветных сундука, стоящих у стены: в один – драгоценные камни, в другой – золотые монеты, а в третий – магические книги. Он помнит, что:

- красный сундук правее, чем драгоценные камни;
- магические книги правее, чем красный сундук;
- зеленый сундук стоит левее, чем синий.

В каком сундуке магические книги?

Задача 7.

Встретились три подруги Белова, Краснова и Чернова. На одной из них было черное платье, на другой – красное, на третьей – белое. Девочка в белом платье говорит Черновой: «Нам надо поменяться платьями, а то у всех троих цвет платьев не соответствует фамилиям». Кто в какое платье был одет?





Переливания



Задача 8.

Хозяин имеет три бочки А, В и С. Бочка А наполнена квасом, бочки В и С – пустые. Если квасом из бочки А наполнить бочку В, то в бочке А останется 2/5 ее содержимого. Если же квасом из бочки А наполнить бочку С, то в бочке А останется 5/9 ее содержимого. Чтобы наполнить обе бочки В и С, надо взять содержимое бочки А и добавить еще 4 ведра кваса.

Сколько ведер кваса вмещает каждая бочка?

Задача 9

Из ведра, содержащего 5 литров воды, отливают 1 литр, а затем в ведро вливают 1 литр сока. Перемешав все это, из ведра отливают 1 литр смеси, затем в ведро опять вливают 1 литр сока. Опять перемешивают, отливают 1 литр смеси и вливают 1 литр сока. Сколько в ведре останется после этого воды?



Ответы и решения

ATEMATUKA U MOA CEMBA

Сколько фотографий?



а) первое место слева на фото может занять любой из шести членов семьи, второе место любой из пяти остальных, таким образом, существует 6.5 = 30 возможностей занять первое и второе места. Чтобы оказаться на третьем месте – 4 возможности и так далее. Всего фотографий 6.5.4.3.2.1 = 720;

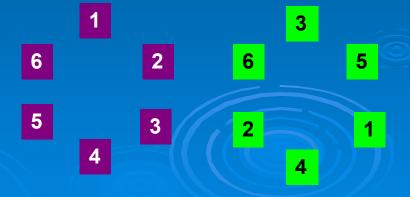
б) $5 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1 = 120$; в) 720c = 24aca.

Сколько подарков?

Каждый из шестерых делает подарок пятерым. Всего 30 подарков. Рукопожатий - 15.

Сколько хороводов?

а) 720; б) можно образовать два хоровода, в которых некоторые встречается с остальными только 1 раз, но при этом не встретятся пары 1-3, 2-5, 4-6 (см. рисунок) Третий хоровод, удовлетворяющий условию задачи, образовать не удастся.



Сколько лет братьям?

Пусть мой возраст х лет, тогда возраст остальных моих братьев находится из уравнения:

$$X + (x-4) + (x-4-3) + 0.25(x-4-3) = 23; x = 11.$$



Сколько велосипедов?

Поставим трехколесные велосипеды на два задних колеса, тогда на земле будут находиться 14 колес (всего велосипедов 7), а 4 колеса подняты над землей, они принадлежат трехколесным велосипедам. Трехколесных велосипедов – 4, двухколесных – 3.

Мои любимые задачи

Задача 1. Найдем сначала число, которое делится на 2, на 3, на 4, на 5 и на 6 без остатка – это НОК(2,3,4,5,6) = 60. Запишем несколько кратных числа 60: 120, 180, 240, 300, 360,...и рассмотрим числа, большие них на 1: 121,181, 241, 301, 361,...Эти числа при делении на 2, 3, 4, 5 и 6 дают остаток 1. Найдем среди них числа, кратные 7. Первое такое число 301, потом – 721 и т. д.

Задача 2. Разделим монеты на три кучки по три в каждой. Положим на чашки весов любые две кучки. Если весы находятся в равновесии, то фальшивая монета в третьей кучке. Возьмем любые две монеты из этой кучки и положим на чашки весов. Если весы в равновесии, то оставшаяся монета фальшивая, а если... продолжите решение самостоятельно.

Задача 3. Возьмем из первого мешка 1 монету, из второго – 2, из третьего – 3... ... из 10 – 10 монет. Если бы все монеты были настоящие, то масса монет, взятых указанным способом, была бы равна 10 + 20 + ... + 90 + 100 = (10 + 100)⋅5 = 550(г) Если фальшивые монеты находятся в первом мешке, то общая масса монет на весах будет на 1г меньше, т. е. 550 – 1, если фальшивые монеты находятся во втором мешке, то масса монет будет 550 – 2, в третьем, то – 550 – 3 грамма и т. д.

Задача 4. Крестьянин перевозит сначала козу, затем – волка, а козу забирает с собой, потом капусту, оставив козу одну на берегу и, оставив капусту с волком, возвращается за козой.

Задача 5. Нужно разрезать третье звено цепочки и отдать его в оплату первого дня, во второй день отдать два звена, а разрезанное получить как сдачу и т. д.

Задача 6. Магические книги – в синем.



Задача 7. Краснова – в белом.

Задача 8. Пусть в первой бочке A ведер кваса, во вторую помещается B ведер, а в третью – C ведер, тогда B = 3/5A, C = 4/9A.

Из условия следует, что B + C = A + 4 ведра или B + C = (3/5 + 4/9)A = 47/45A = A + 2/45A, тогда 4 ведра = 2/45A, <math>A = 90 ведер. B = 54 ведра, C = 40 ведер.

Задача 9. После доливания1литра сока получилась смесь. В 1 литре смеси содержится 1/5 часть всей воды, т. е. 1/5 от 4 литров, что составляет 4/5л = 0,8л.

4л – 0,8л = 3,2л – осталось воды после второго переливания.

1/5 от 3,2л есть 0,64л. 3,2 – 0,64 = 2,56(л) – осталось воды после третьего переливания.

Используемая литература

- Кенгуру. Задачи международного конкурса-игры. Выпуск 5. Санкт-Петербург, 2000 г.
- LXV московская математическая олимпиада. Москва, 2002 г.
- Игнатьев Е.И. В царстве смекалки. Москва, «Наука», главная редакция физико-математической литературы, 1978 г.
- Нагибин Ф.Ф., Канин Е.С. Математическая шкатулка. Москва, «Просвещение», 1988 г.
- Бабинская И.Л. Задачи математических олимпиад. Москва, «Наука», главная редакция физико-математической литературы, 1978 г.
- Коваль С. От развлечения к знаниям. Wydawnictwa naukowo-tecniczne, Warszawa, 1975.
- Шарыгин И.Ф., Шевкин А.В. Задачи на смекалку. Москва,
- «Просвещение», 2000 г.
- Олехник С.Н., Нестеренко Ю.В., Потапов М.К. Старинные Занимательные задачи. Москва, АО «Столетие», 1994 г.