Проект по теме :

Логарифмы

- Работа выполнена учеником 11б класса МОУ Алексеевская СОШ
- •Носовым Данилой
- •Под руководством учителя математики
- Плешаковой Ольги Владимировны
- ○2010 год

Содержание

- 1)Из истории
- 2)Определение логарифма
- 3)Свойства логарифмов
- 4)Виды логарифмов
- 5)Источники информации

Из истории

•Джон Héпер (1550—1617) — шотландский барон, математик, один из изобретателей логарифмов, первый публикатор логарифмических таблиц.



• В ходе тригонометрических расчётов, Неперу пришла в голову идея: заменить трудоёмкое умножение на простое сложение, сопоставив с помощью специальных таблиц геометрическую и арифметическую прогрессии, при этом геометрическая будет исходной. Тогда и деление автоматически заменяется на неизмеримо более простое и надёжное вычитание.

- В современной записи модель Непера можно изобразить дифференциальным уравнением: dx/x = -dy/M, где М масштабный множитель, введённый для того, чтобы значение получилось целым числом с нужным количеством знаков (десятичные дроби тогда ещё не нашли широкого применения). Непер взял М = 10000000.
- Строго говоря, Непер табулировал не ту функцию, которая сейчас называется логарифмом. Если обозначить его функцию LogNap(x), то она связана с натуральным логарифмом (*In*) следующим образом:
- LogNap(x) = M * (In(M) In(x))
- Очевидно, LogNap(M) = 0, то есть логарифм «полного синуса» есть нуль этого и добивался Непер своим определением LogNap(0) = ∞
- Основное свойство логарифма Непера: если величины образуют геометрическую прогрессию, то их логарифмы образуют прогрессию арифметическую.

Определение логарифма

- Logab
- Логарифмом числа b по основанию а называется показатель степени,в которую нужно возвести основаниеа,чтобы получить число b
- Пример $\log_{2} 8 = 3$

Свойства

- а log a b = b основное логарифмическое тождество
- $Log_a a = 1$
- $Log_{a}^{2}1 = 0$
- $Log_a^x xy = log_a^x x + log_a^y$
- $Log_a x/y = log_a x log_a y$
- Log xp= p log x
- Log $_{ak}^{a}$ b = 1/k log $_{a}^{a}$ b Log $_{aq}^{a}$ b^p = p/q log $_{a}^{a}$ b Log $_{ak}^{a}$ b^k = log $_{a}^{a}$ b

Формула перехода

- $\log_a x = \log_b x / \log_b a$
- Доказательство
- По правилу логарифмирования степени и основному логарифмическому тождеству получаем
- Log_b $x = log_b (a^{log a x})$
- $Log_b x = log_a x log_b a$
- Разделив обе части полученного равенства на log _b a , приходим к нужной формуле

Вещественный логарифм

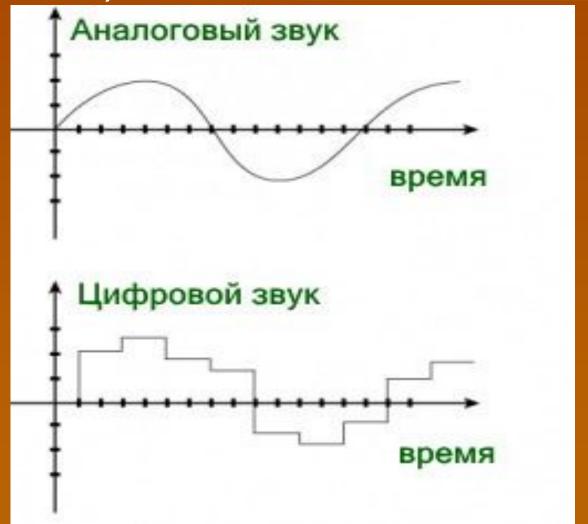
- Логарифм вещественного числа log _a b имеет смысл при a>0,а не равное 1,b>0
- Наиболее распространённые:
- десятичные(основание 10)
- натуральные(основание е число Эйлера)
- двоичные(основание 2)

Десятичный логарифм

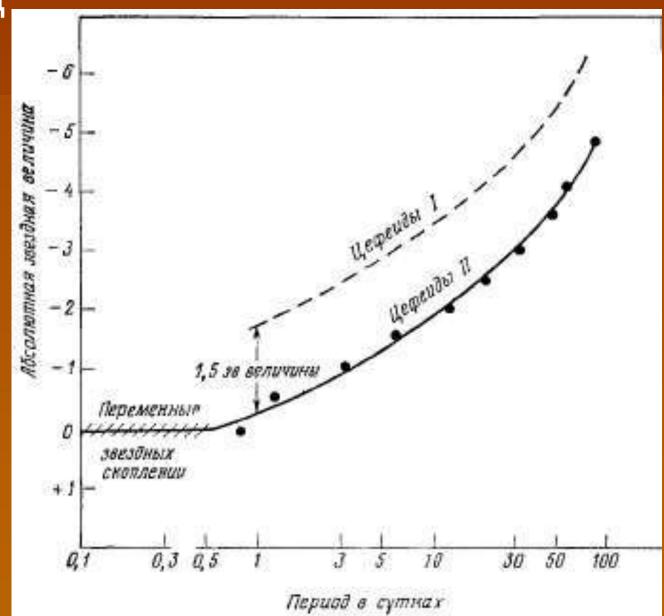
- Логарифмы по основанию 10 (обозначение: lg a) до изобретения калькуляторов широко применялись для вычислений.
- Неравномерная шкала десятичных логарифмов обычно наносится и на логарифмические линейки.



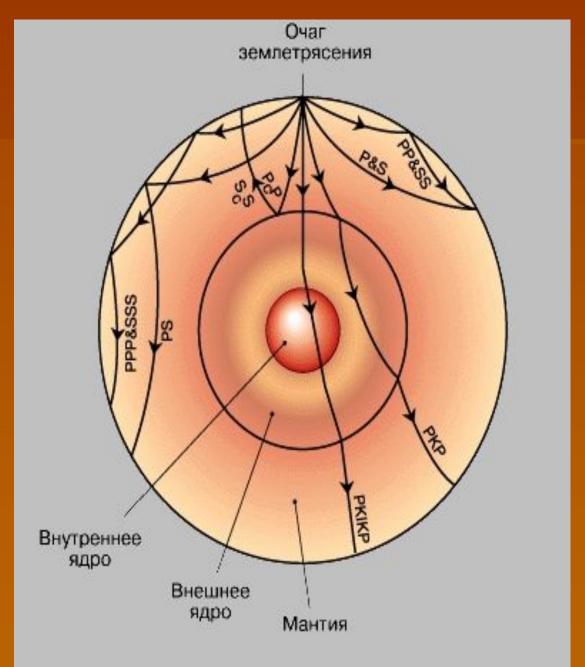
- Подобная шкала широко используется в различных областях науки, например:
- Физика интенсивность звука (децибелы).



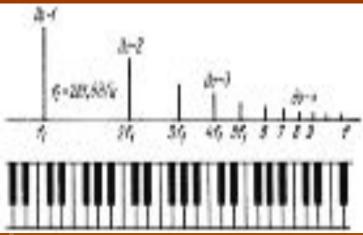
 Астрономия — шкала яркости звёзд



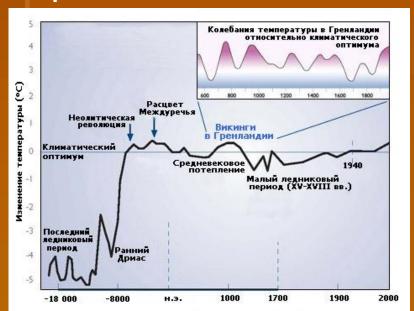
• Сейсмология — шкала Рихтера.



 Теория музыки — нотная шкала, по отношению к частотам нотных звуков.



• История — логарифмическая шкала времени.



• Химия — активность водородных ионов(рН)



 Логарифмическая шкала также широко применяется для выявления показателя степени в степенных зависимостях и коэффициента в показателе экспоненты. При этом график, построенный в логарифмическом масштабе по одной или двум осям, принимает вид прямой, более простой для исследования.

- Для рациональных чисел, отличных от 10k с целыми k, десятичные логарифмы суть трансцендентные числа, которые приближенно выражаются в десятичных дробях. Целую часть десятичного логарифма называют характеристикой, дробную - мантиссой.
- Так как lg(10kN) = k + lnN, то десятичные логарифмы чисел, отличающихся множителем 10k, имеют одинаковые мантиссы и различаются лишь характеристиками. Это свойство лежит в основе построения таблиц логарифмов, которые содержат лишь мантиссы логарифмов целых чисел.

Натуральный логарифм

- Логарифм по основанию е (е трансцендентное число, приближенно равное 2,718281828...) называется натуральным логарифмом.
- Натуральный логарифм числа х обозначается In х.
- Натуральные логарифмы широко используются в математике, физике и инженерных расчетах.

Логарифмическая функция

• Логарифмической функцией называется функция вида $f(x) = \log_a x$, определённая при a > 0, x > 0

Источники

 http://ru.wikipedia.org/wiki/%D0%9B%D0 BE%D0%B3%D0%B0%D1%80%D0%B8%D1 %84%D0%BC

http://logarithm.org.ua/

Учебник «Алгебра и начало анализа» 10-11 класса (А.Н.Колмлгоров, А.М. Абрамов, Ю.П. Дудницын, Б.М. Ивлёв, С.И. Шварцбурд)