

# Формула Ньютона- Лейбница с элементами поготовки к ЕГЭ»

Учитель математики МБОУ  
«Колюбакинская СОШ» Смолина Татьяна  
Георгиевна

# Тема: Интеграл. Формула Ньютона- Лейбница.

*Цели урока:*

- Отработка навыков вычисления интеграла;*
- Нахождение площади фигур с помощью формулы Ньютона-Лейбница;*
- Достижение чёткости и аккуратности при выполнении записей решений и чертежей;*
- Повторить тему «Основные тригонометрические тождества»*

# **ПЛАН УРОКА**

- I.** Повторение. Подготовка к ЕГЭ по теме: « Тригонометрия».Работа по группам:
  - 1группа: работа на компьютерах «Восстанови формулы»;
  - 2группа: работа у доски « Дифференцированные задания на применение тригонометрических тождеств»;
  - 3группа: а) фронтальный опрос по теме «Свойства тригонометрических функций»;  
б) тест по ЕГЭ.
- 2.** Обобщение темы «Интеграл. Формула Ньютона- Лейбница»:
  - I. Опрос теоретического материала;
  - II. Математический диктант с последующей проверкой;
  - III. Решение тренировочных упражнений;
  - IV. Блиц-турнир « Найди ошибку»;
  - V. Самостоятельная работа.
- 3.** Подведение итогов урока.
- 4.** Домашнее задание: 1. повт. п 29-30,  
2. № 364(б),  
Из главы V п 25 №273 (а,в); №275 (б);

**Повторение : Подготовка к ЕГЭ по  
теме: «Тригонометрия».  
Работа по группам:**

1группа: работа на компьютерах

«Восстанови формулы»;

$$1. \sin^2 \alpha + \dots = 1 \quad 2\cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha = \dots$$

$$3. 1 + \operatorname{ctg}^2 \alpha = \dots \quad 4. \sin 2\alpha = \dots$$

$$5. \operatorname{ctg} \alpha \cdot \dots = 1 \quad 6. \cos \alpha \cdot \cos \beta - \sin \alpha \cdot \sin \beta = \dots$$

$$7. 1 + \dots = \frac{1}{\operatorname{ctg}^2 \alpha}$$

Сундучок – подсказка

$\sin 2\alpha; \cos 2\alpha; \sin \alpha; \sin(\alpha + \beta); \cos(\alpha + \beta); \operatorname{tg} \alpha; \cos^2 \alpha$   
 $2\sin \alpha \cos \alpha; \cos(\alpha - \beta); \sin(\alpha - \beta);$

*Повторение : Подготовка к ЕГЭ по теме: « Тригонометрия».  
Работа по группам:*

*2группа: работа у доски « Дифференцированные задания на  
применение тригонометрических тождеств»;  
Упростите выражения:*

*I уровень*

1.  $1 - \sin^2 \alpha$  ;       $\cos\left(\frac{3\pi}{2} + \alpha\right)$  ;      3.  $\sin(180^\circ + \alpha)$ ;

*II уровень*

1.  $(1 - \cos \alpha)(1 + \cos \alpha)$ ;    2.  $1 + \sin(\pi + \alpha) \cos\left(\frac{3\pi}{2} + \alpha\right)$  ;

3.  $\sin\frac{\pi}{8} \cos\frac{\pi}{8}$  ;

*III уровень*

1.  $\sin^4 \alpha + 2 \sin^2 \alpha \cos^2 \alpha + \sin^2 \alpha + \cos^4 \alpha + \cos^2 \beta$

2.  $\tan 1^\circ \tan 2^\circ \tan 3^\circ \tan 4^\circ \dots \tan 86^\circ \tan 87^\circ \tan 88^\circ \tan 89^\circ$

*Повторение : Подготовка к ЕГЭ по теме:  
« Тригонометрия».  
Работа по группам:  
3группа:*

- a) фронтальный опрос по теме «Свойства тригонометрических функций»:
1. Для каких углов  $\alpha$  существует a)  $\sin \alpha$ ; б)  $\cos \alpha$ ; в)  $\tg \alpha$  ?
  2. Какие значения могут принимать a)  $\sin \alpha$ ; б)  $\cos \alpha$ ; в)  $\tg \alpha$ ; г)  $\ctg \alpha$  ?
  3. Верно ли равенство  $\sin \alpha = \frac{\sqrt{2}}{5}\pi$  ?
  4. Чему равен a)  $\sin 30^\circ$ ; б)  $\cos$  ; в)  $\tg$  ; г)  $\ctg 270^\circ$  ?
  5. Чему равен a)  $\sin (-\alpha)$ ; б)  $\cos (-\alpha)$ ; в)  $\tg (-\alpha)$  ; г)  $\ctg (-\alpha)$  ?

- б) тест по ЕГЭ. Сборник тестов по подготовке к ЕГЭ (весь класс делает, учитель в это время проверяет работу 1 группы на компьютерах)

Тест 5 стр. 26      Вариант 1;

Тест 9 стр.42      Вариант 1.

## **Тема: « Интеграл. Формула Ньютона - Лейбница »**

### **◦ I. Опрос теоретического материала ( по вопросам )**

1. Определение первообразной.
2. Основное свойство первообразной.
3. Его геометрический смысл.
4. Три правила нахождения первообразной.
5. Определение криволинейной трапеции.
6. Понятие интеграла.
7. Формула Ньютона – Лейбница.

**II. Математический диктант с последующей проверкой. (Учитель диктует функцию, учащиеся записывают первообразную для нее; ответы на обратной стороне доски)**

<b>1 вариант</b>	<b>2 вариант</b>
1. $\cos x$	1. $\sin x$
2. $-3$	2. $x^n$ ,
3. $1/\sin^2 x$	3. $1/\cos^2 x$
4. $(1 - 2x)^4$	4. $3\cos 4x$
5. $125x$	5. 5

### III. Решение тренировочных упражнений

Учебник « Алгебра и начала анализа 10-11». Автор А.Н. Колмогоров и др.

№364(г) . Вычислите (предварительно сделав рисунок) площадь фигуры, ограниченной линиями  $y = \sin x$ ,  $y = \frac{1}{2}$  ,  $x = \frac{\pi}{6}$  ,  $x = \frac{5\pi}{6}$

Решение:

№ 367. Вычислите площадь фигуры, ограниченной графиком функции  $y = 8x - 2x^2$  , касательной к этой параболе в ее вершине и прямой  $x = 0$ .

Решение:

## *IV. Блиц - турнир «Найди ошибку»*

- 1.
- 2.
- 3.
- 4.
- 5.
- 6.
- 7.

## V. Самостоятельная работа

Задание

Ответ

Вариант 1

2.

3.

Вариант 2

4.

1.

Найти общий вид первообразной для функции.

$f(x) =$

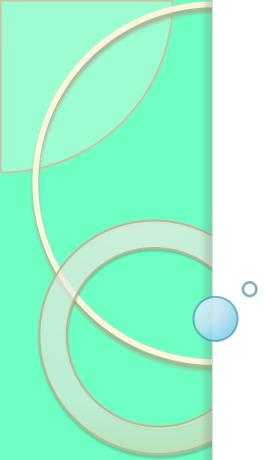
$f(x) =$

Вычислите:

Найти площадь фигуры, ограниченной линиями:

$y = x^2, y = 0, x = 2$

$y = x^3, y = 0, x = 2$



## *VI. Подведение итогов урока.*

Итак на уроке сегодня мы

1. повторили элементы тригонометрии;
- 2.нахождение первообразной для функций;
3. вычисление интеграла ;
4. нахождение площади криволинейной трапеции.

## *VII. Домашнее задание:*

1. повт. п 29-30,
2. № 364(б),
3. Из главы V п 25 №273 (а,в); №275 (б);