

Графики

Внеурочная деятельность по математике при подготовки к итоговой аттестации в 9 классе.

КОНСТРУИРОВАНИЕ СОДЕРЖАНИЯ

ЗАНЯТИЯ ФАКУЛЬТАТИВА:

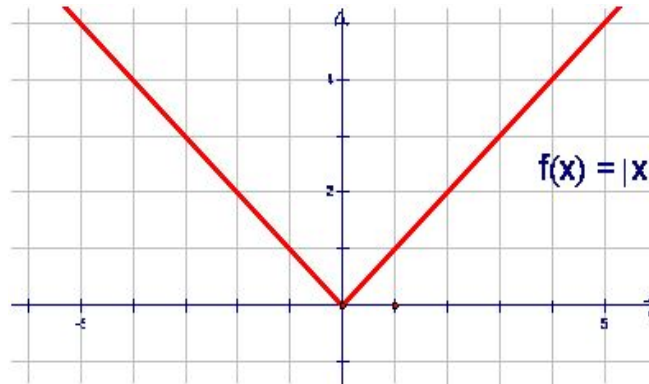
1. обобщение первоначальных знаний;
2. систематизация, конкретизация и углубление теоретических знаний;
3. проектирование и организация практической деятельности учащихся по применению базисных знаний.

УЧЕБНО- ТЕМАТИЧЕСКИЙ

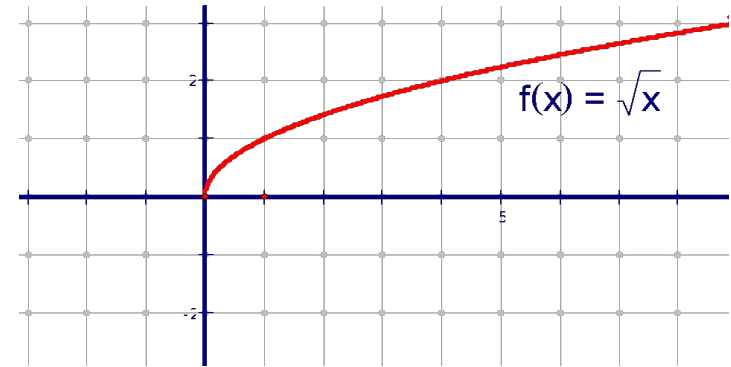
Тема	Кол-во часов	Форма занятия
Преобразование алгебраических выражений	4	Практикум
Функции и графики	6	Практикум
Площадь многоугольника. Теорема Пифагора	3	Практикум
Подобные треугольники	3	Практикум
Центральные и вписанные углы	3	Практикум
Применение векторов к решению задач	2	Практикум
Итоговое занятие	1	Тестирование

Функции и графики.

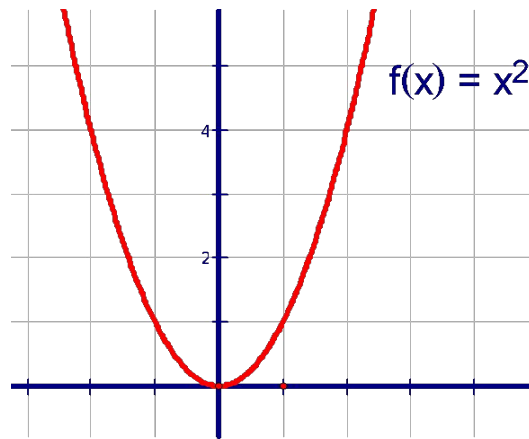
1) $y = |x|$



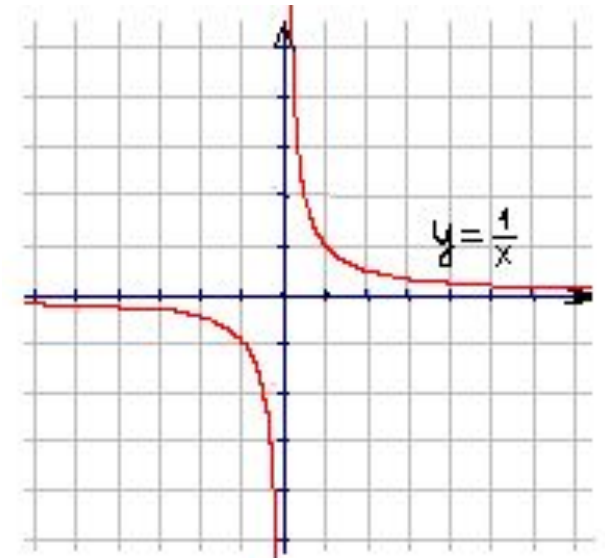
2) $y = \sqrt{x}$



3) $y = x^2$



4) $y = \frac{1}{x}$

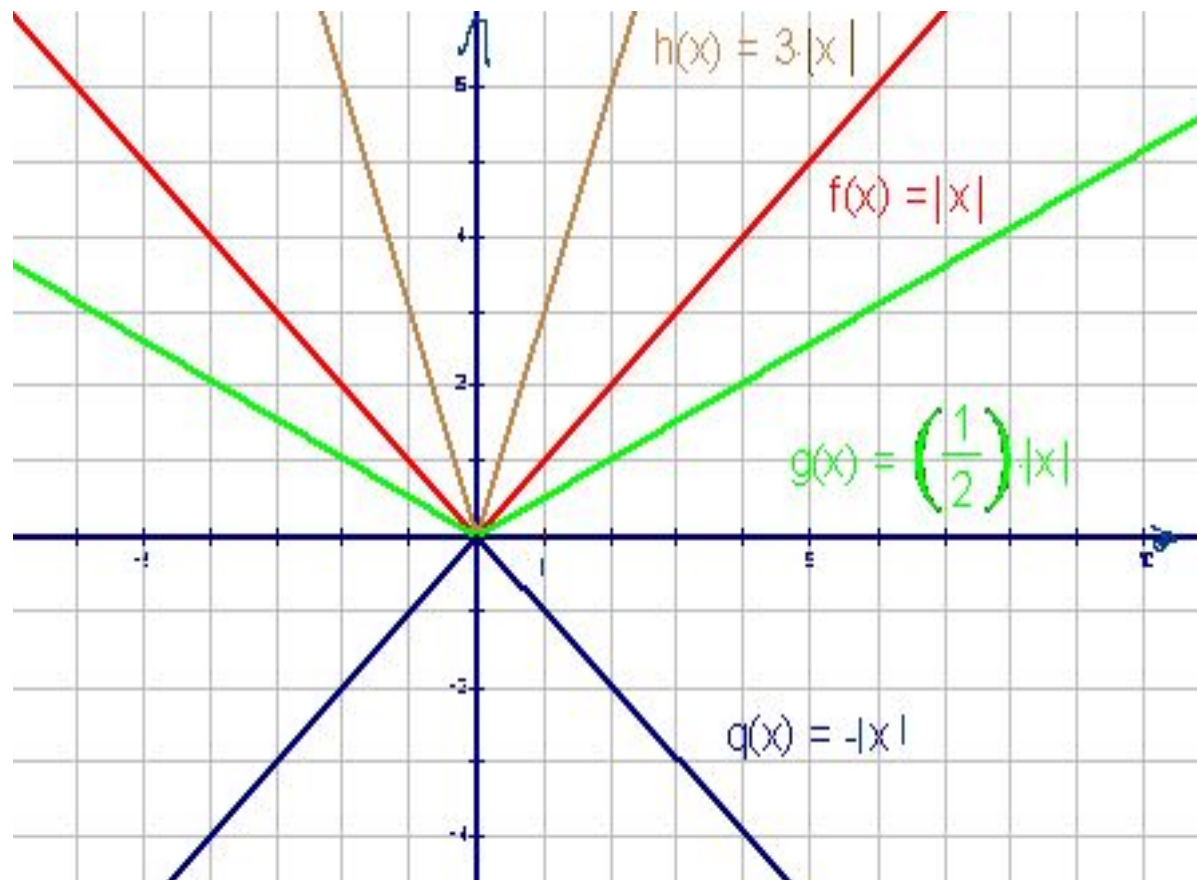


a) $y = |x|$

b) $y = -|x|$

c) $y = 3|x|$

d) $y = \frac{1}{2}|x|$

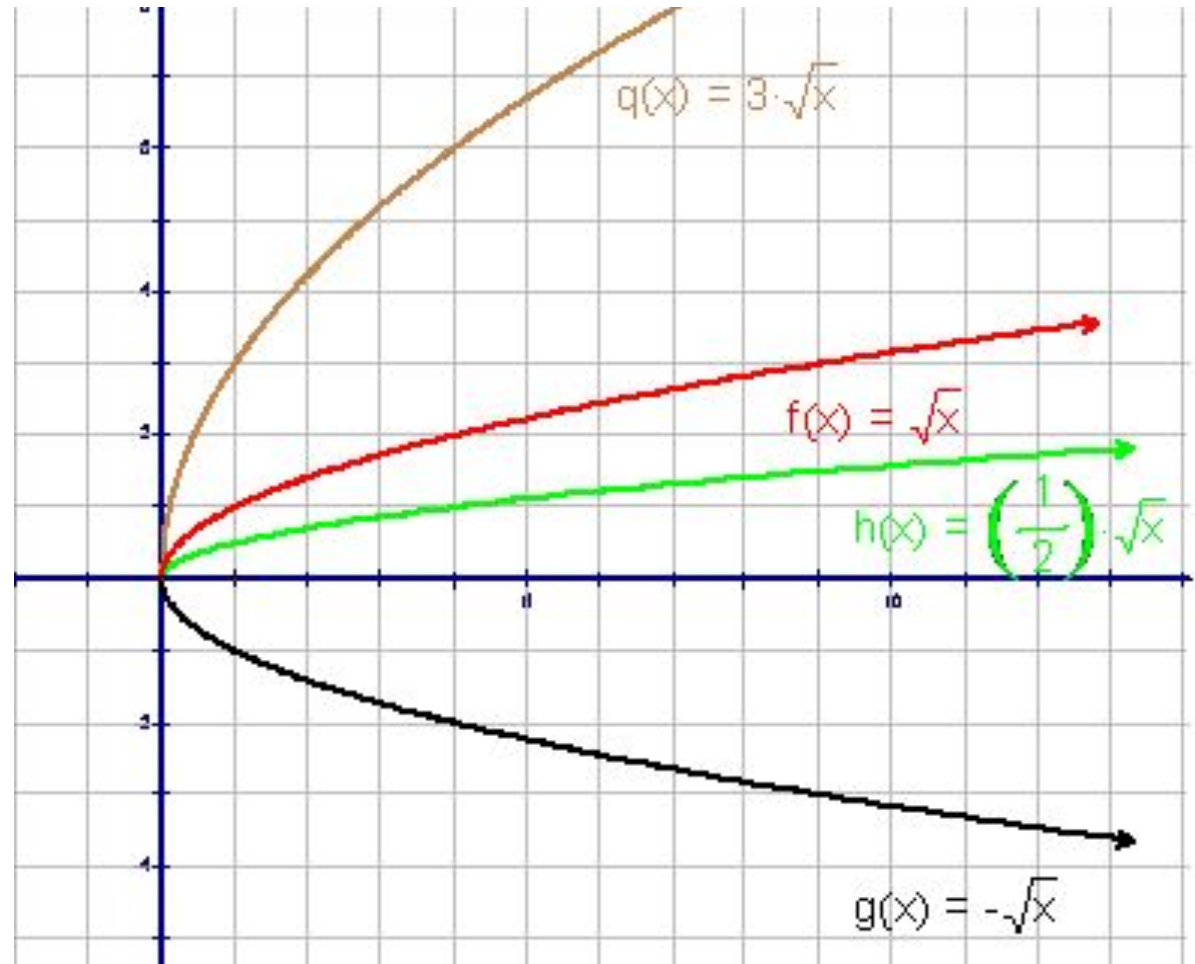


a) $y = \sqrt{x}$

b) $y = -\sqrt{x}$

c) $y = 3\sqrt{x}$

d) $y = \frac{1}{2}\sqrt{x}$

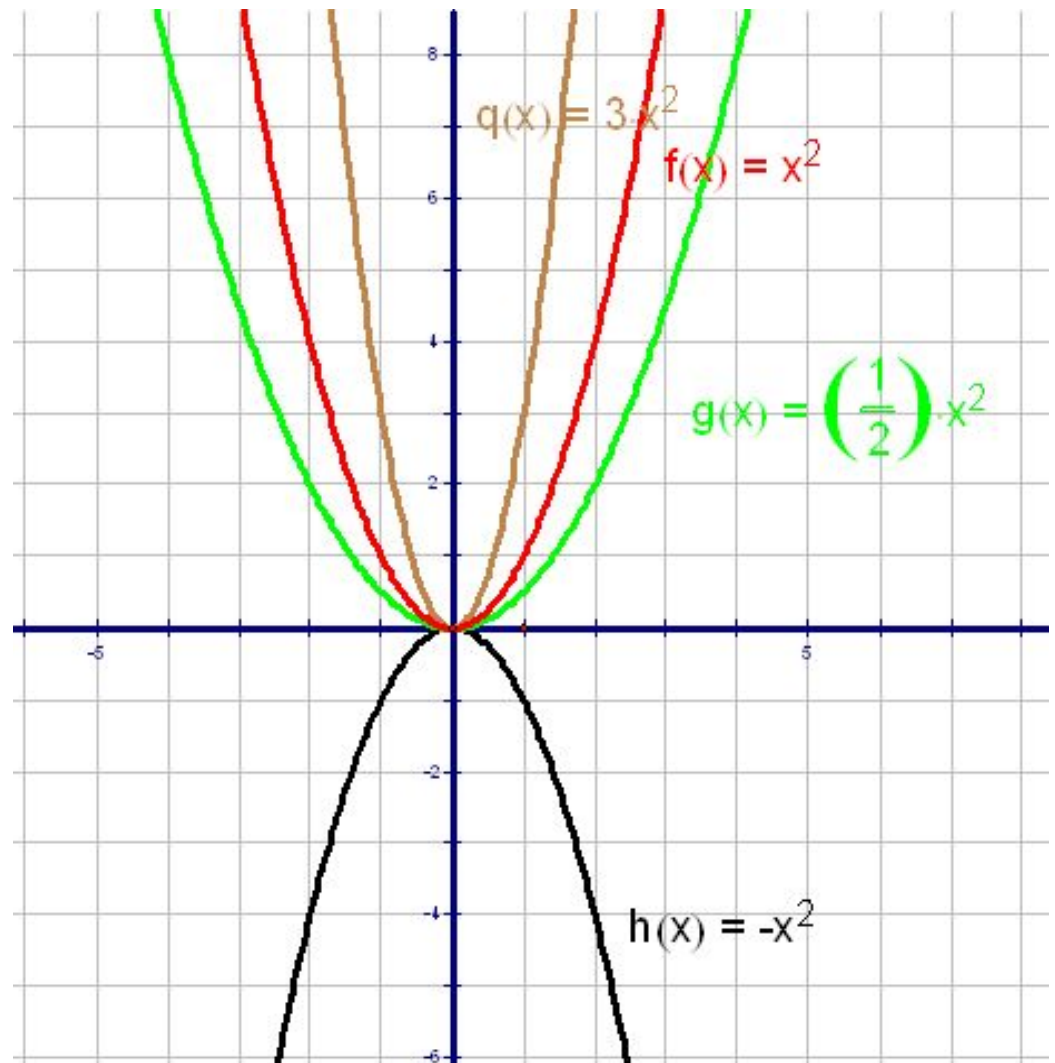


a) $y = x^2$

b) $y = -x^2$

c) $y = 3x^2$

d) $y = \frac{1}{2}x^2$

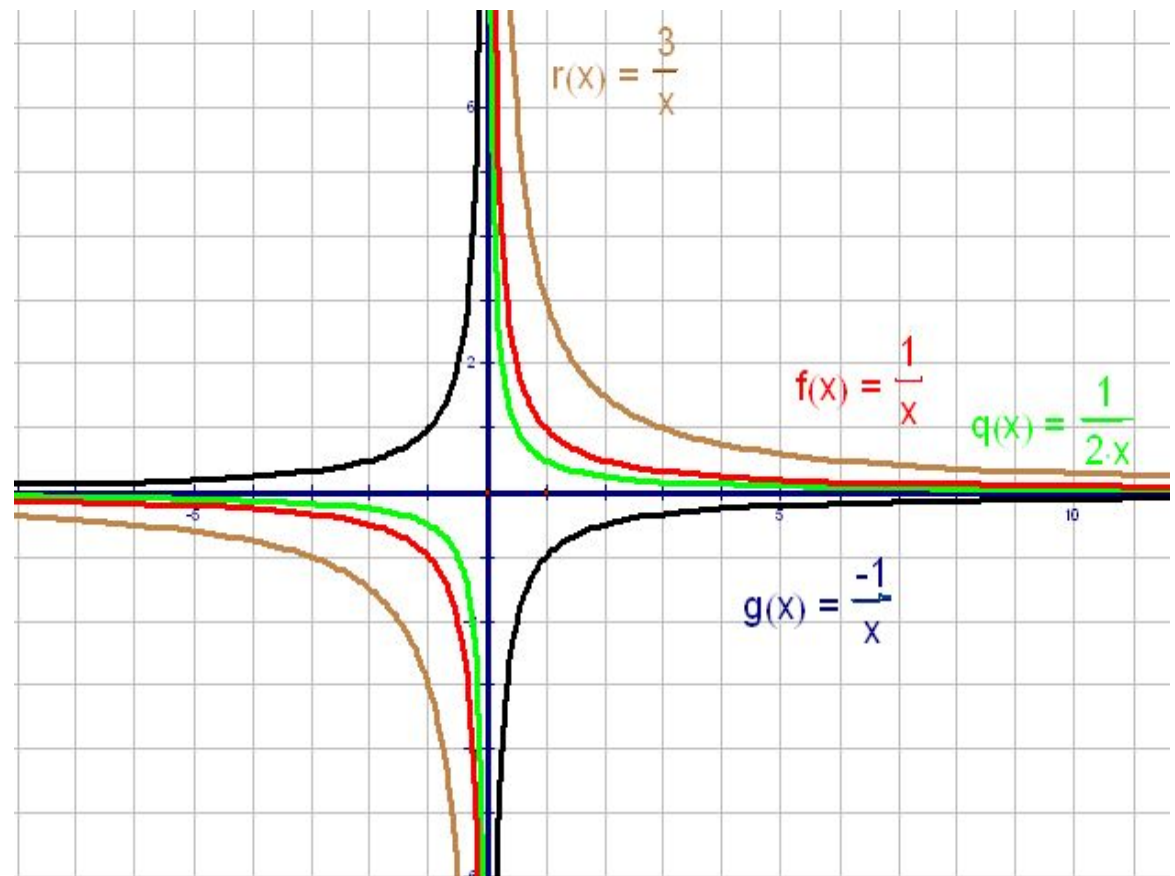


a) $y = \frac{1}{x}$

b) $y = -\frac{1}{x}$

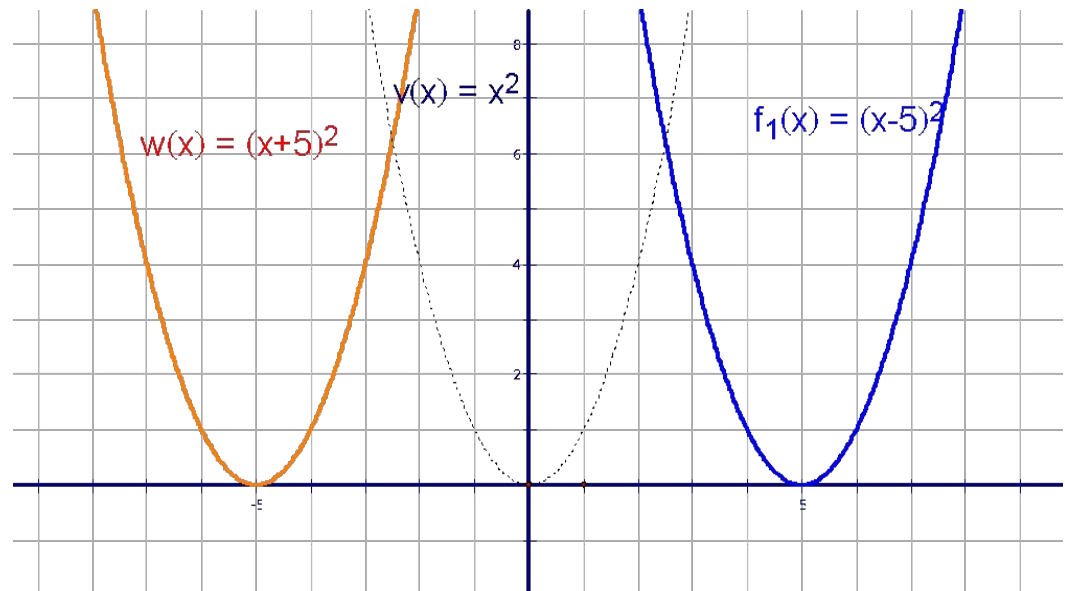
c) $y = \frac{3}{x}$

d) $y = \frac{1}{2x}$



Построение графика функции $y=f(x+l)$.

График функции $y=f(x+l)$ получается параллельным переносом графика функции $y=f(x)$ в отрицательном направлении оси Ox на l единиц при $l > 0$ и в положительном направлении оси Ox на $|l|$ при $l < 0$

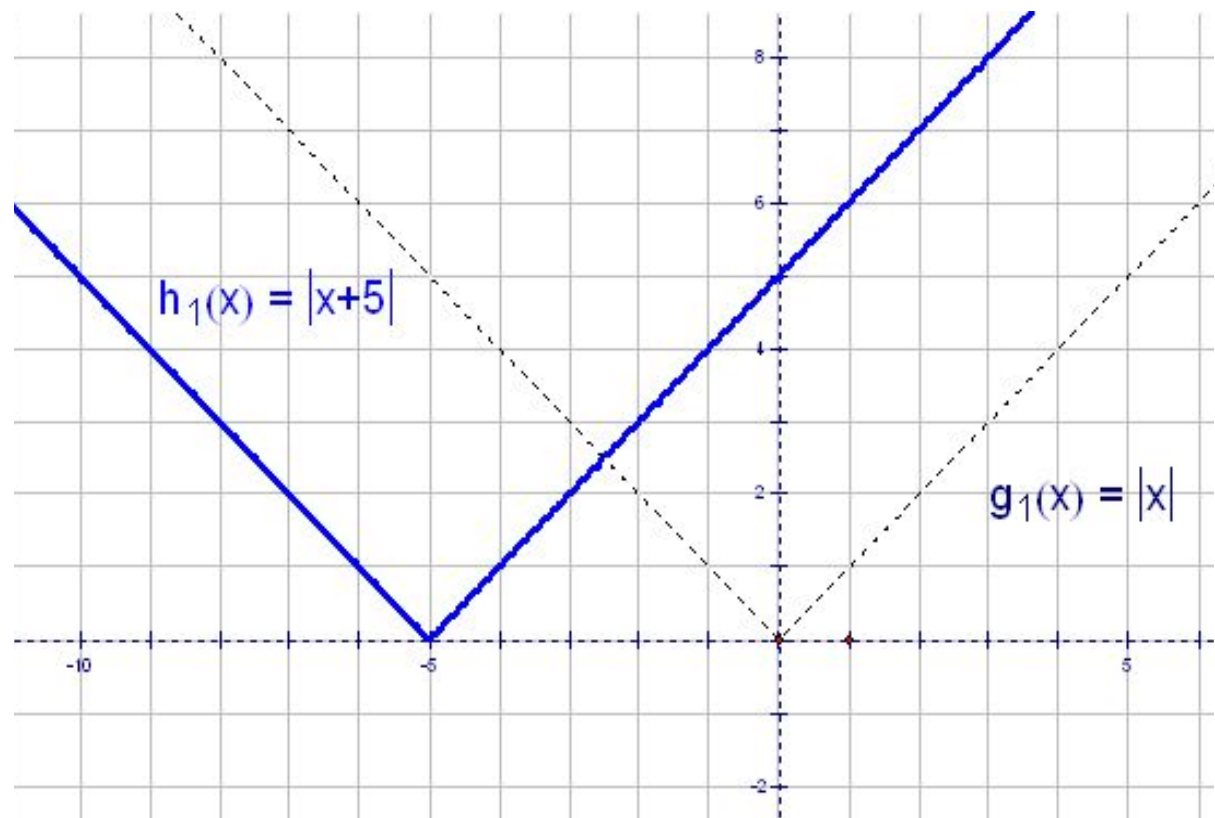


a) $y = |x + 5|$

b) $y = \sqrt{x - 4}$

c) $y = (x + 2)^2$

d) $y = \frac{1}{x-3}$

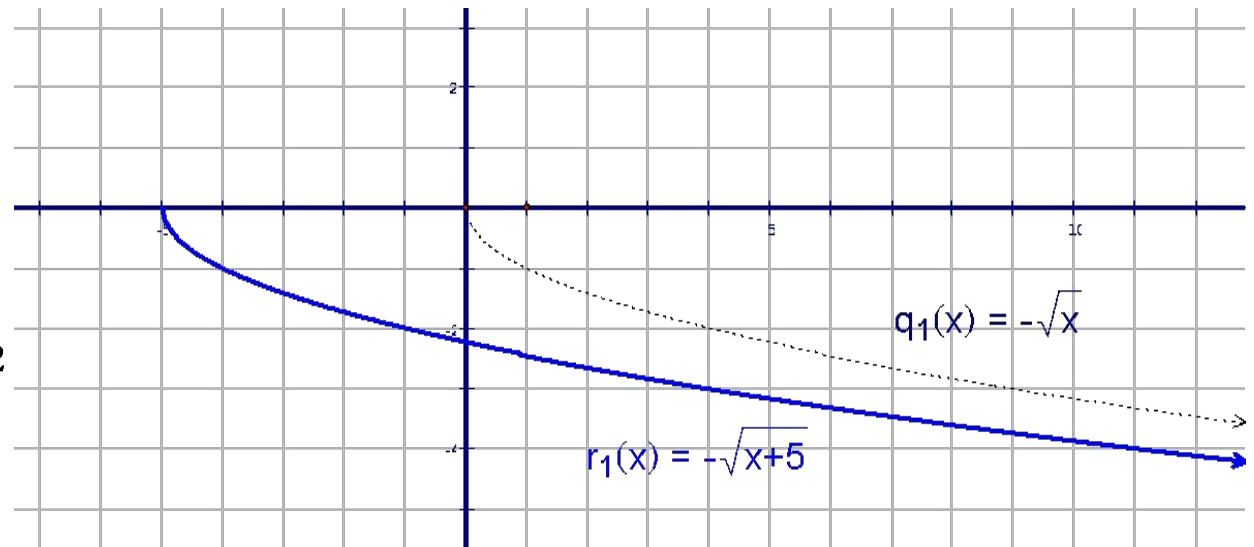


$$a) y = -|x - 2|$$

$$b) y = -\sqrt{x + 5}$$

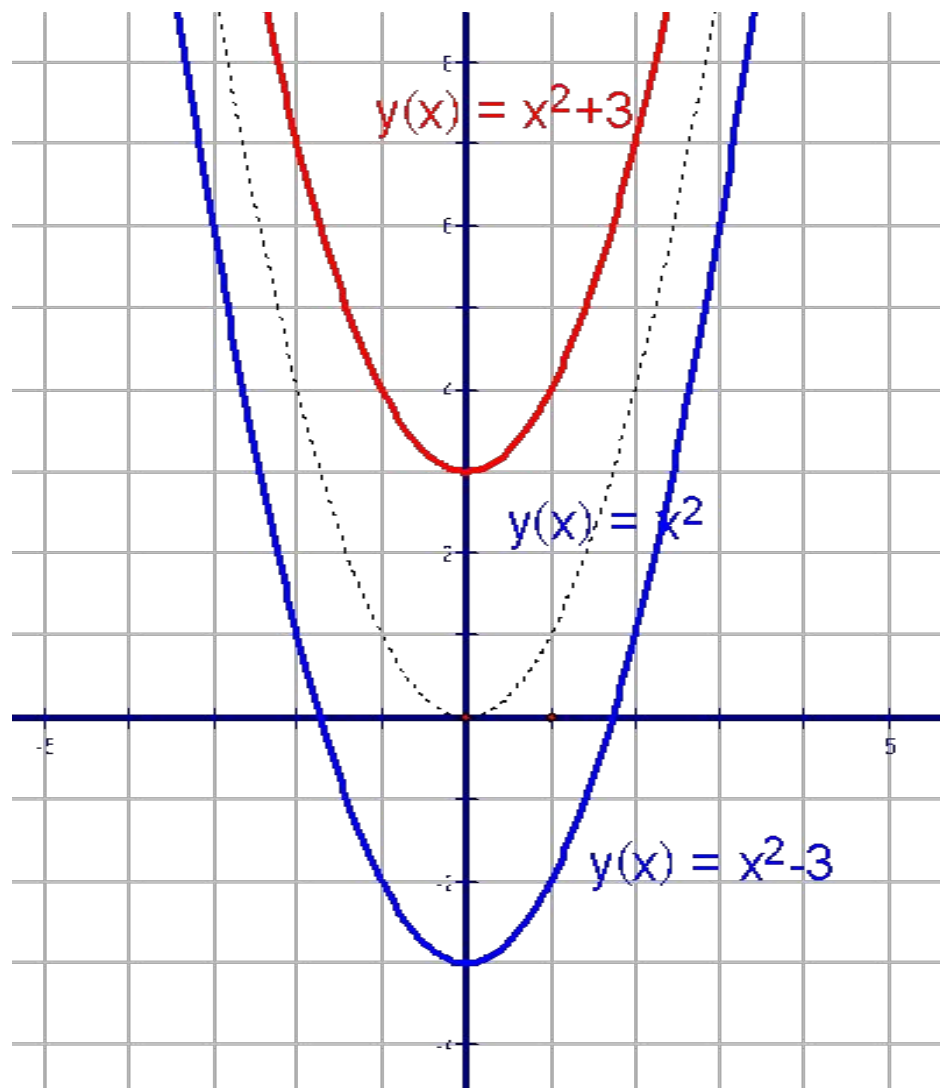
$$c) y = \frac{1}{2}(x - 3)^2$$

$$d) y = \frac{3}{x+1}$$



2 занятие. Построение графика функции $y=f(x) + m$.

График функции $y=f(x)+m$ получается параллельным переносом графика функции $y=f(x)$ в положительном направлении оси Oy на m единиц при $m > 0$ и в отрицательном направлении оси Ox на $|m|$ при $m < 0$

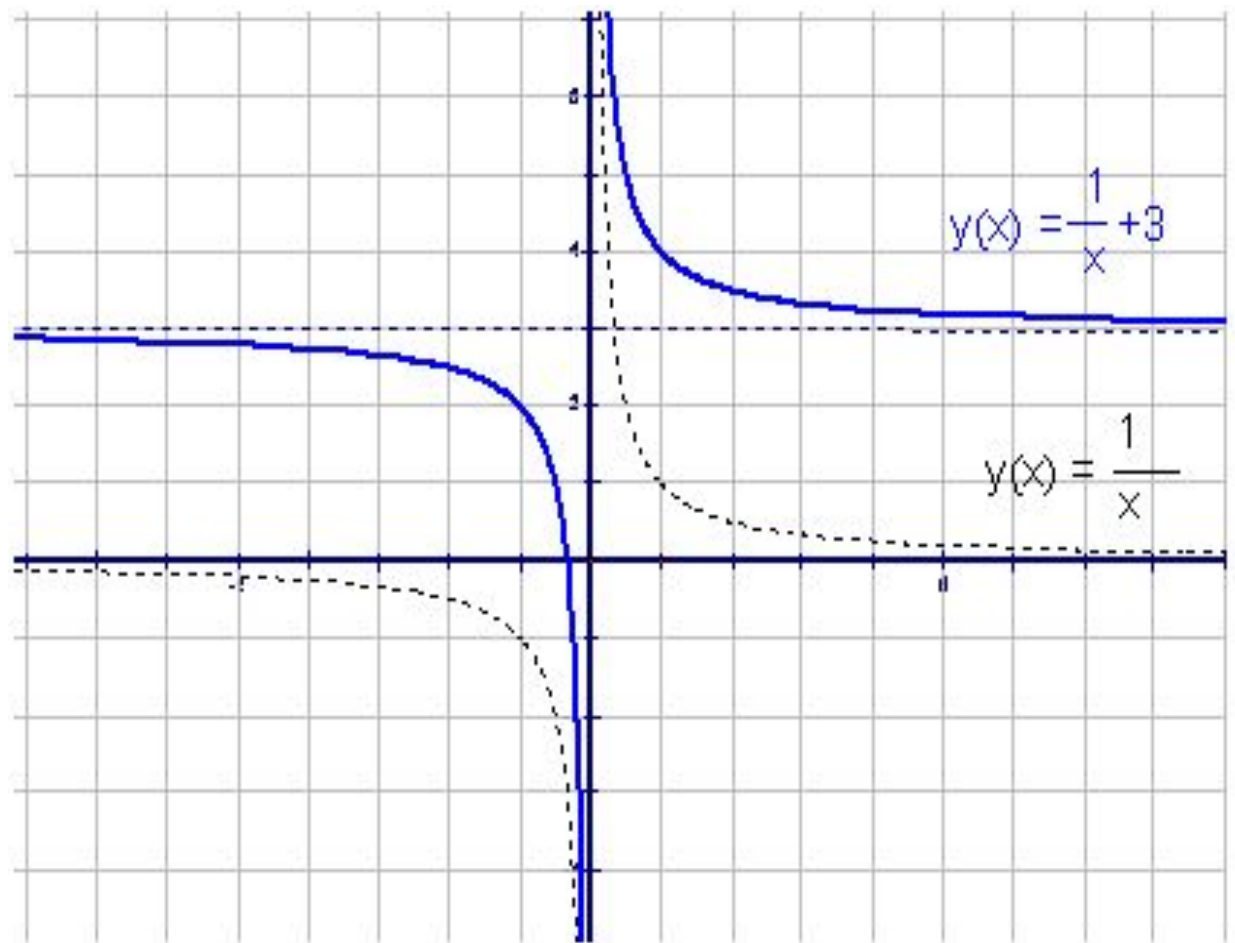


a) $y = |x| + 1$

b) $y = \sqrt{x} - 2$

c) $y = x^2 - 4$

d) $y = \frac{1}{x} + 3$

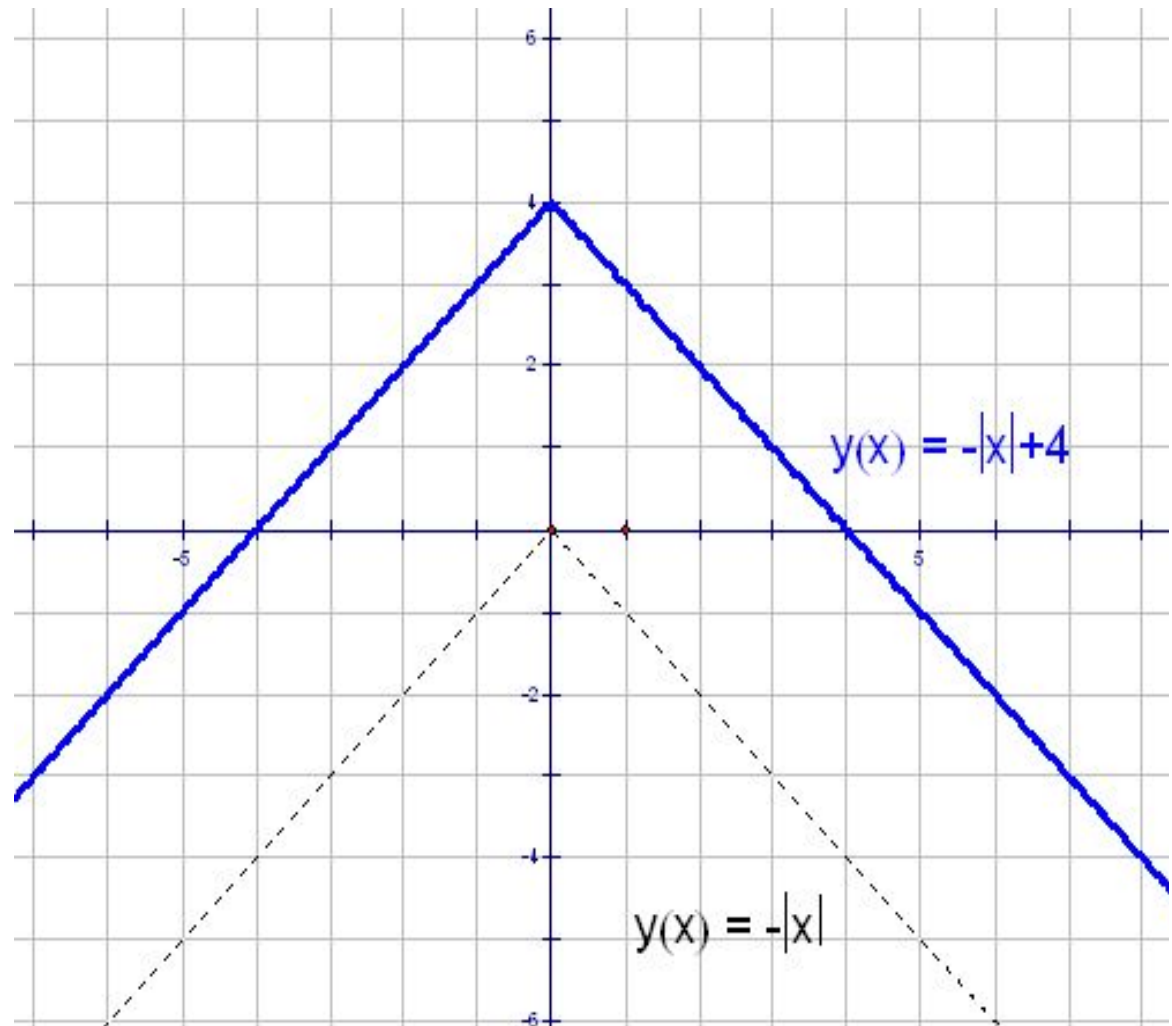


a) $y = -|x| + 4$

b) $y = -2\sqrt{x} - 1$

c) $y = \frac{1}{3}x^2 + 2$

d) $y = -\frac{2}{x} - 2$



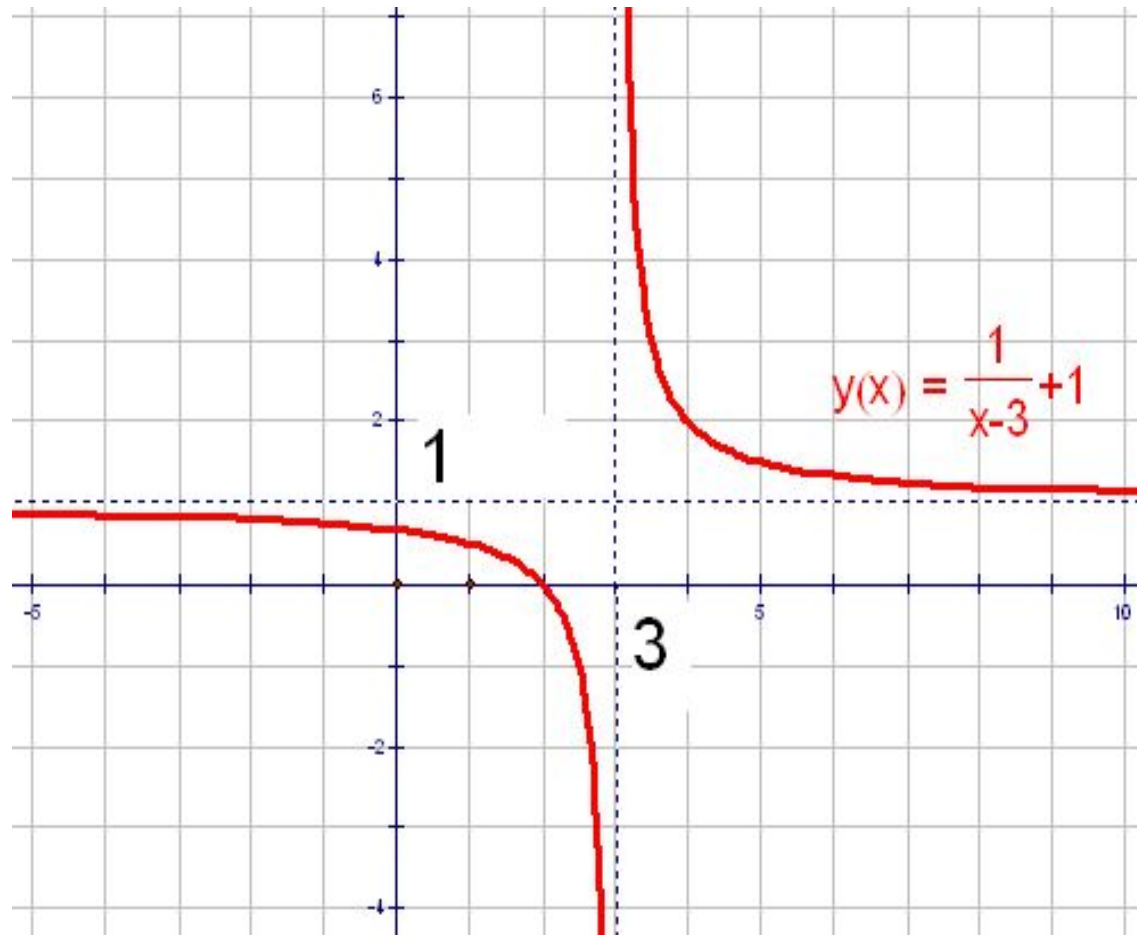
Построение графика функции $y=f(x + l) + m$.

a) $y = |x + 1| - 2$

b) $y = \sqrt{x + 4} + 2$

c) $y = (x - 2)^2 - 4$

d) $y = \frac{1}{x-3} + 1$

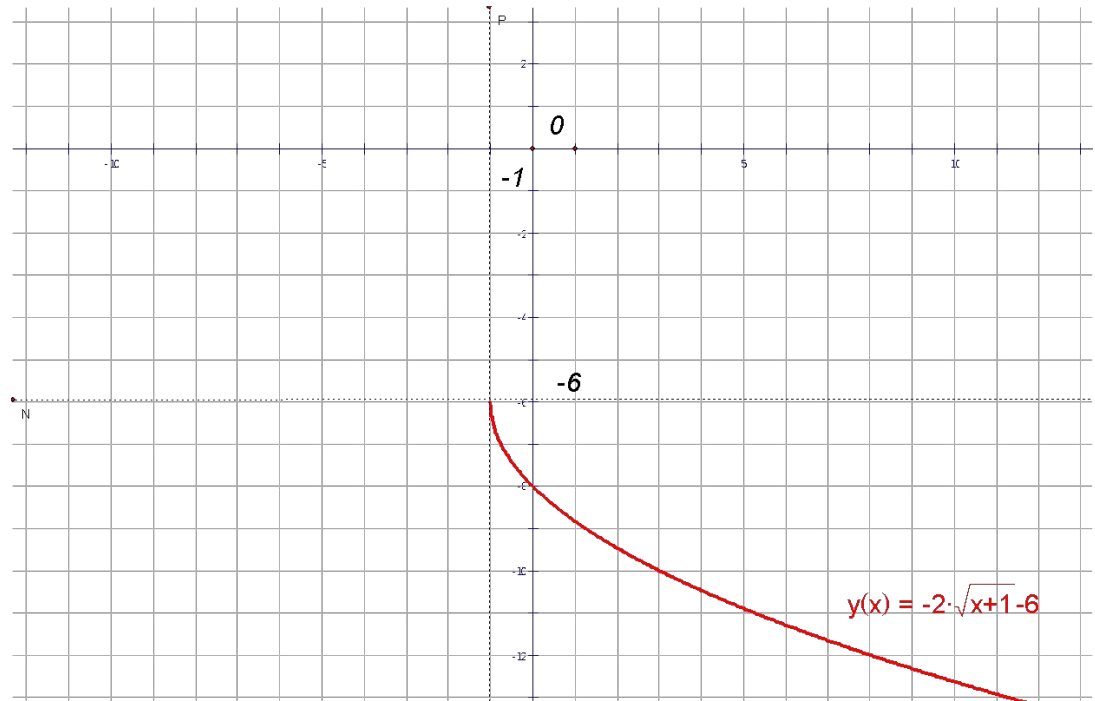


$$\text{a) } y = -|x - 2| + 4$$

$$\text{b) } y = -2\sqrt{x + 1} - 6$$

$$\text{c) } y = 2(x + 4)^2 - 3$$

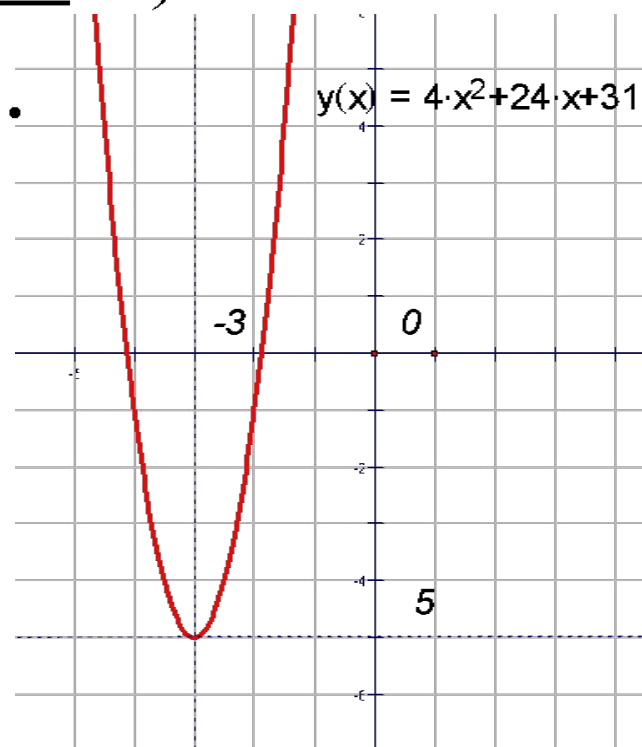
$$\text{d) } y = \frac{3}{x+2} - 5$$



3 занятие. Построение графика функции $y=ax^2+bx+c$
методом выделения полного квадрата.

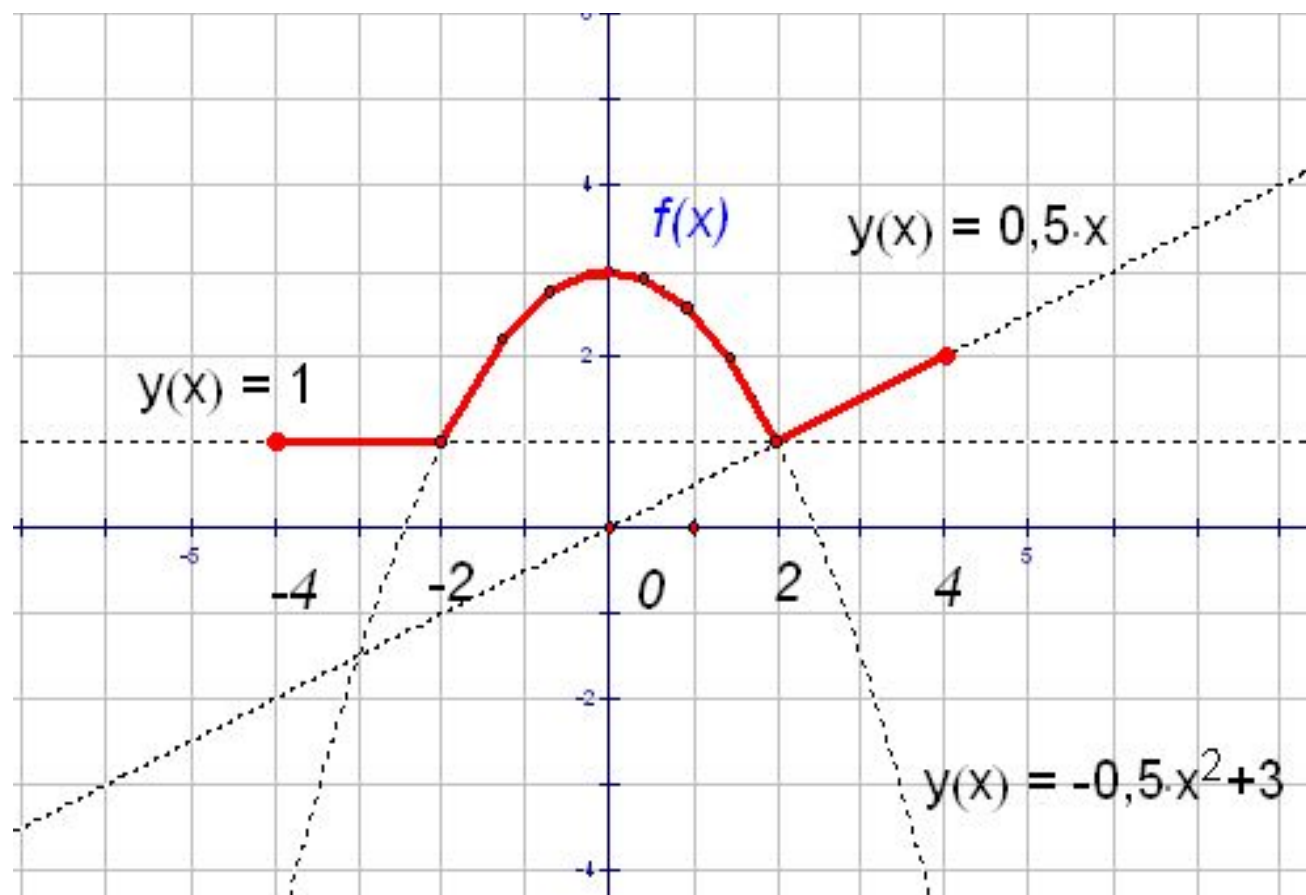
$$y=x^2-2x+3=\underline{x^2-2x+1}-1+3=(x-1)^2+2.$$

$$y=4x^2+24x+31=4(\underline{x^2+6x+9}-9)+31=$$
$$4(x+3)^2-36+31=4(x+3)^2-5.$$



4 занятие. Построение графика кусочной функции.

$$f(x) = \begin{cases} 1, & \text{если } -4 \leq x \leq -2 \\ -0,5x^2 + 3, & \text{если } -2 < x \leq 2 \\ \frac{x}{2}, & \text{если } 2 < x \leq 4 \end{cases}$$



$$f(x) = \begin{cases} 2, & \text{если } -5 \leq x \leq -3 \\ |x| - 1, & \text{если } -3 < x < 1 \\ \sqrt{x-1}, & \text{если } 1 \leq x \leq 5 \end{cases}$$

$$f(x) = \begin{cases} -3(x+2)^2 + 3, & \text{если } -3 \leq x \leq -1 \\ 0, & \text{если } -1 < x \leq 0 \\ -\frac{2}{x+1} + 2, & \text{если } x > 0 \end{cases}$$

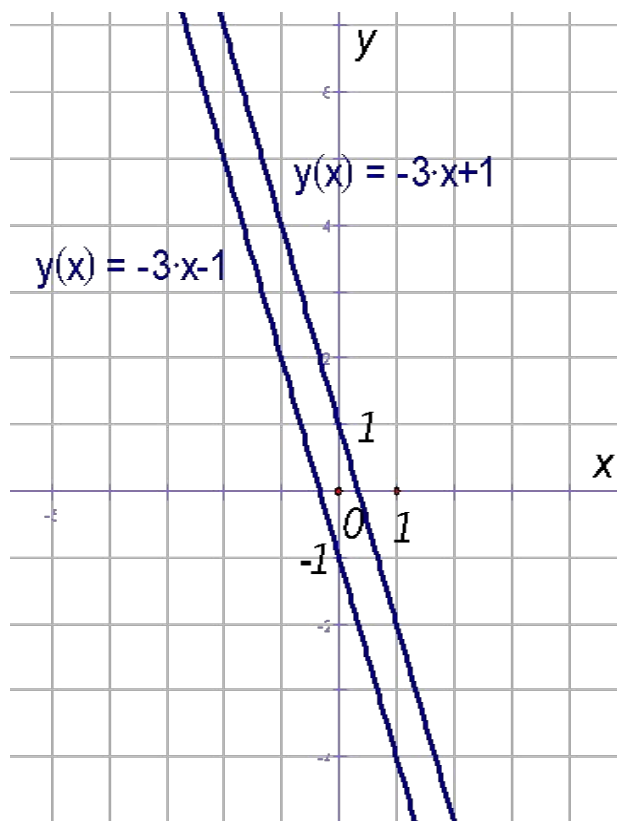
$$f(x) = \begin{cases} -\frac{1}{x}, & \text{если } x \leq -1 \\ x^2, & \text{если } -1 < x \leq 1 \\ |x+2|, & \text{если } 1 < x \leq 5 \end{cases}$$

$$f(x) = \begin{cases} -\frac{2}{x}, & \text{если } x < -1 \\ 4 - 3x^2, & \text{если } -1 \leq x \leq 1 \\ |x-2|, & \text{если } x > 1 \end{cases}$$

5.40 (6 баллов). Изобразите на координатной плоскости множество точек, координаты которых удовлетворяют уравнению $9x^2 + 6xy + y^2 = 1$.

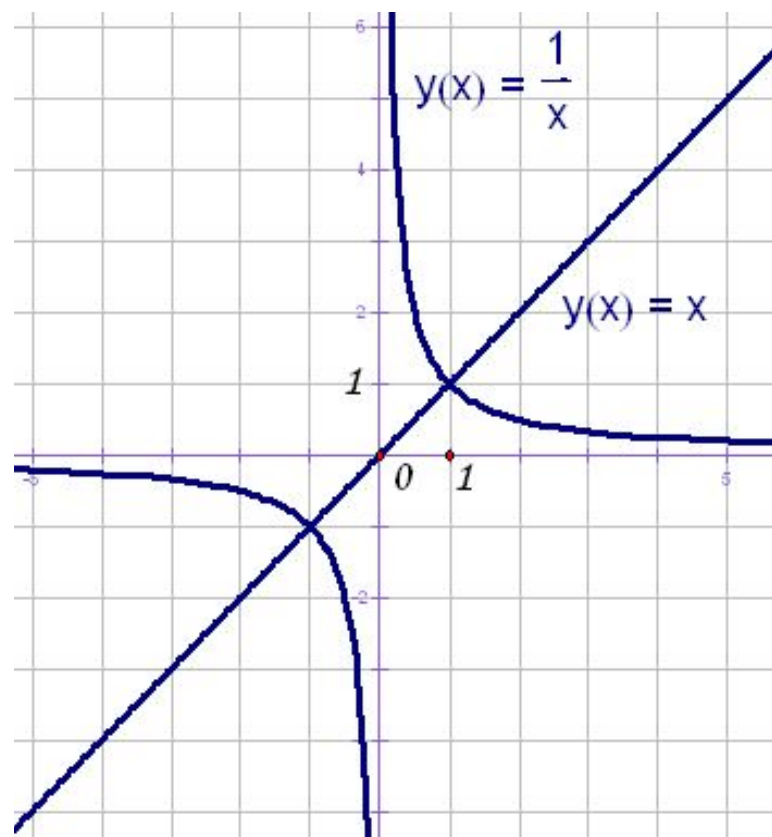
$$(3x + y)^2 = 1; \quad 3x + y = \pm 1;$$

Построим графики функций $y = 1 - 3x$, $y = -1 - 3x$.



5.41 (6 баллов). Изобразите на координатной плоскости множество точек, координаты которых удовлетворяют уравнению $(y-x)(xy-1)=0$.

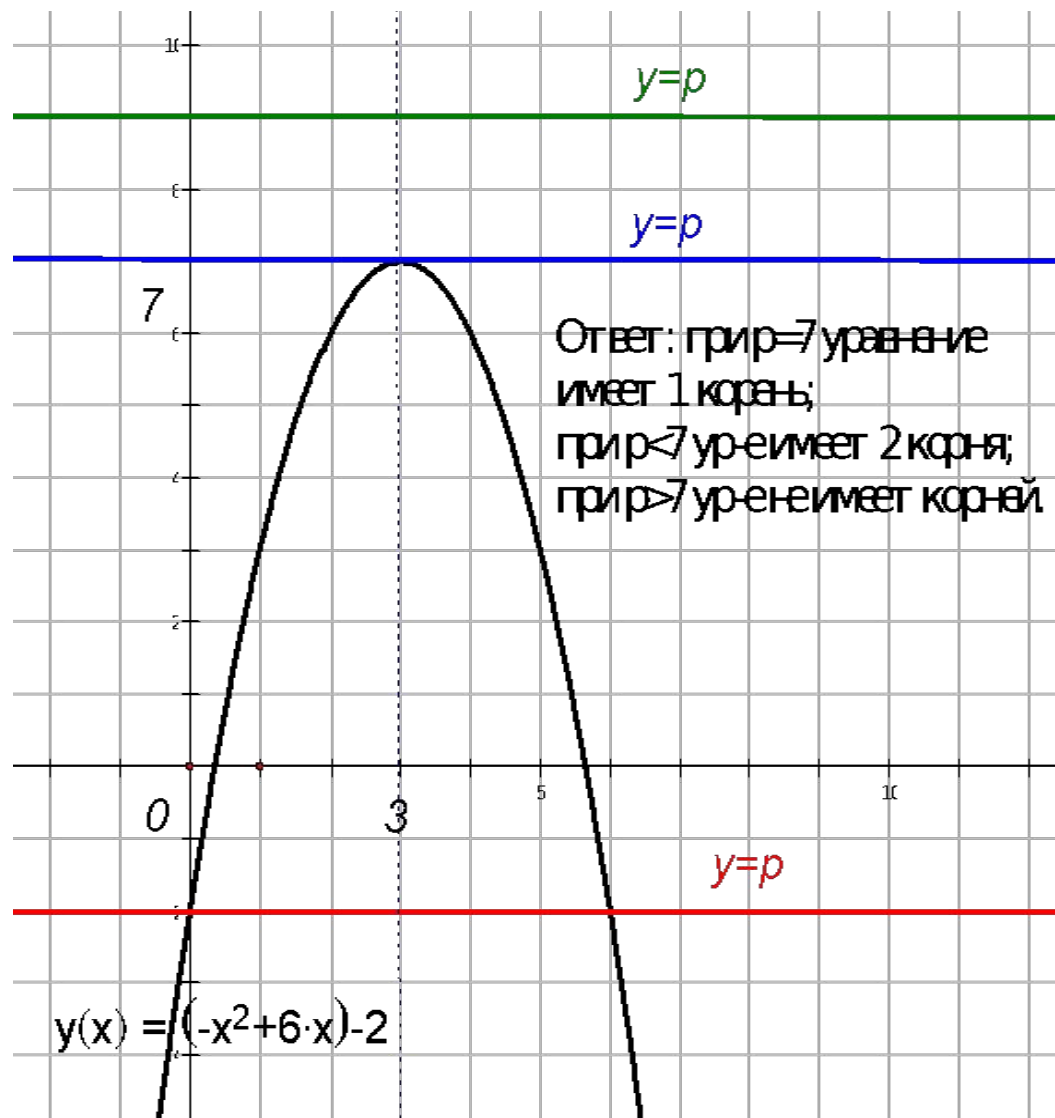
$$\begin{cases} y - x = 0 \\ xy - 1 = 0 \end{cases}; \quad \begin{cases} y = x \\ y = \frac{1}{x} \end{cases}$$



Занятие 5. Задания с параметрами.

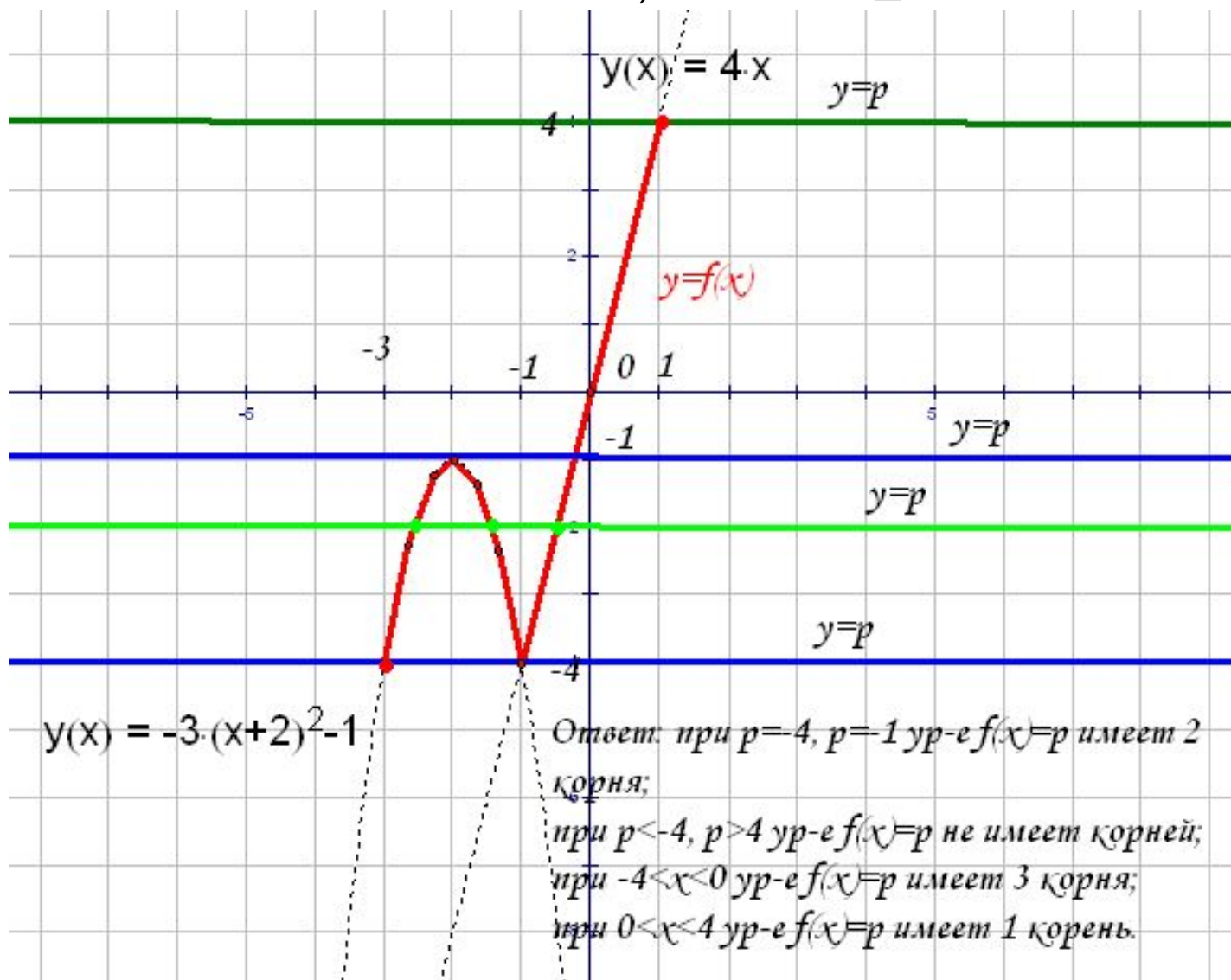
1). При каких значениях параметра p уравнение имеет 1 корень; 2 корня; не имеет корней?

- a) $x^2 - 2x + 1 = p$
- b) $x^2 + 2x + 3 = p$
- c) $x^2 - 4x + 4 = p$
- d) $x^2 + 4x - 6 = p$
- e) $x^2 + 6x + 8 = p$
- f) $-x^2 + 4x + 6 = p$
- g) $-x^2 + 6x - 2 = p$



2). Сколько корней имеет уравнение $f(x)=p$, где p - параметр,

$$f(x) = \begin{cases} -3(x+2)^2 - 1, & -3 \leq x \leq -1 \\ 4x, & -1 < x \leq 1 \end{cases}$$



3). Найдите значение параметра p , если известно, что прямая $x = -1$ является осью симметрии графика функции $y = px^2 + (p-2)x + 1$.

- a) $y = (p-3)x^2 + 2px - 2, \quad x = 2$
- b) $y = 3px^2 - (5-p)x + 4, \quad x = -1$
- c) $y = (3-p)x^2 - 4px - 5, \quad x = 1$
- d) $y = px^2 - (p+12)x - 15, \quad x = -1$
- e) $y = 2px^2 - (p-11)x + 17, \quad x = 3$

Решение: $x_0 = \frac{-b}{2a} = \frac{-p+2}{2p};$

$$-1 = \frac{-p+2}{2p};$$

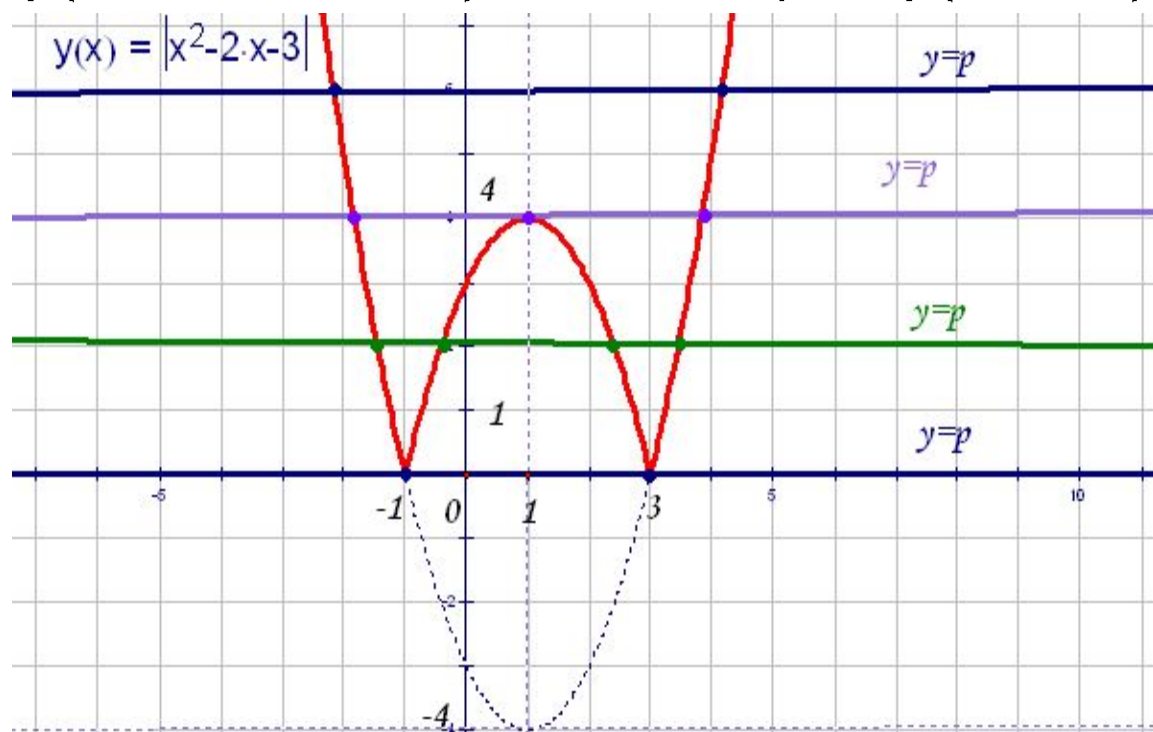
$$-2p = -p + 2;$$

$$-p = 2;$$

$$p = -2.$$

4.31 (6 баллов). Постройте график функции $y = |x^2 - 2x - 3|$. Сколько общих точек может иметь с этим графиком прямая $y=p$?

$$y = |(x^2 - 2x + 1) - 1 - 3| = |(x - 1)^2 - 4|.$$



Ответ: при $p=0$, $p>4$ график функции $y(x)$ и прямая $y=p$ имеют 2 общие точки;
 при $p=4$ график функции $y(x)$ и прямая $y=p$ имеют 3 общие точки;
 при $0 < p < 4$ график функции $y(x)$ и прямая $y=p$ имеют 4 общие точки;
 при $p < 0$ график функции $y(x)$ и прямая $y=p$ не имеют общих точек.

Литература:

- Атанасян Л.С. и др. Геометрия. Учебник для 7-9 кл, 1998.
- Балаян Э.Н. Геометрия. Задачи на готовых чертежах для 7-9 классов, 2006.
- Гусев В.А. и др. Практикум по решению математических задач. – М.: Просвещение, 1985.
- Звавич Л.И. Тестовые задания по геометрии, 2006.
- Кузнецова Л.В. Сборник заданий для подготовки к итоговой аттестации в 9 классе, 2008.
- Мордкович А.Г. Алгебра 8кл, 2007.
- Мордкович А.Г. Алгебра 9кл, 2007.
- Сборник конкурсных задач по математике для поступающих во ВТУЗы. Под ред. М.И. Сканави. Учеб. пособие. – С.-Петербург, 1994.
- Шарыгин И.Ф. Геометрия-8. Теория и задачи, 1996.