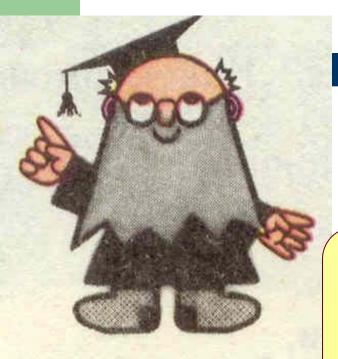


Знание - самое превосходное из владений. Все стремятся к нему, само оно не приходит.

Здравствуйте!

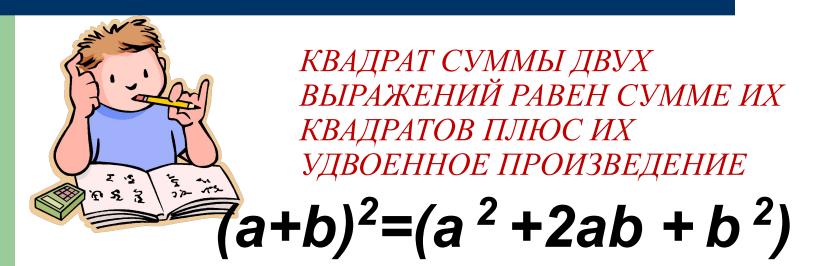


Мальчики и девочки! Я - ваш помощник, сегодня мы познакомимся с формулами сокращенного умножения, которые позволяют не умножать каждый раз один многочлен на другой, а пользоваться готовым результатом.

Мы рассмотрим два способа доказательства формул и примеры их применения, а также вам будут предложены задания для самопроверки.

Желаю удачи!

Квадрат суммы

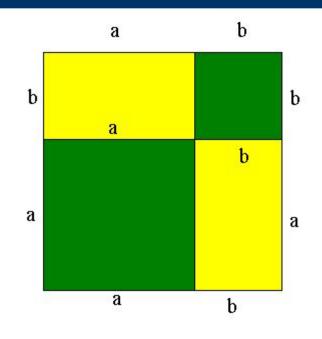


<u>Доказательство:</u>

$$(a+b)^2 = (a+b) (a+b) = a \cdot a + a \cdot b + b \cdot a + b \cdot b$$

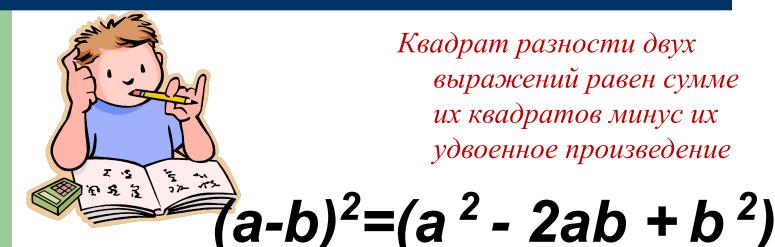
= $a^2 + ab + ab + b^2 = a^2 + 2ab + b^2$

ГЕОМЕТРИЧЕСКОЕ ДОКАЗАТЕЛЬСТВО



- Пусть а и b положительные числа. Рассмотрим квадрат со стороной a+b и вырежем в двух его углах квадраты со сторонами а и b. Площадь квадрата со стороной a+b равна (a+b)²
- Этот квадрат мы разрезали на 4 части: квадрат со стороной а (его площадь а²), квадрат со стороной b (его площадь b²), 2 прямоугольника со сторонами а и b (площадь каждого прямоугольника равна аb)
- Значит, $(a + b)^2 = a^2 + b^2 + 2ab$

Квадрат разности



<u>Доказательство:</u>

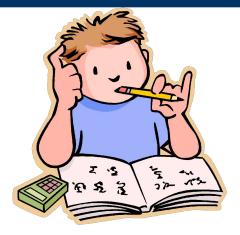
$$(a-b)^2 = (a-b) (a-b) = a \cdot a - a \cdot b - b \cdot a + b \cdot b =$$

 $a^2 - ab - ab + b^2 = a^2 - 2ab + b^2$



- При использовании формул квадрата суммы или квадрата разности учитывайте, что
- $(-a b)^2 = (a + b)^2$;
- $(b a)^2 = (a b)^2$.
- Это следует из того, что $(-a)^2 = a^2$

Разность квадратов



разность квадратов равна произведению суммы одночленов на их разность

$$a^2-b^2=(a+b)(a-b)$$

Доказательство:

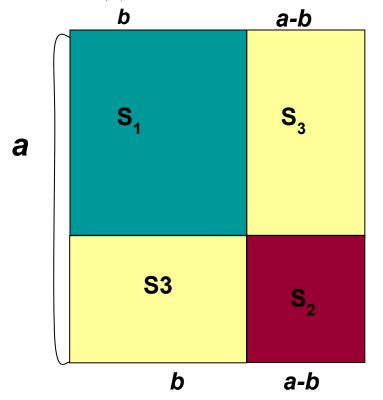
$$(a+b)(a-b) = a^2 - ab + ab - b^2 = a^2 - b^2$$

Разность квадратов

b

a-b

Доказательство:



S-площадь квадрата со стороной $\mathcal{A}.$

По рисунку получаем

$$S=S_1+S_2+2S_3$$

таким образом, получаем

$$a^2=b^2+(a-b)^2+2(a-b)b$$

$$a^2-b^2=(a-b)(a-b+2b)$$

$$a^2-b^2=(a-b)(a+b)$$

Доказано $a^2-b^2=(a^2-b^2)$

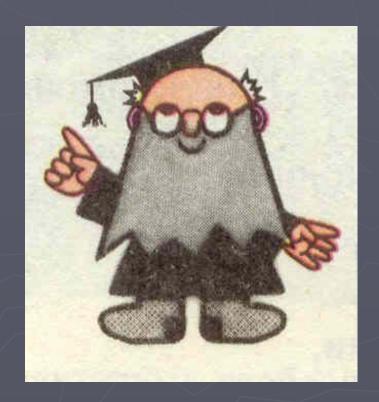
$$a^2-b^2=(a-b)(a+b)$$

Некоторые математические фокусы

- Отметим, что на формулах квадрата суммы и квадрата разности основаны некоторые математические фокусы, позволяющие производить вычисления в уме. Например, можно практически устно возводить в квадрат числа, оканчивающиеся на 1, 2, 8 и 9.
- $71^2 = (70 + 1)^2 = 70^2 + 2.70.1 + 1^2 = 4900 + 140 + 1 = 5041$
- Но самый элегантный фокус связан с возведением в квадрат чисел, оканчивающихся цифрой 5:
- $85^2 = (80 + 5)^2 = 80^2 + 2 \cdot 80 \cdot 5 + 5^2 = 80 \cdot (80 + 10) + 25 =$ = $80 \cdot 90 + 25 = 7200 + 25 = 7225$

Мы рассмотрели два вида доказательства формул сокращенного умножения. Вы увидели, что формулы можно доказать и геометрически.

Перейдём к практической работе. Сейчас я вам покажу как применяются эти формулы при решении задач.



Решай вместе со мной.

• Решаем примеры:

I. Представить в виде многочлена:

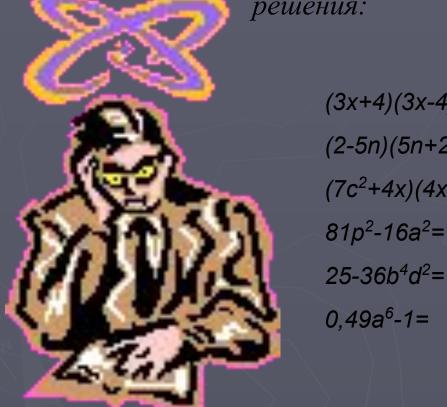
- a) $(x+4)(x-4)=x^2-16$
- b) $(3-m)(3+m)=9-m^2$
- c) $(8+y)(y-8)=y^2-64$

II. Разложить на множители:

- a) $c^2-25=(c-5)(c+5)$
- b) 81-p²=(9+p)(9-p)
- c) $0.36-y^2=(0.6-y)(0.6+y)$



Предлагаю вам примеры для самостоятельного решения:



$$(3x+4)(3x-4) = 9x^2-16$$

$$(2-5n)(5n+2)=$$
 4-25 n^2

$$(7c^2+4x)(4x-7c^2)=16x^2-49c^4$$

$$81p^2-16a^2 = (9p+4a)(9p-4a)$$

$$25-36b^4d^2 = (5-6b^2d)(5+6b^2d)$$

$$0,49a^6-1=$$
 $(0,7a^3-1)(0,7a^3+1)$

Нажми любую клавишу и появятся ответы для самопроверки.

Быстрый счёт

А я догадался, как можно использовать эту формулу для быстрых вычислений. Смотри и учись.

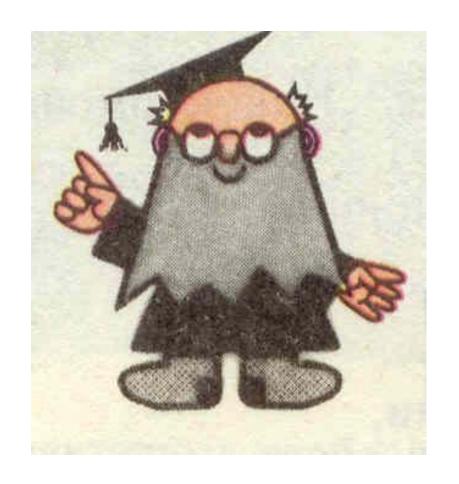


$$29^{2}-28^{2}=(29-28)(29+28)=1.57=57$$

$$73^2 - 63^2 = (73 + 63)(73 - 63) = 136 \cdot 10 = 1360$$

$$133^{2}-134^{2}=(133-134)(133+134)=-1\cdot 267=$$

$$-267$$



А сейчас я предлагаю вам познакомить ся с задачей Пифагора.

Задача Пифагора

«Всякое нечётное число, кроме единицы, есть разность двух квадратов.»

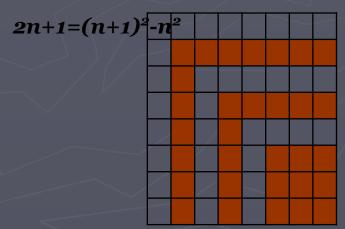
Решение задачи:

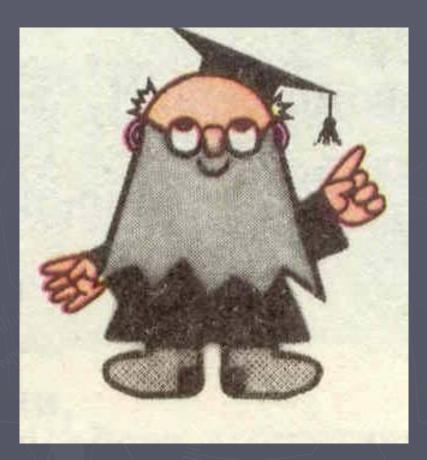
 $(n+1)^2-n^2=(n+1-n)(n+1+n)=2n+1-$

получили нечётное



В школе Пифагора эта задача решалась геометрически. Действительно, если от квадрата отнять гномон, представляющий нечётное число элементарных квадратов, составляющих полный законченный ряд (на рис. выделено цветом), то в остатке получится квадрат, т.е.





Вот и завершается наш урок.

На этом уроке вы, ребята, познакомились с формулами сокращенного умножения, рассмотрели два способа доказательства этих формул, а также примеры их применения.

Вам были предложены упражнения для решения и вы могли проверить себя.

Я только хочу вам напомнить, что при решении задач, упражнений на применение формул нужно искать различные подходы, разнообразные способы.

До свидания.