

Реферат по математике

Числа Фибоначчи

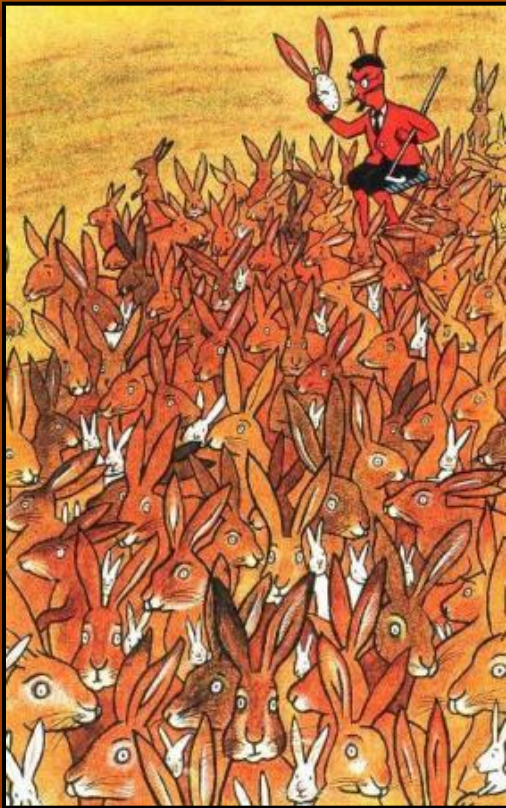
Работу выполнил ученик 7 класса «Б»

Азаров Сергей

Учитель математики Королева Т.А.

МОУ «Кабановская СОШ»

2010 – 2011 уч.год



Содержание

- ♦ Историческая справка
- ♦ Определение чисел Фибоначчи
- ♦ Свойства чисел Фибоначчи
- ♦ Спираль Фибоначчи
- ♦ Пропорции Фибоначчи в природе
- ♦ Пропорции Фибоначчи в архитектуре
- ♦ Пропорции Фибоначчи в космосе
- ♦ Выводы

Леонардо Пизанский (Фибоначчи)



**Первый крупный математик
средневековой Европы**

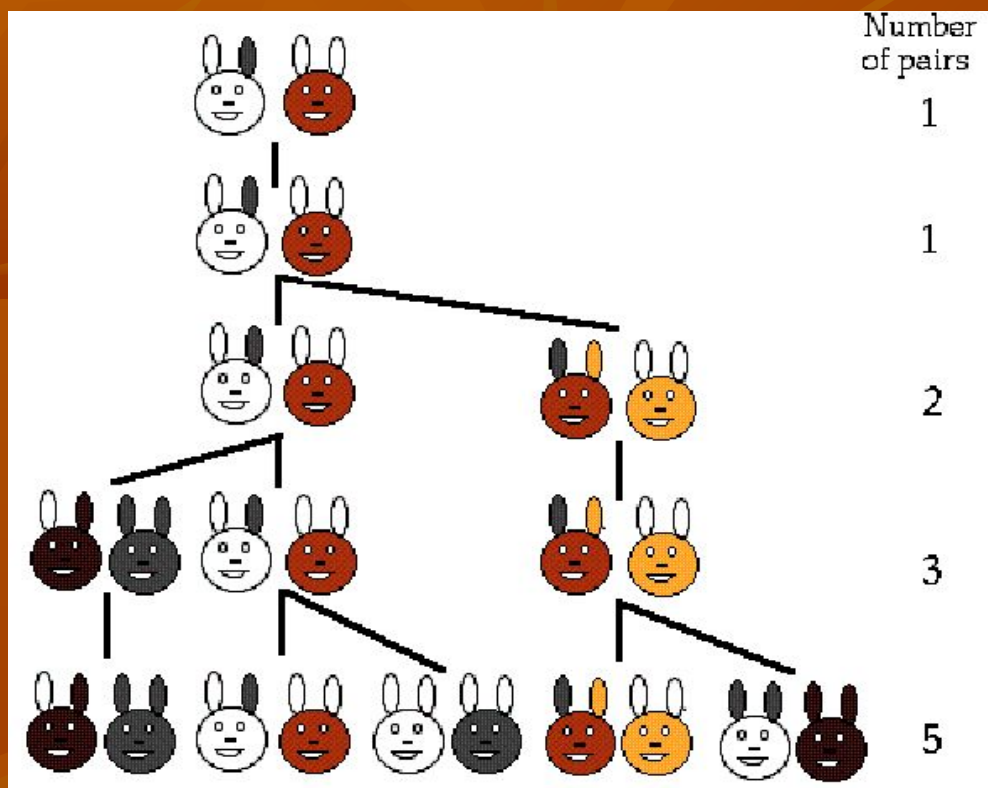
**(около 1170 – около 1250 гг.)
г.Пиза, в семье дипломата**

- ❖ В молодости часто бывал в Алжире. Изучал там математику у арабских учителей
- ❖ Позже посетил Египет, Сирию, Византию, Сицилию. Везде изучал труды математиков
- ❖ По арабским переводам ознакомился с достижениями античных и индийских математиков
- ❖ На основе усвоенных им знаний Фибоначчи написал ряд выдающихся математических трактатов

Научная деятельность Фибоначчи

- «Книга абака» (1202 г.) - содержит почти все арифметические и алгебраические сведения того времени
- «Практика геометрии» (1220 г.) - содержит теоремы, относящиеся к измерительным методам
- Трактат «Цветок» (1225 г.) - исследование кубического уравнения
- «Книга квадратов» (1225) - ряд задач на решение неопределенных квадратных уравнений

Загадка итальянского математика



В своем труде «Книга абака» (1202) он рассматривает ряд чисел, описанный в виде задачи.

Её суть такова:

«Сколько пар кроликов в один год от одной пары родится?»

В итоге получается такая последовательность чисел:

1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21,...

Числа Фибоначчи

Числа Фибоначчи – элементы числовой последовательности

1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, 55, 89, 144, 233, 377, ...

в которой каждое последующее число, начиная с третьего, равно сумме двух предыдущих чисел, первые два числа считаются заданными - это числа 1 и 1. Т.е. при всяком $n > 2$

$$u_n = u_{n-1} + u_{n-2}, \text{ и } u_1 = 1 \text{ и } u_2 = 1$$

Эта последовательность была известна ещё в древней Индии, где она применялась в метрических науках

Свойства последовательности Фибоначчи

1 , 1 , 2 , 3 , 5 , 8 , 13 , 21 , 34 , 55 , 89 , 144 , 233 , 377, ...

✓ Отношение какого-либо элемента последовательности к предшествующему ему колеблется около числа 1,618..., через раз то превосходя, то не достигая его:

$$\frac{u_2}{u_1} = 1, \quad \frac{u_3}{u_2} = 2, \quad \frac{u_4}{u_3} = \frac{3}{2} = 1.5, \quad \frac{u_5}{u_4} = \frac{5}{3} = 1.66,$$

$$\frac{u_6}{u_5} = \frac{8}{5} = 1.6, \quad \frac{u_7}{u_6} = \frac{13}{8} = 1.625, \quad \frac{u_8}{u_7} = \frac{21}{13} = 1.615, \dots$$

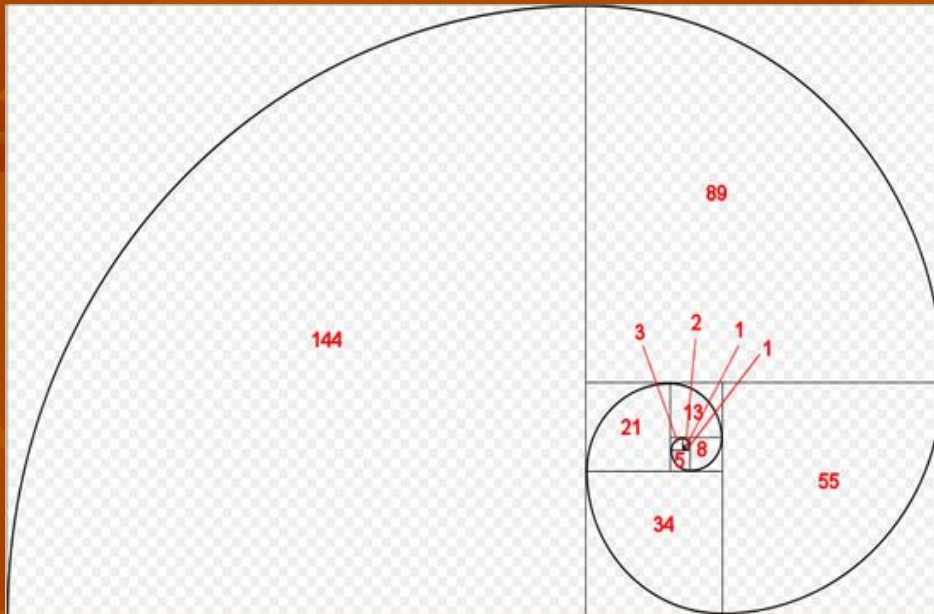
1 , 1 , 2 , 3 , 5 , 8 , 13 , 21 , 34 , 55 , 89 , 144 , 233 , 377,...

- Отношение какого-либо элемента последовательности к последующему приближается к числу $0,618\dots$, что обратно пропорционально числу $1,618\dots$
- Если делить элементы последовательности через один, то получим числа $2,618\dots$ и $0,382\dots$, которые так же являются взаимно обратными числами
- Каждое третье число чётное, каждое четвёртое делится на 3, каждое пятое - на 5, каждое пятнадцатое – на 10
- Невозможно построить треугольник, сторонами которого являются числа ряда Фибоначчи (никакое число ряда не может повторяться дважды)

Особые названия соотношений

- Иррациональное число "фи" ($\Phi=1,618\dots$) - «Золотое сечение», «Золотое среднее», «Отношение вертящихся квадратов»
- $0,618\dots$ - «Золотая пропорция»

Спираль Фибоначчи.



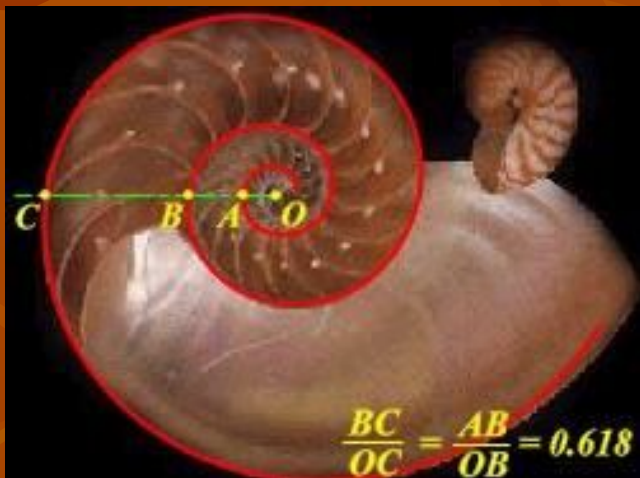
Прямоугольник с шириной и длиной равными двум соседним числам Фибоначчи называют «золотым» прямоугольником

Если разбивать его на более мелкие «золотые» прямоугольники и разделить каждый из них дугой, то система приобретет форму спирали, у которой есть начало, но нет конца

Пропорции Фибоначчи в природе

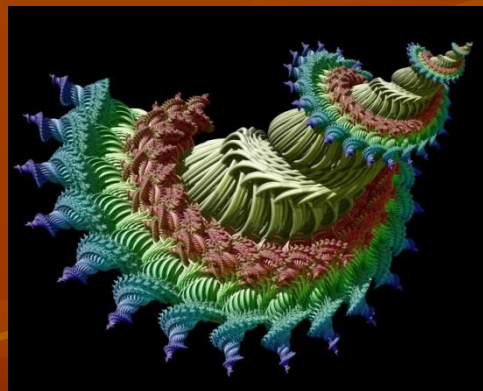


Еще немецкий поэт Гёте подчеркивал тенденцию природы к спиральности. Спираль видна в ананасах, кактусах и т.д. Паук плетет паутину спиралеобразно. Спиралью закручивается ураган. Чешуйки на поверхности сосновой шишки расположены строго закономерно - по двум спиралям, которые пересекаются приблизительно под прямым углом. Число таких спиралей у сосновых шишек равно 8 и 13 или 13 и 21. Расстояние между листьями (или ветками на стволе растения) относятся примерно как числа Фибоначчи.



Расположение семечек и
цветов брокколи – идеальная
последовательность спиралей

Данную спираль можно
увидеть в раковине
моллюска



Пропорции Фибоначчи в архитектуре

Пирамиды в Гизе

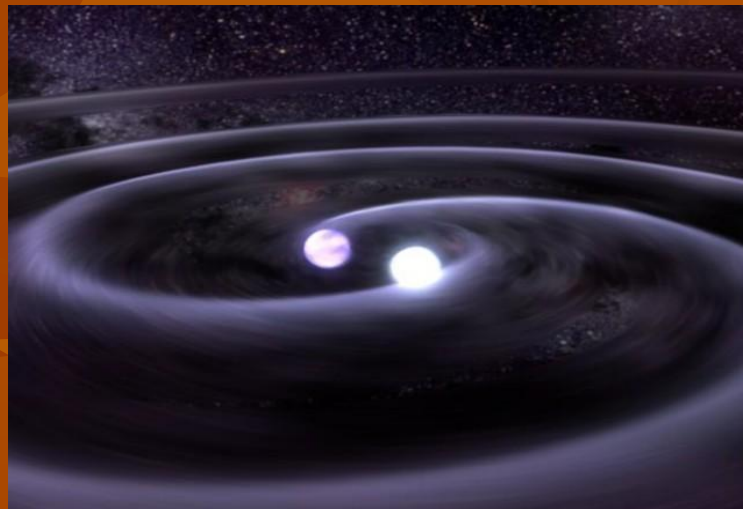


Пирамиды Майя в Мексике

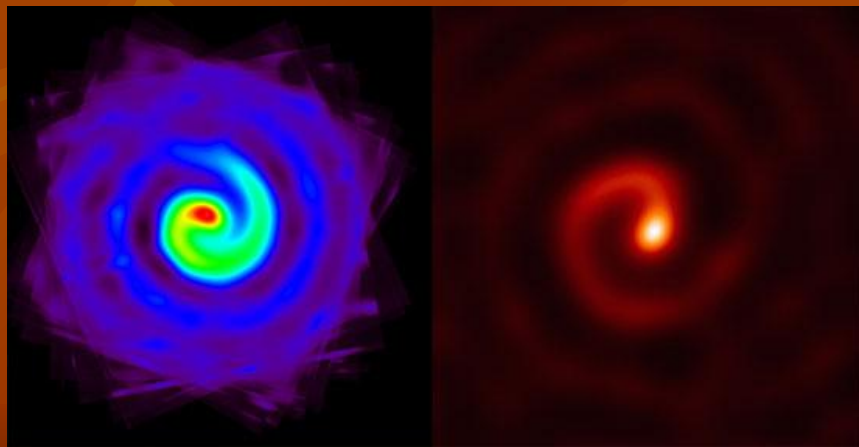


Во всех внешних и внутренних пропорциях пирамид число 1,618... играет центральную роль

Пропорции Фибоначчи в космосе



Рукава многих спиралевидных галактик расположены в соответствии с этой последовательностью



Выводы

- * В результате работы я познакомился с числами Фибоначчи
- * Числа Фибоначчи – это красиво, серьёзно, актуально
- * Числа Фибоначчи имеют различное проявление в природе, архитектуре, космосе
- * При выполнении работы я убедился, что природа сама творит красоту по законам математики





**Спасибо
за
внимание!**