



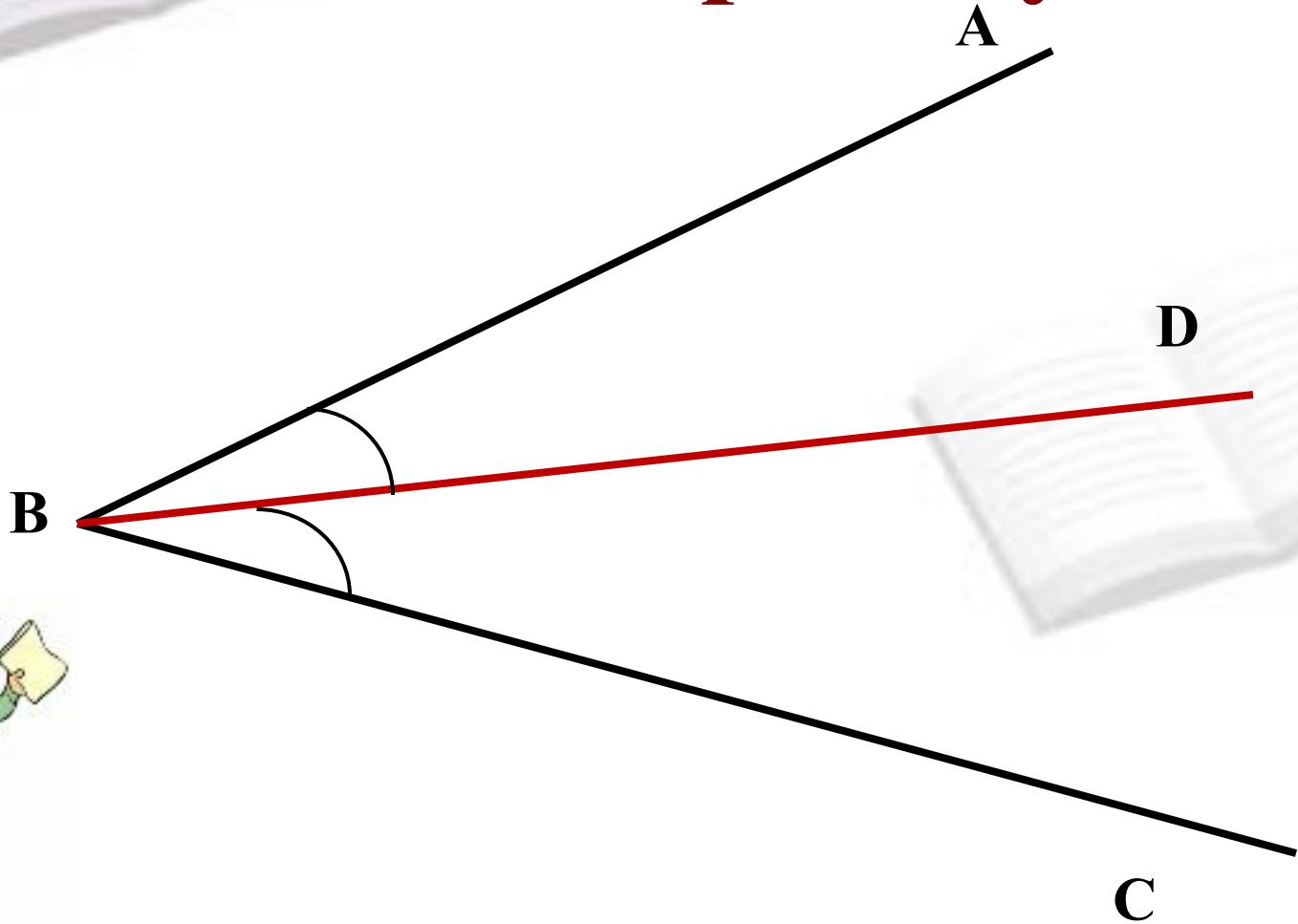
# Биссектриса: знакомая и не очень



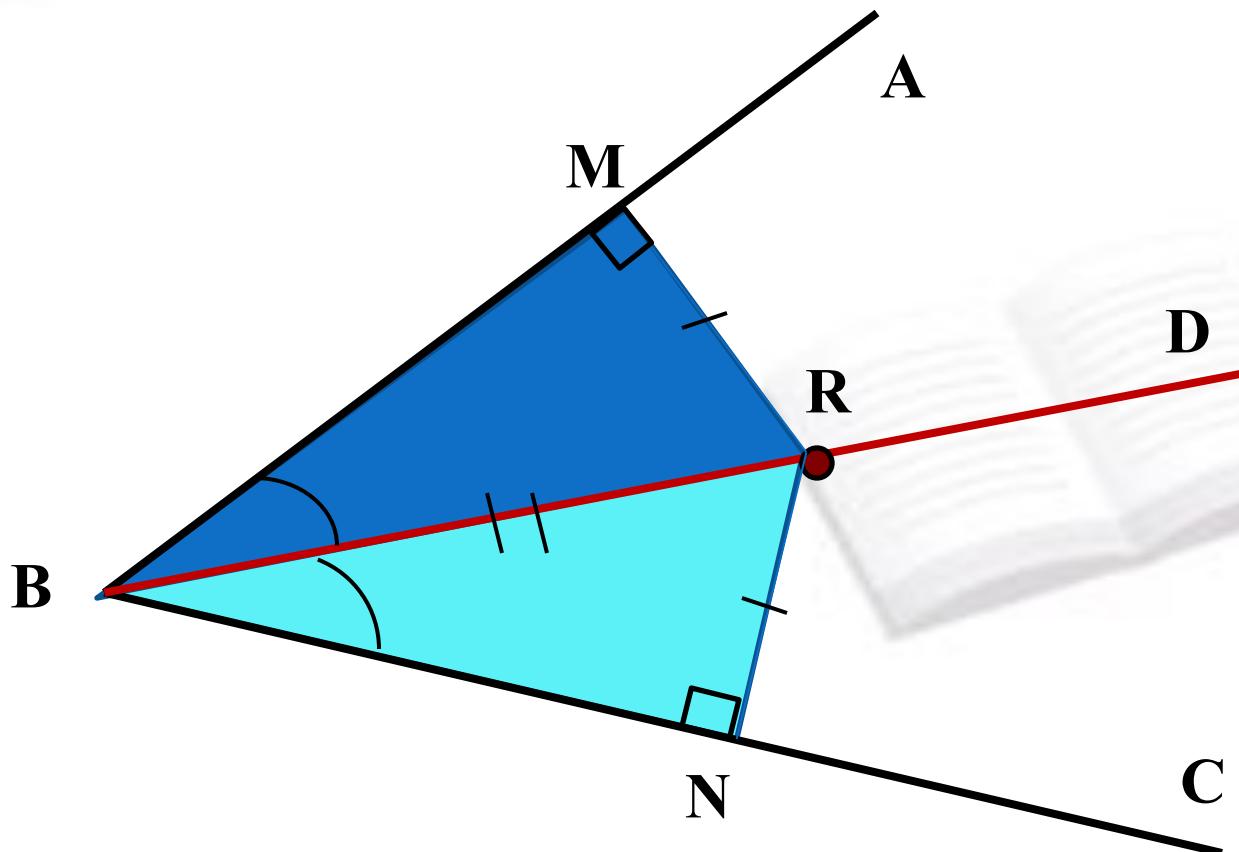
*Биссектриса – это крыса,  
которая бегает по углам и  
делит их пополам*

Работу выполнила  
ученица 8-го класса  
Лёвина Дарья

# Определение биссектрисы угла



# Свойства точек биссектрисы угла



# Цель исследования:

Определить свойство точек,  
равноудаленных от сторон  
угла



*Биссектриса угла*

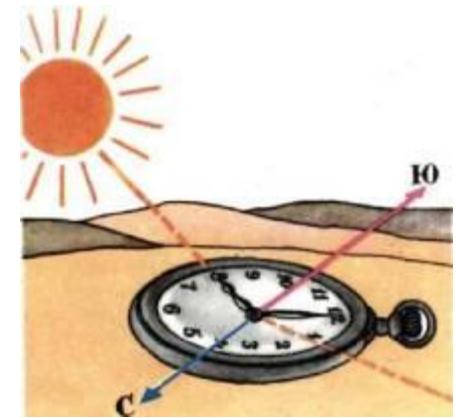
*МОУ  
Тулиновская средняя общеобразовательная школа*



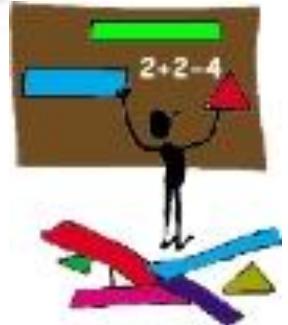
# Ход исследования

1. Изучив теоретический материал учебника и дополнительных источников информации, дать определение биссектрисы угла, биссектрисы треугольника.
2. Выяснить, каким свойством обладает точка пересечения биссектрис углов треугольника.
3. Рассмотреть и решить задачи по данной теме.
4. Оформить результаты, сделать соответствующие выводы.

# Гипотеза

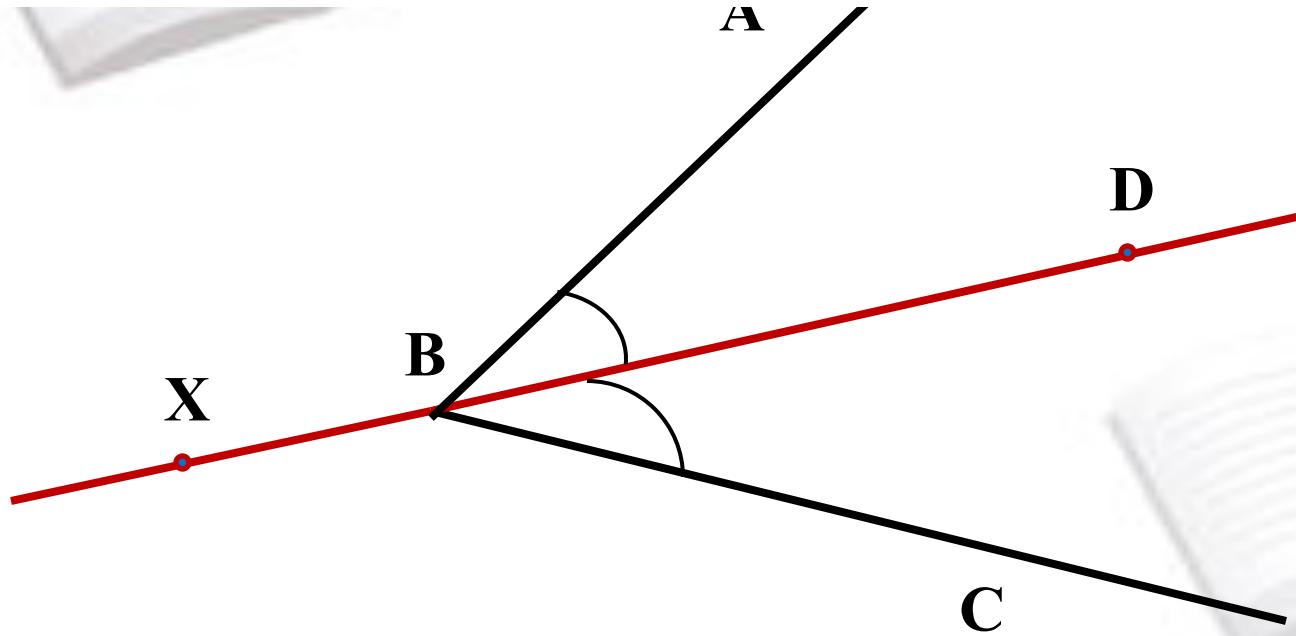


*Существуют точки,  
не принадлежащие биссектрисе  
угла, а всё-таки равноудалённые  
от сторон угла*



# Результаты исследования

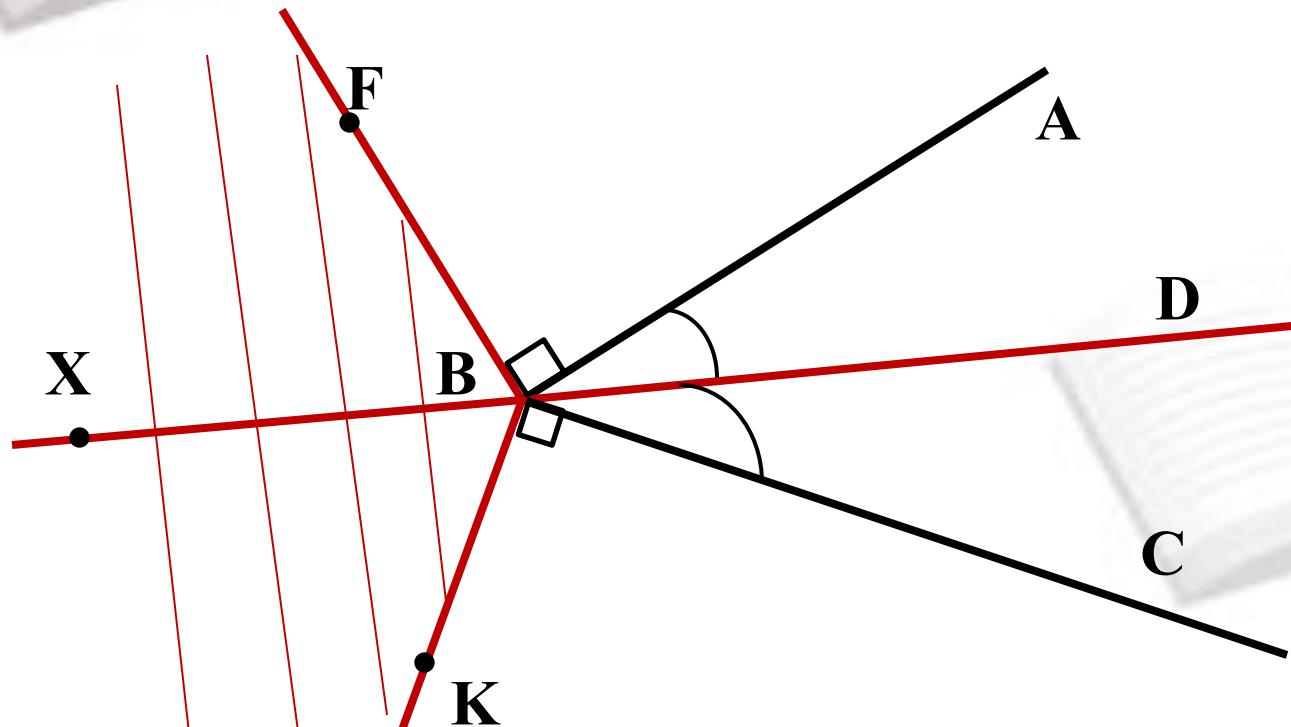
*Если луч образует со сторонами угла равные углы, то он является биссектрисой этого угла?*



*Все точки дополнительного луча к биссектрисе, равноудалены от сторон угла ABC.*

# Результаты исследования

*Точки биссектрисы угла  $ABC$ , угла  $FBK$  и все точки закрашенной области равноудалены от сторон угла  $ABC$*

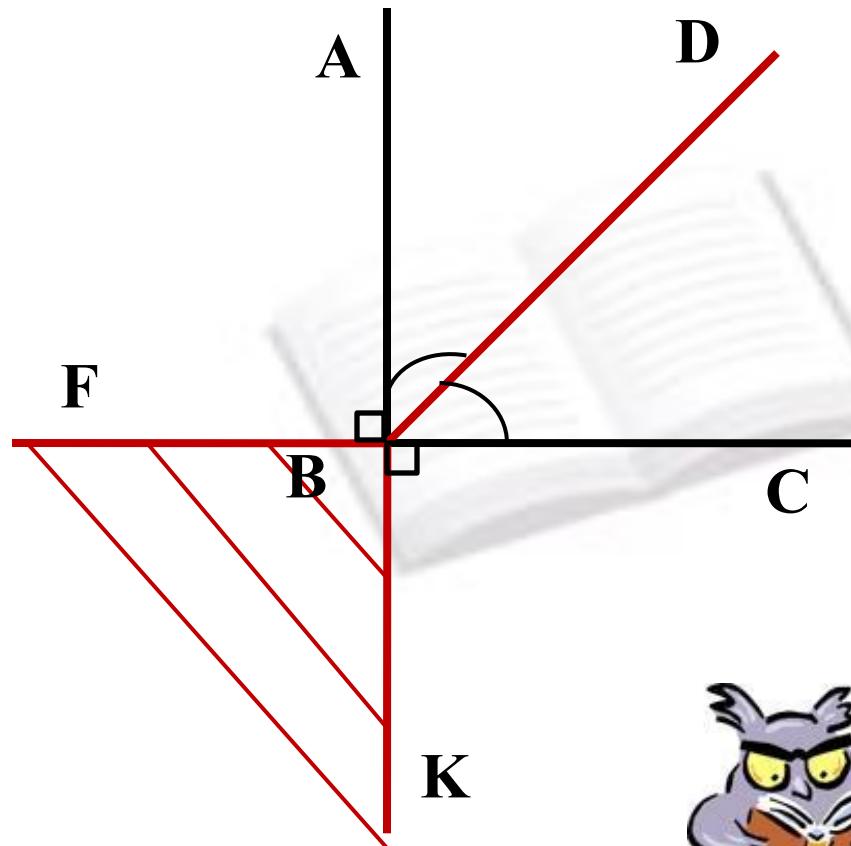
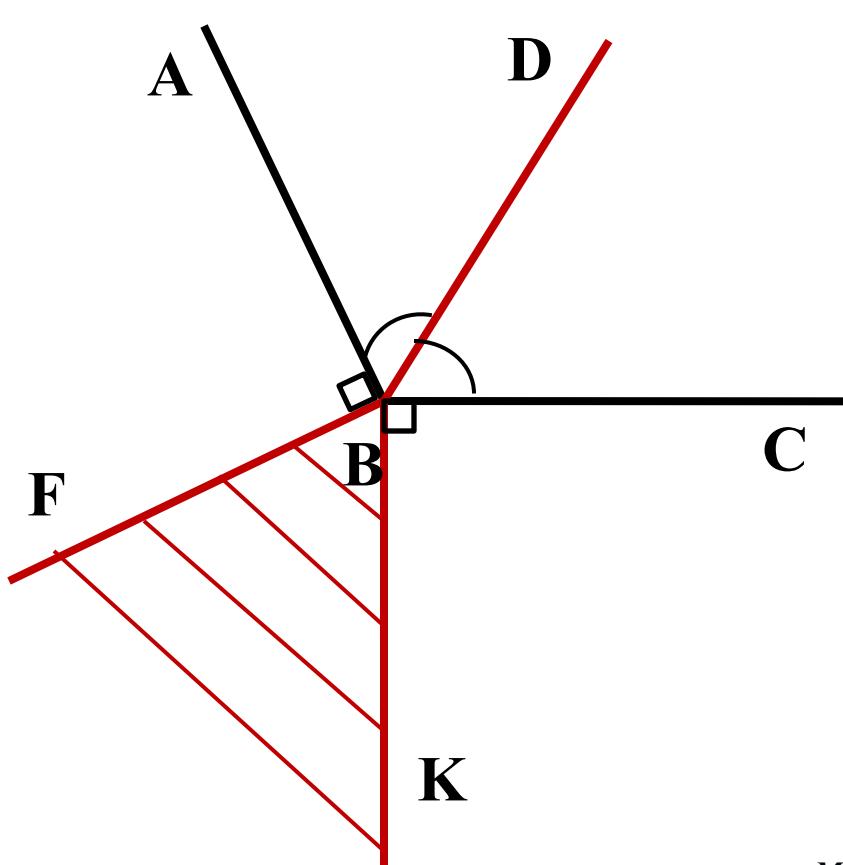


Дан угол  $ABC$ , луч  $BD$  – этого угла  $ABC$ . Существуют ли точки, равноудалённые от сторон этого угла?



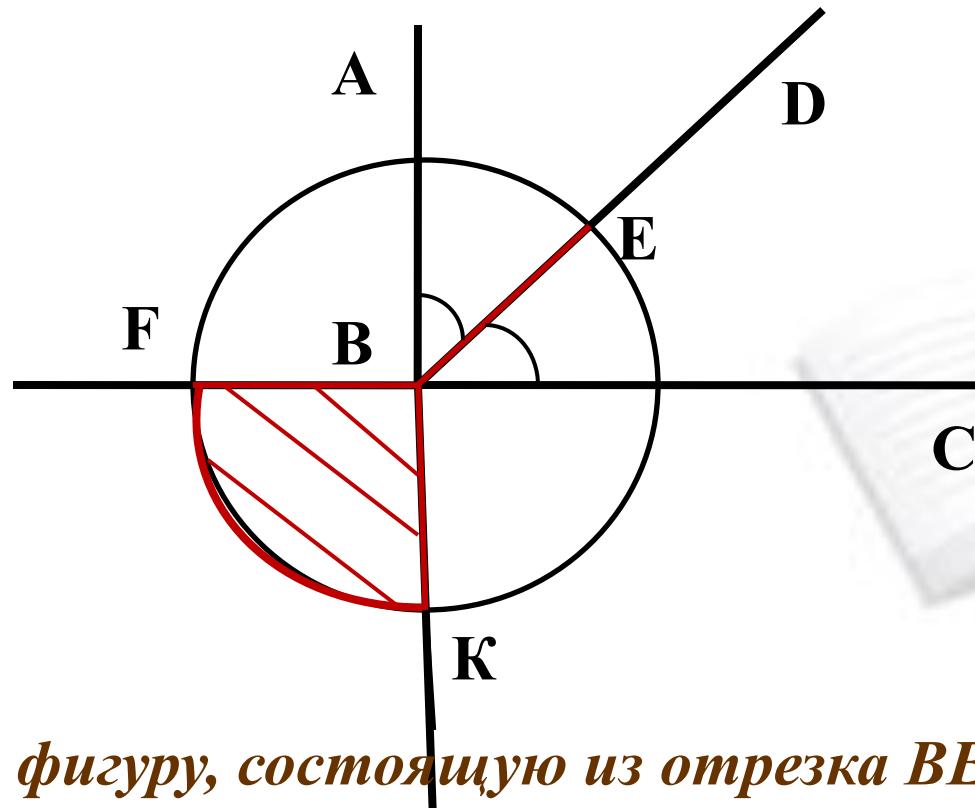
# Результаты исследования

*Геометрическое место точек, равноудалённых от сторон угла, когда этот угол тупой и когда он прямой.*



# Результаты исследования

Дан прямой угол  $ABC$  и круг с центром  $B$ . Найдите точки круга, которые равноудалены от сторон угла  $ABC$ .



*Получили фигуру, состоящую из отрезка  $BE$ , равного радиусу окружности, и четверти круга -  $FBK$*

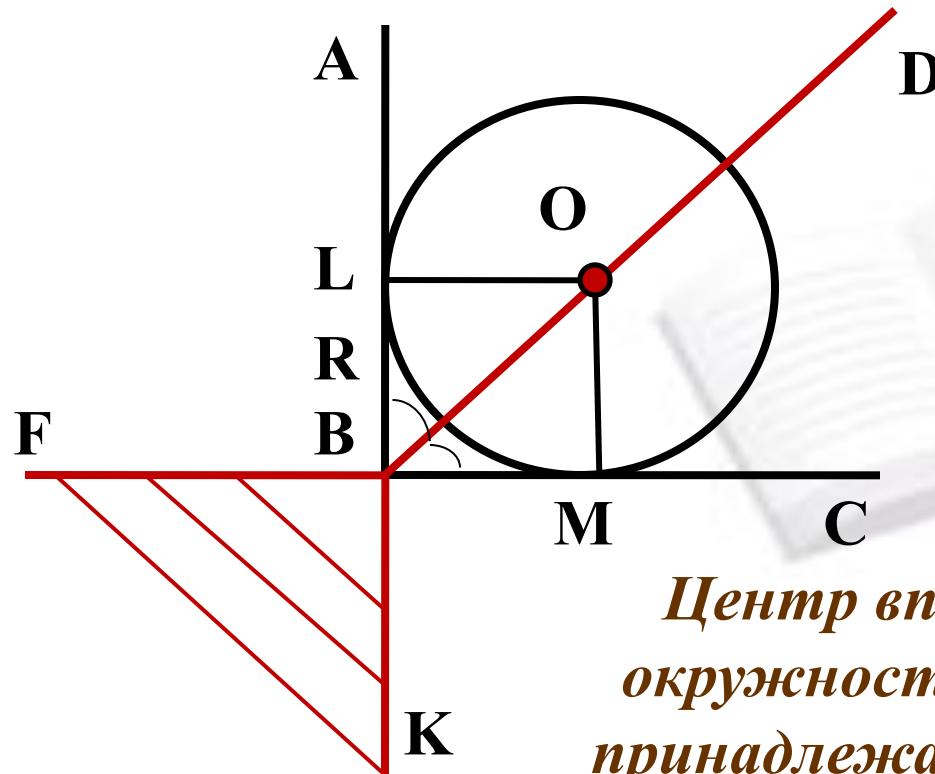


# Результаты исследования

Вписать в данный угол  $ABC$  окружность заданного радиуса  $R$ .

Рассмотреть три случая - угол  $ABC$ : а) прямой; б) острый; в) тупой.

Угол  $ABC$  – прямой.

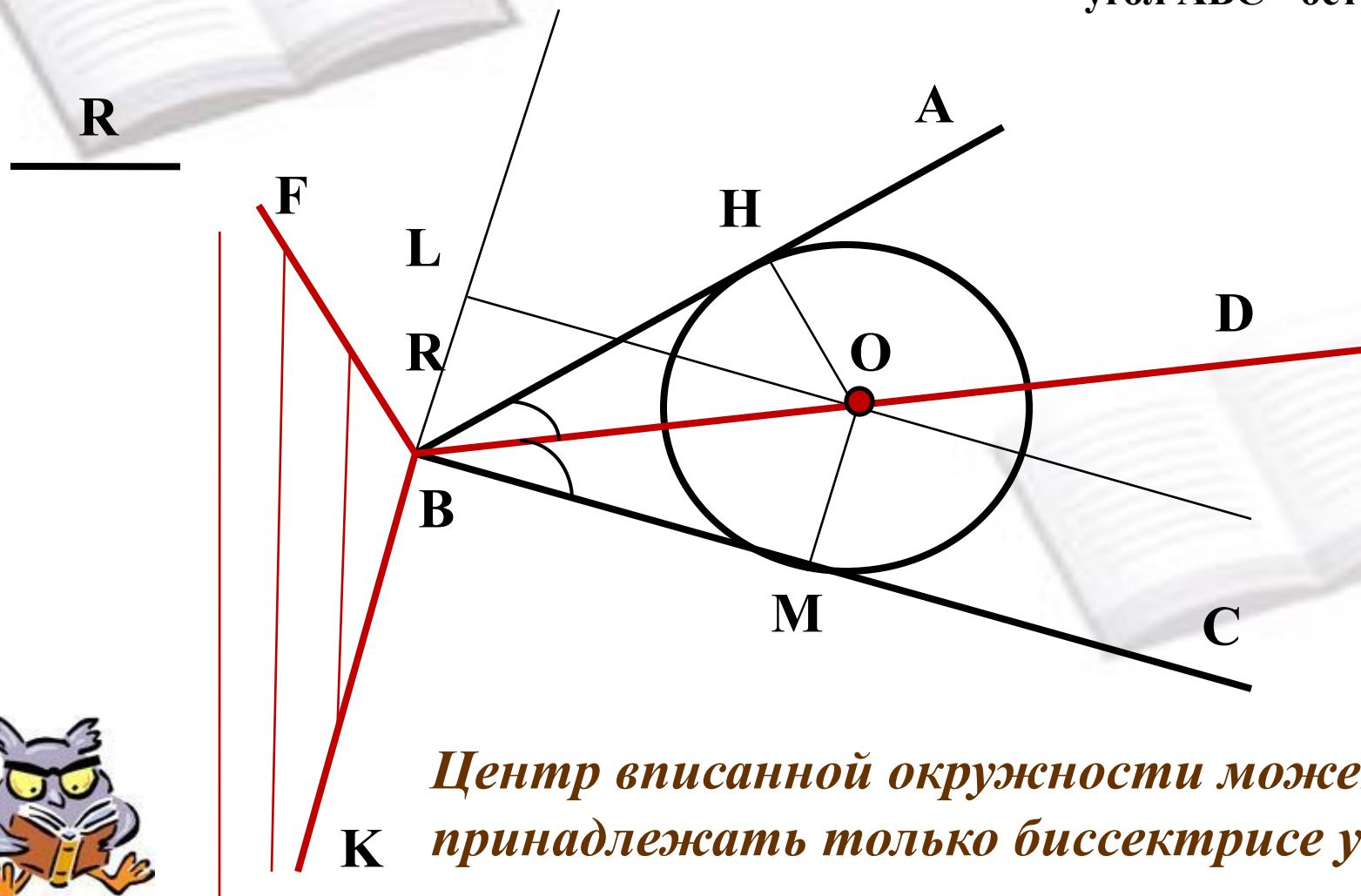


*Центр вписанной  
окружности может  
принадлежать только  
биссектрисе угла  $ABC$*



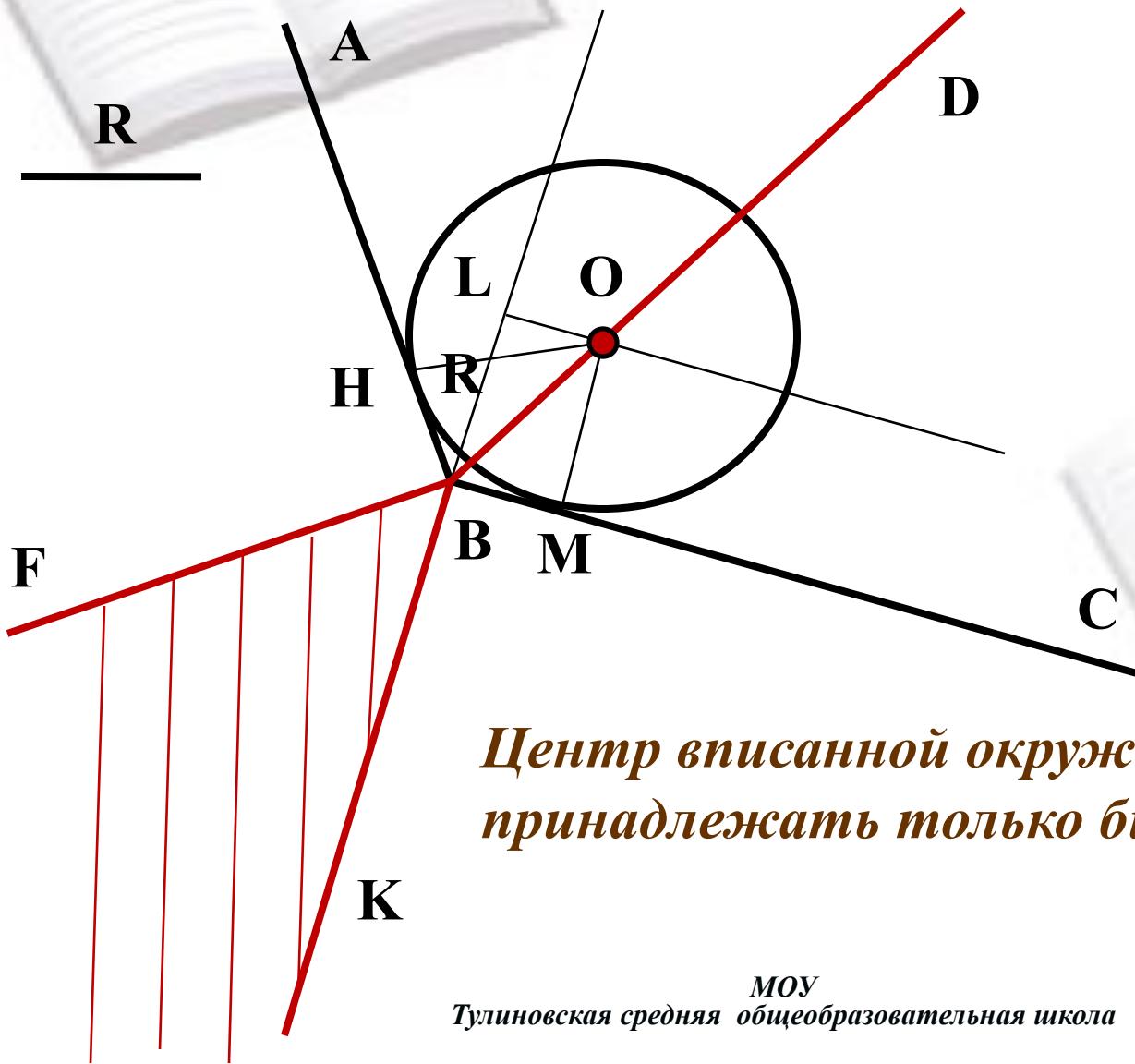
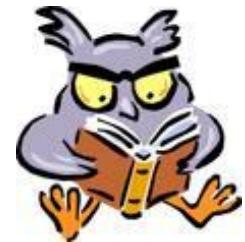
# Результаты исследования

угол ABC - острый



*Центр вписанной окружности может  
принадлежать только биссектрисе угла ABC*

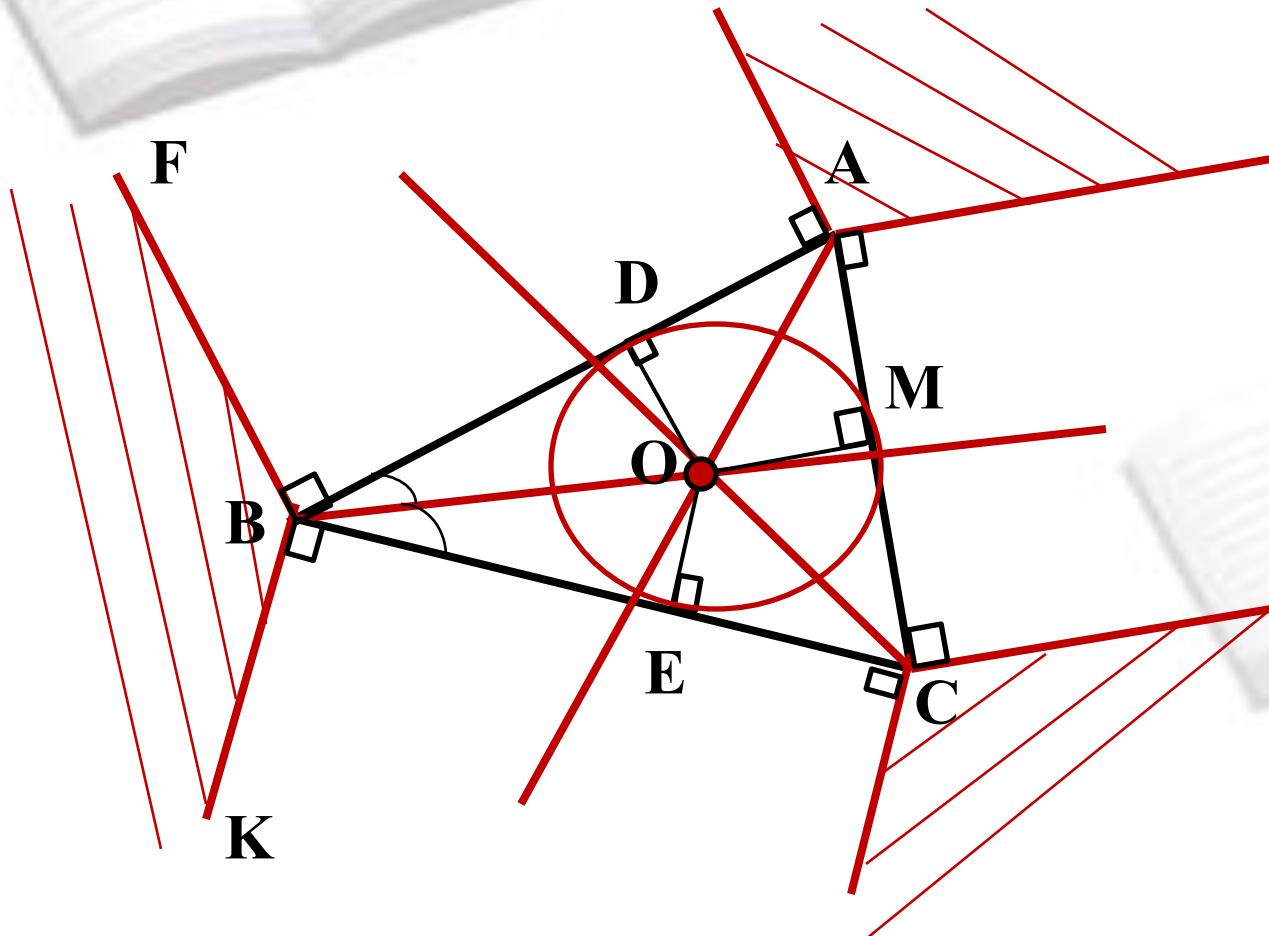
# Результаты исследования



угол  $ABC$  - тупой

*Центр вписанной окружности может принадлежать только биссектрисе угла  $ABC$*

# Результаты исследования

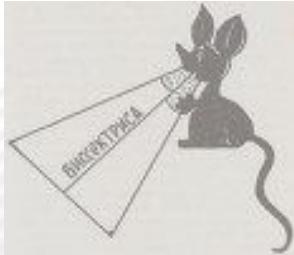


*Точка  
пересечения  
биссектрис углов  
треугольника  
равноудалена от  
сторон всех углов  
треугольника и  
одинаково  
удалена от  
сторон  
треугольника*

# Вывод

1. Существуют точки, не принадлежащие биссектрисе угла, но всё-таки равноудалённые от сторон данного угла.
2. Центр окружности, вписанной в угол, принадлежит только биссектрисе данного угла.
3. Точка пересечения биссектрис углов треугольника является единственной точкой равноудаленной от сторон всех углов треугольника и от сторон треугольника.





# Литература

треугольники

1. А. Атанасян., Геометрия 7-9.
2. Никольская И. Л., Семёнов Е.Е. Учимся рассуждать и доказывать: КН. Для учащихся 6-10 кл. –М. : Просвещение, 1989.



биссектриса

МОУ  
Тулиновская средняя общеобразовательная школа