### Таллинн<br/> Ласнамяэская гимназия

## Математика 10 класс "СВОЙСТВА АРИФМЕТИЧЕСКИХ КОРНЕЙ"

Учитель: ЖАННА ДИРМЕЙТИС



pptcloud.r

#### Определения



$$n \in N, n \neq 1$$

$$1.b = \sqrt[n]{a} \iff b^n = a$$

$$2.(\sqrt[n]{a})^n = a$$

# Корень чётной степени считают арифметическим (неотрицательным)

Арифметическим корнем называется неотрицательное значение корня из неотрицательного числа

$$\sqrt[2n]{a^{2n}} = |a|$$

#### Вынесение

$$\sqrt{ax^2} = |x| \cdot \sqrt{a}$$

$$\sqrt{a^2} = |a|$$

Вынесение

$$x\sqrt{a} = \sqrt{ax^2}, x \ge 0$$

 $u\pi u$ 

$$x\sqrt{a} = -\sqrt{ax^2}, x \le 0$$

## СВОЙСТВА АРИФМЕТИЧЕСКИХ КОРНЕЙ

$$a \ge 0$$

$$\sqrt[n]{a^m} = \sqrt[nk]{a^{mk}}$$

Величина корня не изменится, если показатель корня и показатель подкоренного выражения умножить на одно и тоже число

### СВОЙСТВА АРИФМЕТИЧЕСКИХ КОРНЕЙ

$$a,b \ge 0$$

$$\sqrt[n]{a} \cdot \sqrt[n]{b} = \sqrt[n]{ab}$$

Чтобы перемножить корни с одинаковыми показателями, достаточно перемножить подкоренные выражения и из результата извлечь тот же корень

### СВОЙСТВА АРИФМЕТИЧЕСКИХ КОРНЕЙ

$$a \ge 0$$

$$\sqrt[n]{\sqrt[n]{a}} = \sqrt[nm]{a}$$

Чтобы извлечь корень из корня, надо показатели корней перемножить, а подкоренное выражение оставить прежним

### СВОЙСТВА <u>СВОЙСТВА</u> АРИФМЕТИЧЕСКИХ КОРНЕЙ

$$a \ge 0, b > 0$$

$$\frac{\sqrt[n]{a}}{\sqrt[n]{b}} = \sqrt[n]{\frac{a}{b}}$$

Чтобы поделить корни с одинаковыми показателями, достаточно поделить подкоренные выражения и из результата извлечь тот же корень

#### СВОЙСТВА АРИФМЕТИЧЕСКИХ КОРНЕЙ

$$a \ge 0$$

$$(\sqrt[n]{a})^m = \sqrt[n]{a^m}$$

Чтобы возвести корень в степень, достаточно возвести в эту степень подкоренное выражение и из результата извлечь тот же корень

#### Пусть a>0, тогда

$$a = (\sqrt{a})^{2} = (\sqrt[3]{a})^{3} = (\sqrt[4]{a})^{4} \dots;$$

$$a - b = (\sqrt{a})^{2} - (\sqrt{b})^{2} = (\sqrt{a} - \sqrt{b})(\sqrt{a} + \sqrt{b});$$

$$a + b = (\sqrt[3]{a})^{3} + (\sqrt[3]{a})^{3} = (\sqrt[3]{a} + \sqrt[3]{b})(\sqrt[3]{a^{2}} - \sqrt[3]{ab} + \sqrt[3]{b^{2}})$$



#### РЕШЕНИЕ УРАВНЕНИЙ И НЕРАВЕНСТВ С ПОМОЩЬЮ АРИФМЕТИЧЕСКОГО КОРНЯ (ПРИМЕРЫ)

$$x^{2} = 4$$

$$|x| = 2 \Leftrightarrow \begin{bmatrix} x = 2 \\ x = -2 \end{bmatrix}$$

$$x^2 < 4 \Leftrightarrow |x| < 2 \Leftrightarrow x \in (-2;2)$$

$$(x-2)^2 \ge 9 \Leftrightarrow |x-2| \ge 3 \Rightarrow x \in (-\infty;-1) \cup (5;\infty)$$