

Проценты.

Справка.

- Проценты — одно из математических понятий, которые часто встречаются в повседневной жизни. Так, мы часто читаем или слышим, что, например, в выборах приняли участие 52,5 % избирателей, банк начисляет 12 % годовых, молоко содержит 3,2 % жира, материал содержит 60 % хлопка и т. д.
- Слово «процент» происходит от латинского слова pro centum, что буквально означает «за сотню» или «со ста». Процентами очень удобно пользоваться на практике, так как они выражают части целых чисел в одних и тех же сотых долях, Это дает возможность упрощать расчеты и легко сравнивать части между собой и с целыми.

II. Устная работа.

1. Представьте данные десятичные дроби в процентах:

0,5	0,24	0,867	0,032	1,3
0,01	154	3,2 2	0,5	0,7

2. Представьте проценты десятичными дробями:

2%	12,5%	2,67%	0,06%	32,8%
1000%	510%	0,5%	213%	0,1%

Целесообразно напомнить основные сокращенные процентные отношения и записать в тетрадь.

$$\begin{aligned} 100 \% &= 1; & 50\% &= 1/2; \\ 25 \% &= 1/4; & 12,5 \% &= 1/8; \\ 200 \% &= 2; & 10 \% &= 1/10; \\ 5 \% &= 1/20; & 1 \% &= 1/100 \end{aligned}$$

Различные обозначения:

18 %	0.18	18/100
p %	0.01 p	p/100

Если при вычислении процентов на каждом следующем шаге исходят от величины, полученной на предыдущем шаге, то говорят о начислении сложных процентов (процентов на проценты). В этом случае применяется формула сложных процентов:

$$b=a(1+0.01p)^n, \text{ где}$$

а-первоначальное значение величины;

б-новое значение величины;

р-количество процентов;

п-количество промежутков времени.

Три основных действия:

- 1. Нахождение процентов данного числа.

Чтобы найти a % от b , надо $b \cdot 0,01a$.

Пример. 30 % от 60 составляет: $60 \cdot 0,3 = 18$

- 2. Нахождение числа по его процентам.

Если известно, что, a % числа x равно b , то $x = b : 0,01a$

Пример. 3% числа x составляют 150.

$x = 150 : 0,03$;

$x = 5000$.

- 3. Нахождение процентного отношения чисел.

Чтобы найти процентное отношение чисел, надо отношение этих чисел умножить на 100 %: $a/b \cdot 100\%$

Прим е р. Сколько процентов составляет 150 от 600?

$150/600 \cdot 100\%$

Если изменение происходит на разное число процентов, то формула выглядит так:

$$b=a*(1+0.01p_1)*(1+0.01p_2)*\dots(1+0.01p_n)$$

Основные типы задач на проценты:

- Одна величина больше (меньше) другой на p %.
 - а) Если a больше b на p %, то $a = b + 0,01pb = b(1 + 0,01p)$
 - б) Если a меньше b на p %, то $a = b - 0,01pb = b(1 - 0,01p)$.
- Если a возросло на p %, то новое значение равно $a(1 + 0,01p)$.
- Если a уменьшили на p %, то новое значение равно $a(1 - 0,01p)$.
- Объединив а) и б), запишем задачу в общем виде: увеличили число a на p %, а затем полученное уменьшили на p %
 $(1 + 0,01p); a(1 + 0,01p)(1 - 0,01p) = a(1 - (0,01p)^2)$ (*)
- Замечание. Результат не изменится, если увеличение (уменьшение) следует за уменьшением (увеличением).

Справка:

- Если при вычислении процентов на каждом следующем шаге исходят от величины, полученной на предыдущем шаге, то говорят о начислении сложных процентов.

В этом случае применяется формула сложных процентов: $b = a(1 + 0.01p)^n$,

где a -первоначальное значение величины;

b -новое значение величины;

p -количество процентов;

n -количество промежутков времени.

Если изменение происходит на разное число процентов, то формула выглядит так:

$$b = a(1 + 0.01p_1)(1 + 0.01p_2) \dots (1 + 0.01p_n).$$