#### Системы счисления

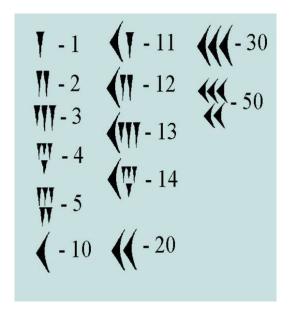


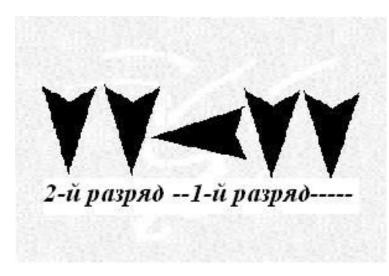
#### Основные понятия систем счисления

Что называют системой счисления? Какие виды систем счисления быван Приведите примеры систем счислен.

Системой счисления или нумерацией называется

Унарные, непозиционные и позиционные







# Основные понятия позиционных систем счисления

Что является основой любой позиционной системы счисления?

Что образуют цифры в совокупности?

Как будет называться количество цифр в алу

Размерность алфавита количество цифр в алфавите. <u>Алфавит</u> - системы счисления - совокупность всех цифр.

### Формула развернутой записи числа. Выполните задание:

| Запишите числа в развернутой записи: |                    |                       |  |
|--------------------------------------|--------------------|-----------------------|--|
| 123,56 <sub>10</sub>                 | 1242 <sub>8</sub>  | 2541 <sub>6</sub>     |  |
| 123 <sub>5</sub>                     | 1945 <sub>10</sub> | 3254,36 <sub>7</sub>  |  |
| 101101 <sub>2</sub>                  | FD2E <sub>16</sub> | 3659,85 <sub>11</sub> |  |

$$\mathbf{A}_{\mathbf{q}} = \mathbf{a_{n-1}} * \mathbf{q}^{n-1} + \ldots + \mathbf{a_1} * \mathbf{q}^1 + \mathbf{a_0} * \mathbf{q}^0 + \mathbf{a_{-1}} * \mathbf{q}^{-1} + \ldots + \mathbf{a_{-m}} * \mathbf{q}^{-m},$$



#### **Традиционная система счисления**

$$\mathbf{A}_{\mathbf{q}} = \mathbf{a_{n-1}} * \mathbf{q}^{n-1} + \ldots + \mathbf{a_1} * \mathbf{q}^1 + \mathbf{a_0} * \mathbf{q}^0 + \mathbf{a_{-1}} * \mathbf{q}^{-1} + \ldots + \mathbf{a_{-m}} * \mathbf{q}^{-m},$$

Основание системы счисления размерность алфавита Базис системы счисления - ряд целых степеней десятки

Основанием **традиционной системы счисления** может быть любое натуральное число, начиная с двух, а базис - бесконечный в обе стороны ряд целых степеней основания.



## Примеры позиционных систем и их алфавитов

| Система счисления | Основание | Алфавит цифр  |
|-------------------|-----------|---|
| Десятичная        | 10        | 0,1,2,3,4,5,6,7,8,9   |
| Двоичная          | 2         | 0,1   |
| Восьмеричная      | 8         | 0,1,2,3,4,5,6,7   |
| Шестнадцатеричная | 16        | 0,1,2,3,4,5,6,7,8,9,<br>A(10),B(11),C(12),<br>D(13),E(14),F(15) |

#### Выполним следующие задания:

**Задача №1.** Число в троичной системе счисления: 2011,1<sub>3</sub> нужно перевести в десятичную систему.

**Задача** №2. Шестнадцатеричное число 2AF,8C<sub>16</sub> перевести в десятичную систему.

**Задача** №3. Двоичное число 1010101111,100011<sub>2</sub> перевести в десятичную систему.

### Схема Горнера и перевод чисел целых чисел

Старшую цифру умножаем на основание, добавляем вторую цифру, результат умножаем на основание, добавляем третью цифру и так до тех пор, пока не прибавим последнюю цифру.

Результатом будет десятичная запись числа. Ясно, что полученное равенство будет справедливо для любых целых Р-ичных чисел, а формулу можно записать в общем виде:

 $a_n a_{n-1} a_{n-2} ... a_1 a_{0p} = (... (a_n * p + a_{n-1}) * p + a_{n-2}) * p + ...) + a_1) * p + a_0.$ 

Эта формула и является иллюстрацией схемы Горнера для перевода целых чисел в десятичную систему счисления.



#### Нетрадиционная система счисления (числа Фибоначчи).

**Алфавит фибоначчиевой системы** счисления из двух цифр 0 и 1.

Базисом этой системы является следующий ряд чисел: 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, .... Он называется рядом Фибоначчи или числами Фибоначчи.

Ряд Фибоначчи строиться следующим образом. Первые два число  $F_1=1$  и  $F_2=2$ . Каждое следующее равно сумме двух предыдущих чисел.



#### Особенность Фибоначчиевой системы.

Неоднозначность представления некоторых целых чисел:

$$3 = 11_{fib} = 100_{fib}$$
  
 $8 = 10000_{fib} = 1100_{fib} = 1011_{fib}$ 

Такое свойство системы называется избыточной.

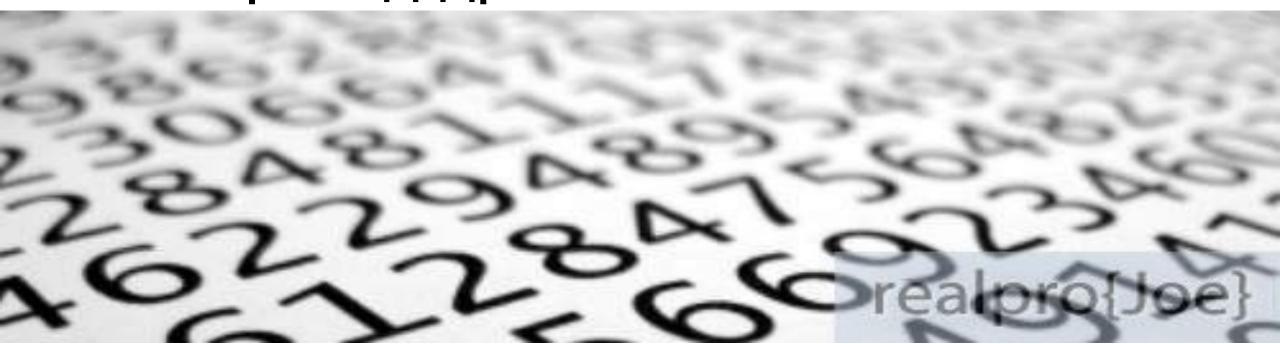
Благодаря избыточности можно обнаружить потерю данных, возникающих из-за технических сбоев.

Отсюда интерес к фибоначчиевой системе счисления со стороны конструкторов вычислительной техники.



## Перевод десятичных чисел в другие системы счисления.

- 1. Перевод целого числа
- 2. Перевод дробного числа



# Перевод целого числа (пример)

**Задача №4.** Перевести число 58<sub>10</sub> в троичную систему счисления.

**Задача №5.** Перевести число 121<sub>10</sub> в пятеричную систему счисления.

#### Перевод дробного числа

**Первая ситуация:** после некоторого числа умножений в дробной части произведения получился 0.

Задача №6. Перевести десятичную дробь 0,625 в двоичную систему счисления.



#### Перевод дробного числа

Вторая ситуация: Получение периодической дробной части. В таком случае последовательные умножения надо продолжать до выделения дробной части.

**Задача №7.** Перевести число 0,246<sub>10</sub> в пятеричную систему счисления.

