

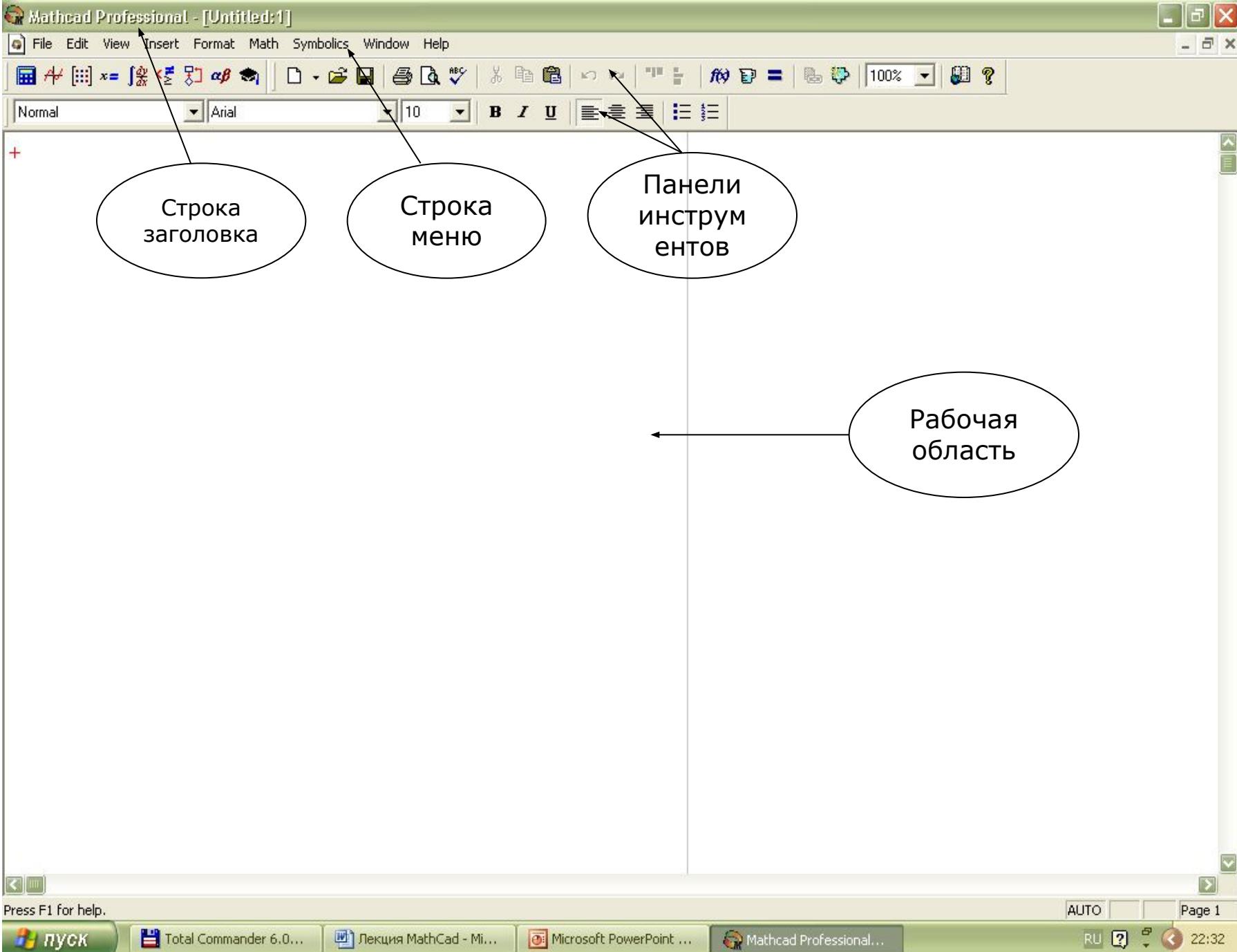
Математический редактор MathCAD

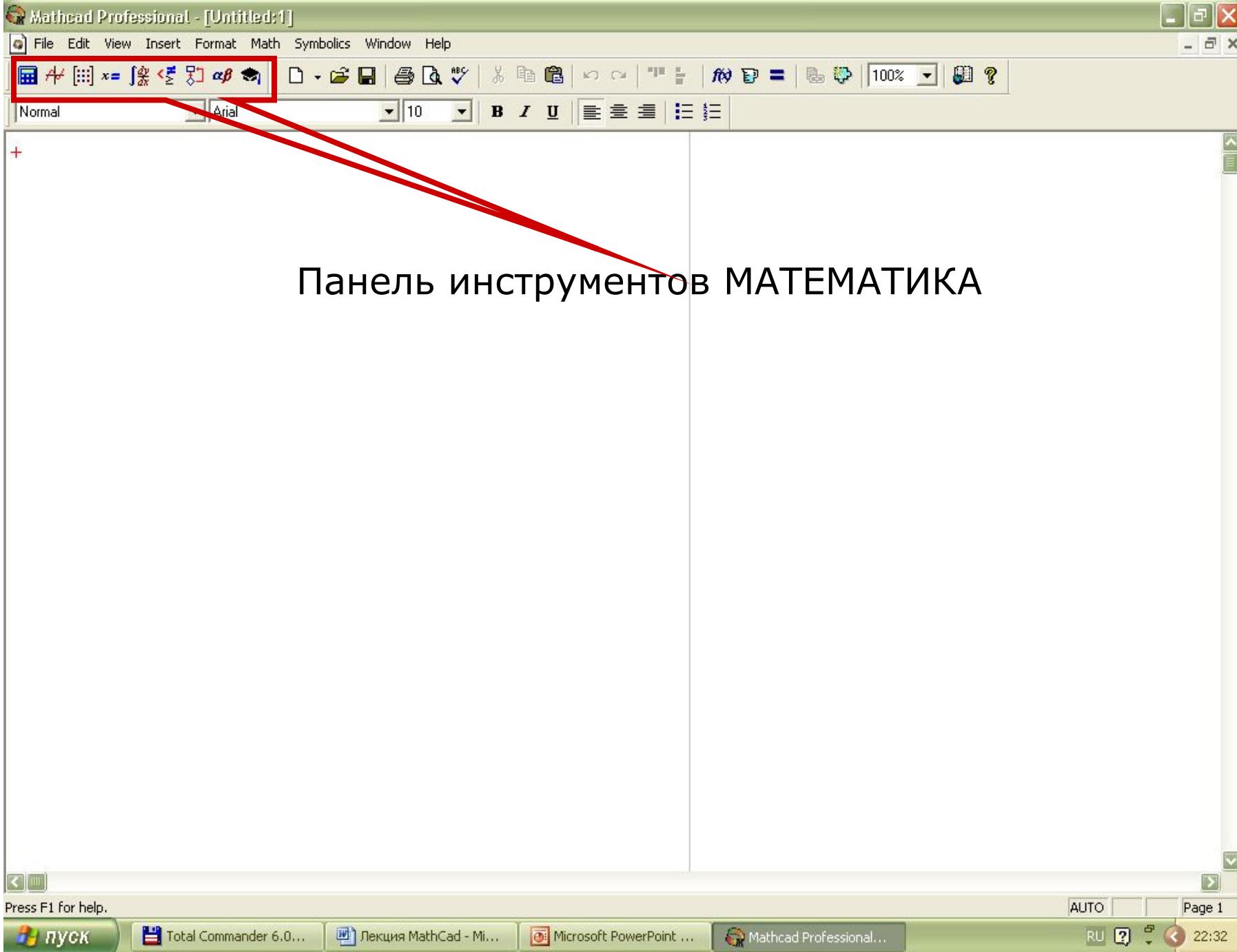
I. Назначение MathCAD.

MathCAD является математическим редактором, позволяющим проводить разнообразные научные и инженерные расчеты, начиная от элементарной арифметики и заканчивая сложными реализациями численных методов. В MathCAD достаточно просто вводить математические выражения с помощью встроенного редактора формул в виде, максимально приближенном к общепринятым, и тут же получать результат.

II. Интерфейс.

- Для запуска приложения MathCAD следует выбрать в главном меню «Пуск\ Программы\ MathSoft Apps\ MathCAD 2001 Professional». После того как MathCAD 2001 установлен на компьютере и запущен на исполнение, появляется основное окно приложения. Оно имеет ту же структуру, что и большинство приложений Windows. Его составные части:
 - верхнее меню, или строка меню (*menu bar*);
 - панели инструментов (*toolbars*) **Standard** (Стандартная) и **Formatting** (Форматирование);
 - панель инструментов **Math** (Математика) и доступные через нее дополнительные математические панели инструментов;
 - рабочая область (worksheet);
 - строка состояния (status line, или status bar);
 - всплывающие, или контекстные, меню (pop-up menus, или context menus);
 - диалоговые окна, или диалоги (dialogs).



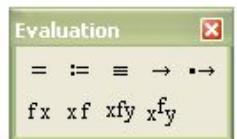
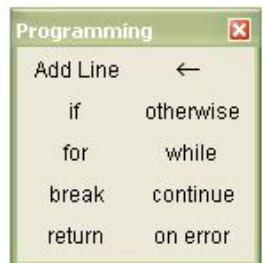


Панель **Math (Математика)** предназначена для вызова на экран еще девяти панелей:

- **Calculator** (*Калькулятор*) — служит для вставки основных математических операций, получила свое название из-за схожести набора кнопок с кнопками типичного калькулятора;
 - **Graph** (*График*) — для вставки графиков;
 - **Matrix** (*Матрица*) — для вставки матриц и матричных операторов;
 - **Evaluation** (*Выражения*) — для вставки операторов управления вычислениями;
 - **Calculus** (*Вычисления*) — для вставки операторов интегрирования, дифференцирования, суммирования;
 - **Boolean** (*Булевы операторы*) — для вставки логических (булевых) операторов;
 - **Programming** (*Программирование*) — для программирования средствами MathCAD;
 - **Greek** (*Греческие символы*) — для вставки греческих символов;
 - **Symbolic** (*Символика*) — для вставки символьных операторов.
-



Normal Arial 10 B I U



матрица

график

программирование

выражения

Boolean

= < > ≤ ≥
≠ ¬ ∧ ∨ ⊕

калькулятор

Булевые
операторы

СИМВОЛИКА

вычисления

Греческие
СИМВОЛЫ

Calculator

sin cos tan ln log n!
i $|x|$ Γ ${}^n\Gamma$ e^x $\frac{1}{x}$
() x^2 x^y π 7 8
9 / $\frac{1}{x}$ 4 5 6
 $x \div$ 1 2 3 +
:= . 0 - =

Symbolic

| | | |
|-------------------|-----------------------|-------------------|
| \rightarrow | $\bullet \rightarrow$ | Modifiers |
| float | complex | assume |
| solve | simplify | substitute |
| factor | expand | coeffs |
| collect | series | parfrac |
| fourier | laplace | ztrans |
| invfourier | invlaplace | invztrans |
| $M^T \rightarrow$ | $M^{-1} \rightarrow$ | $ M \rightarrow$ |

Greek

| | | | | | |
|----------|------------|----------|----------|---------------|----------|
| α | β | γ | δ | ε | ζ |
| η | θ | ι | κ | λ | μ |
| ν | ξ | \o | π | ρ | σ |
| τ | υ | ϕ | χ | ψ | ω |
| A | B | G | D | E | Z |
| H | Θ | I | K | L | M |
| N | Ξ | O | P | R | S |
| T | Υ | Φ | X | Ψ | Ω |



Normal Arial 10 B I U

$x := 0.2$

$$\frac{\sqrt{1 - \sin(a \cdot x)^2}}{b - p \cdot \tan(x)} = 1$$

области

$$\frac{1}{\pi} \cdot \cos\left(\frac{x}{\pi}\right)^2 - \frac{1}{2 \cdot \pi} \cdot \sin\left(\frac{x}{2\pi}\right) = 0.312$$

$$\frac{2.087 \cdot x^3 + 3.24 \sqrt[3]{x}}{1 + \sqrt{x}} = 1.321$$

$$\cos\left(\frac{\pi}{12}\right) + \frac{1}{\sin(12)} \cdot \cos\left(\frac{1}{2\pi + 4.203}\right) - \frac{1}{\pi} = -1.208$$

$$4^x = 1.32$$

+

$$4^x = 64$$

$$4^x = 64$$

Calculator

| | | | | | |
|-----|--------|---------------|-------|----------------|---------------|
| sin | cos | tan | ln | log | n! |
| i | x | Γ | π | e ^x | $\frac{1}{x}$ |
| () | x^2 | x^y | π | 7 | 8 |
| 9 | / | $\frac{1}{x}$ | 4 | 5 | 6 |
| x | \div | 1 | 2 | 3 | + |
| = | . | 0 | - | = | |

Evaluation

| | | | | |
|----|----|-----|-----------------|---|
| = | := | ≡ | → | ↔ |
| fx | xf | xfy | xf ^y | |

Greek

| | | | | | |
|---|---|---|---|---|---|
| α | β | γ | δ | ε | ζ |
| η | θ | ι | κ | λ | μ |
| ν | ξ | ο | π | ρ | σ |
| τ | υ | φ | χ | ψ | ω |
| Α | Β | Γ | Δ | Ε | Ζ |
| Η | Θ | Ι | Κ | Λ | Μ |
| Ν | Ξ | Ο | Π | Ρ | Σ |
| Τ | Υ | Φ | Χ | Ψ | Ω |

Расположение блоков в документе, кроме текстового, имеет принципиальное значение. **Они выполняются слева направо и сверху вниз!**

- Поэтому блоки не должны взаимно перекрываться.
Указанный порядок выполнения блоков означает, что, например, при построении графика функции или таблицы сначала должны выполняться блоки, задающие саму функцию и пределы изменения аргумента, а уже затем блок, вывод таблицы или построения графика функции.
-

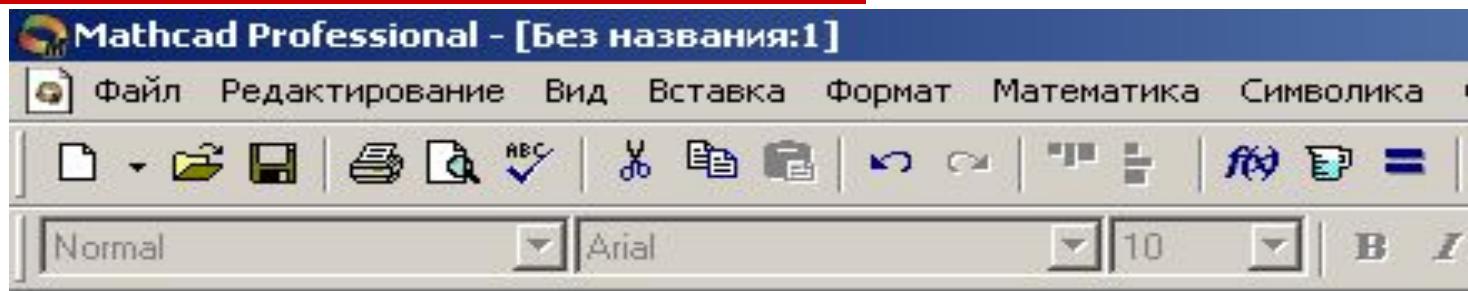
III. Выполнение простейших операций в MathCAD

а) Вычисление значений выражений.

Ввод выражения с клавиатуры:

- определите место в документе, где должно появиться выражение, щелкнув мышью в соответствующей точке документа;
 - введите левую часть выражения;
 - введите знак равенства «=».
-

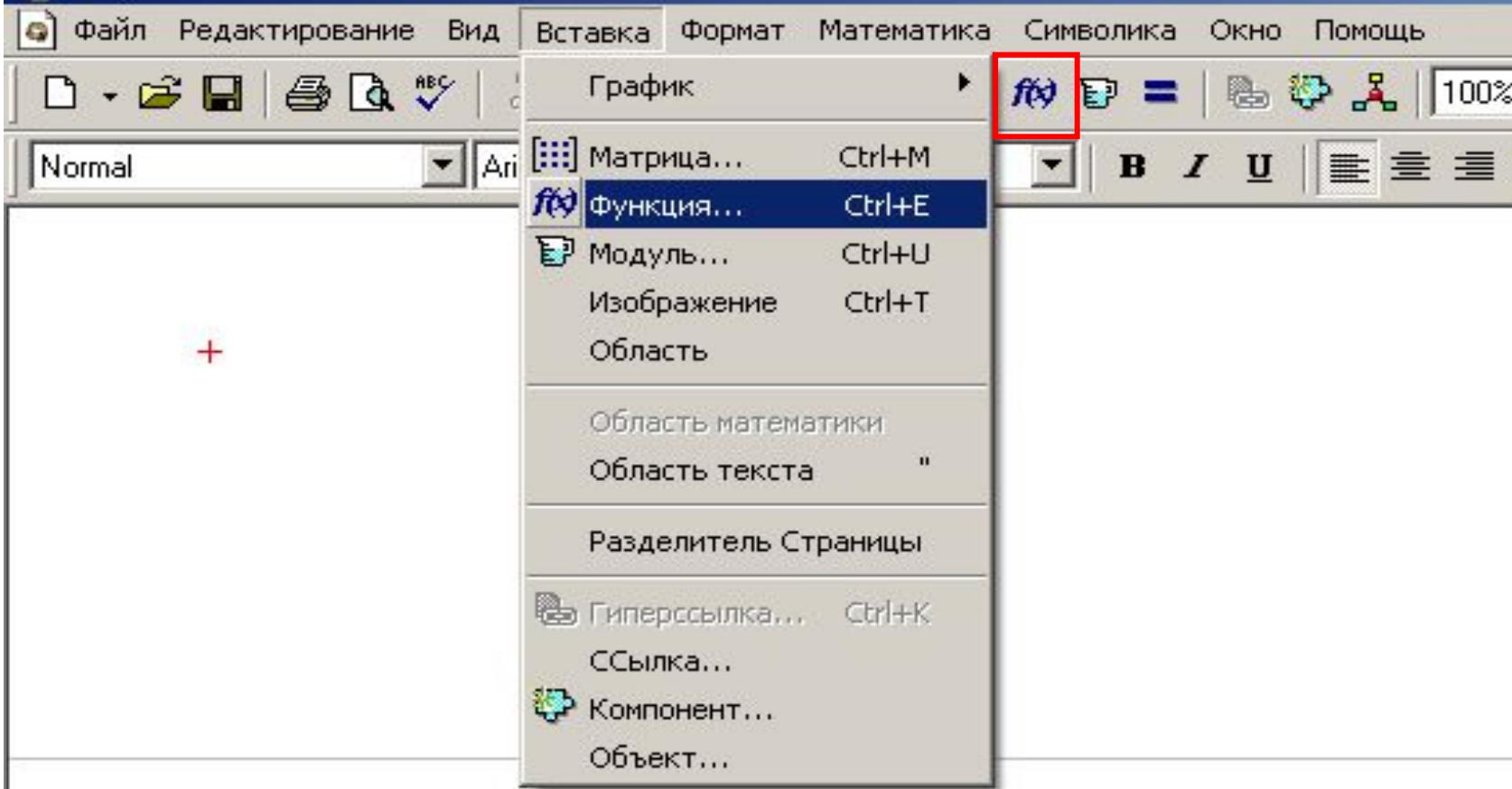
Пример 1. Расчет простого выражения



$$1) \quad \boxed{\sin\left(\frac{1}{4}\right)} = 0.247 \blacksquare$$

Ввод встроенной функции в выражение:

1. Определите место в выражении, куда следует вставить функцию.
 2. Нажмите кнопку с надписью $f(x)$ на стандартной панели инструментов.
 3. В списке ***Function Category*** (Категория функции) появившегося диалогового окна ***Insert Function*** (Вставить функцию) выберите категорию, к которой принадлежит функция, — в нашем случае это категория ***Trigonometric*** (Тригонометрические).
 4. В списке ***Function Name*** (Имя функции) выберите имя встроенной функции, под которым она фигурирует в MathCAD (\sin). В случае затруднения с выбором ориентируйтесь на подсказку, появляющуюся при выборе функции в нижнем текстовом поле диалогового окна ***Insert Function***.
 5. Нажмите кнопку **OK** — функция появится в документе.
 6. Заполните недостающие аргументы введенной функции (в нашем случае это $1/4$).
-



Вставить функцию

Категории функций:

- Solving
- Sorting
- Special
- Statistics
- String
- Trigonometric
- Truncation and Round-Off
- User defined
- Vector and Matrix

$\sin(z)$

Returns the sine of z. z must be in radians.

Название функции:

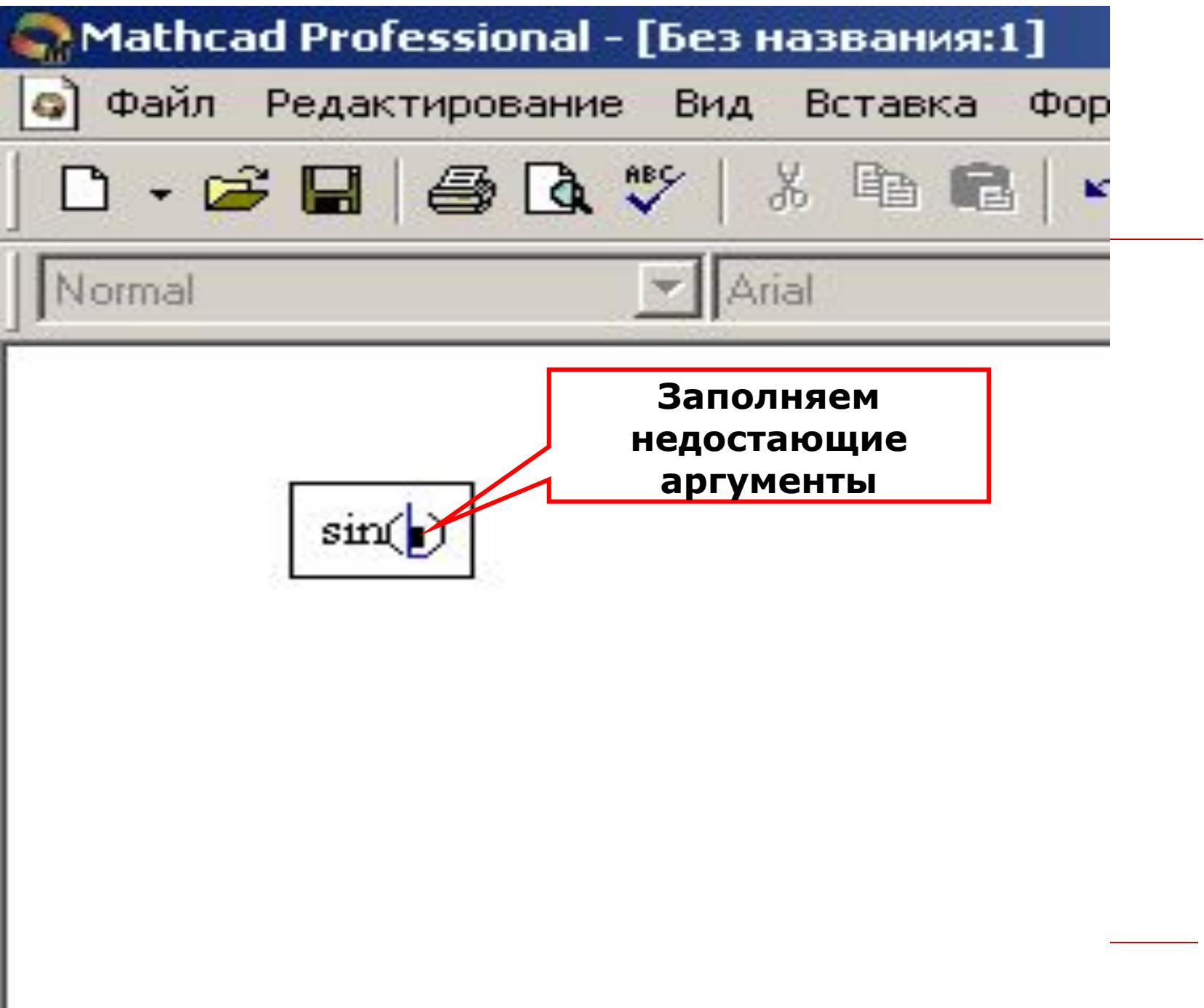
- atan
- atan2
- cos
- cot
- csc
- sec
- sin
- tan



OK

Вставить

Отмена



Заполняем
недостающие
аргументы

Оператор присваивания.

- Присваивание обозначается не знаком равенства, чтобы подчеркнуть его отличие от операции вычисления. Символ равенства говорит о вычислении значения слева направо, а символ ":=" – о присваивании значения справа налево.
-



Normal

Пример использования
переменных в расчетах

 $x := 1.2$ $y := 55$ $z := 4$

$$\frac{\left(\frac{x^2 \cdot 250}{5}\right) \cdot \ln(z \cdot \pi)}{\sqrt[5]{y}} = 408.814$$

Mathcad Professional - [Без названия:1]

Файл Редактирование Вид Вставка Формат Математика



Normal

Arial

10

$$\cdot \frac{(x^2 \cdot 250)}{\sqrt[5]{y}} \cdot \ln(z \cdot \pi) = ■$$

x := 1.2

.x := 4

.y := 55

б) Решение уравнений и неравенств с одной переменной.

- 1. Набрать уравнение (неравенство) на рабочем листе. В качестве знака равно необходимо использовать комбинацию клавиш (Ctrl)+(=).
 - 2. Выделить переменную, относительно которой решается уравнение, взяв ее в угольник ().
 - 3. В меню «Символика» выбрать команду «Переменная\Решение».
 - 4. После этого MathCAD, в зависимости от настроек символьного процессора, выдаст решение уравнения (неравенства).
-

в) Решение систем уравнений.

- С помощью функции *Isolve* (**для систем линейных уравнений**).

Пусть имеется система уравнений:

$$\begin{cases} a_1 \cdot x + b_1 \cdot y = c_1, \\ a_2 \cdot x + b_2 \cdot y = c_2. \end{cases}$$

- 1. Создать матрицу коэффициентов и вектор, содержащий правую часть системы.

$$M := \begin{pmatrix} a_1 & b_1 \\ a_2 & b_2 \end{pmatrix} \quad V := \begin{pmatrix} c_1 \\ c_2 \end{pmatrix}$$

-
- Найти вектор, который является решением системы, по следующей формуле:

$$\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} := lsolve(M, V) \quad \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} =$$

- После этого MathCAD выдаст решение системы уравнений в виде вектора.

$$\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} d \\ k \end{pmatrix}$$

где \mathbf{d} – найденное значение x , \mathbf{k} – значение y .

С помощью директив *Find* и *Given* (для систем нелинейных уравнений).

- Пусть дана система уравнений:

$$\begin{cases} x^2 + y^2 = 16, \\ x + y = 4. \end{cases}$$

- 1. Задать приближенные значения неизвестных x и y (для их определения можно построить графики обеих функций в одной системе координат или задать любые).

$$x := 1 \quad y := 1$$

2. *Given* можно интерпретировать как «Дано».

Given

$$x^2 + y^2 = 16$$

$$x + y = 4$$

3. Функция *Find*(пер.1, пер.2, ...) возвращает значения переменных, которые удовлетворяют равенствам, имеющимся в выбранном блоке. Если имеется n переменных, то выделяемый блок должен иметь n равенств.

$$X := \text{Find}(x, y) \quad X =$$

и нажать «**Enter**».

4. После этого MathCAD выдаст решение системы уравнений в виде вектора.

$$X = \begin{pmatrix} 4 \\ 0 \end{pmatrix}$$

г) Построение графиков функций на плоскости.

- 1. Определить значения абсциссы (переменной x).

$$x := -10, -9.9..10$$

- 2. Определить функцию одной переменной $f(x)$.

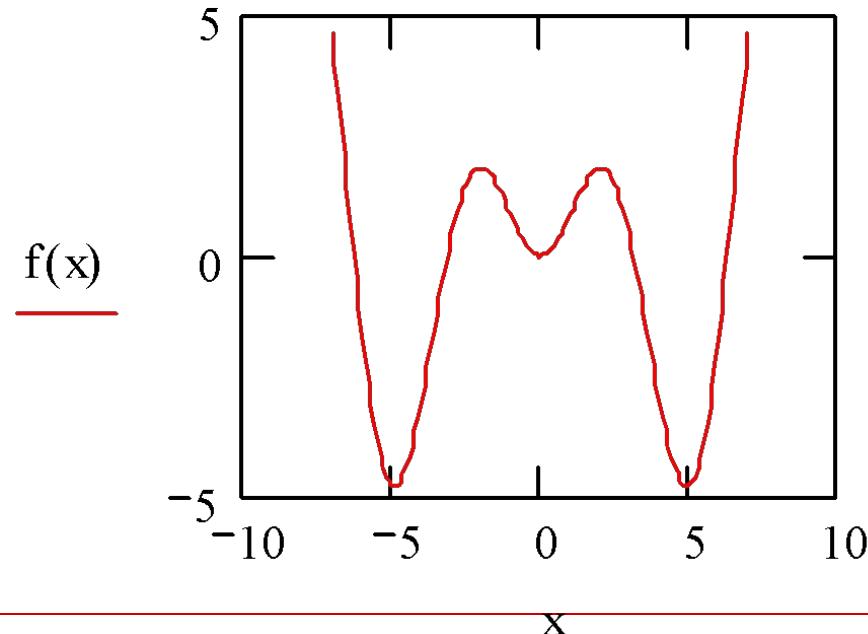
$$f(x) := \sin(x) \cdot x^3$$

- 3. Выбрать на панели меню «Вставка» команду «График \ Точка X-Y» или на панели «Math» меню «Инструменты графиков \ Декартов график».
-

4. В нижнее поле внести имя переменной x , а в поле, расположенное слева от осей, имя функции $f(x)$. Нажать «Enter».

Например: $x := -7, -6.9.. 7$

$$f(x) := x \cdot \sin(x)$$



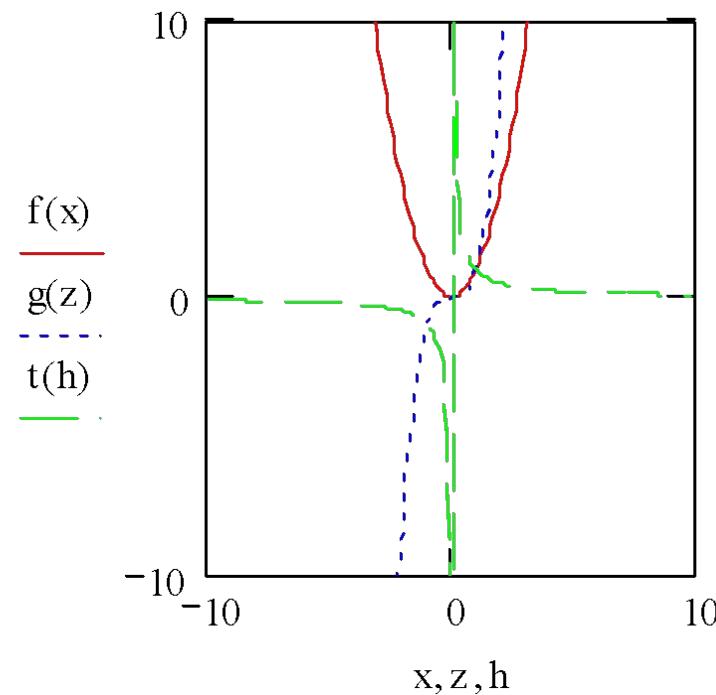
-
- При построении графиков нескольких функций в одной системе координат необходимо задать все переменные, определить все функции (обозначив их разными буквами); в окне графика внизу перечислить все переменные через запятую; слева – все функции через запятую.
-

Например:

$$x := -10, -9.9.. 10 \quad f(x) := x^2$$

$$z := -10, -9.9.. 10 \quad g(z) := z^3$$

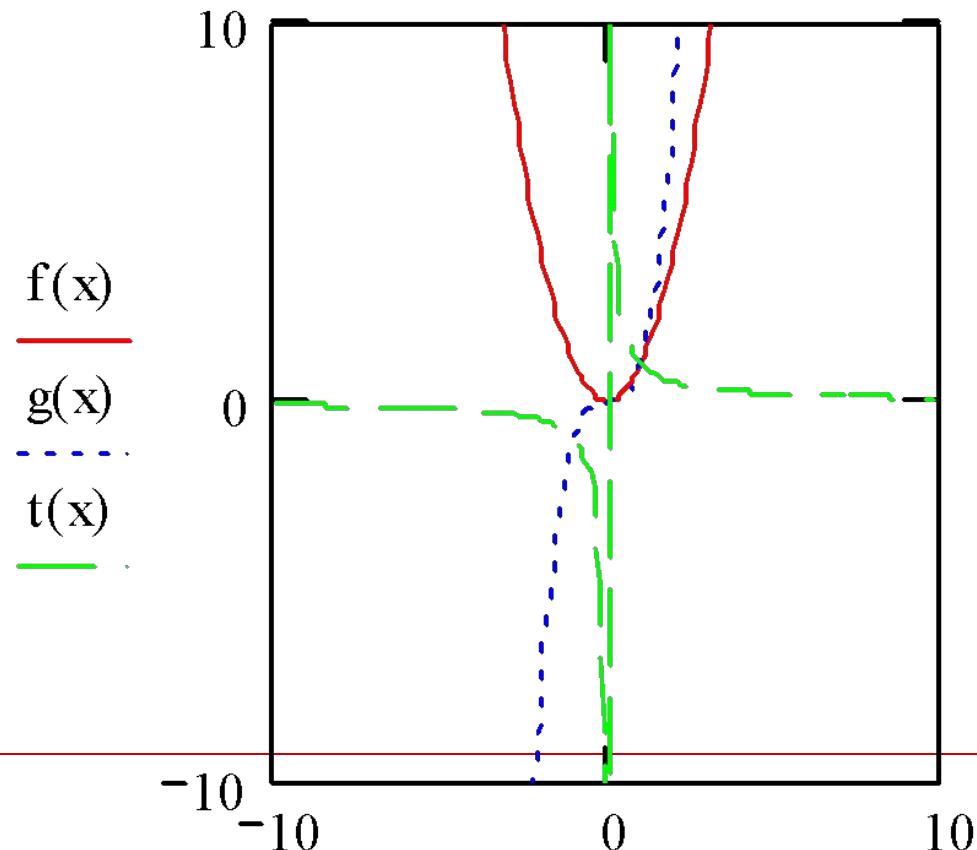
$$h := -10, -9.9.. 10 \quad t(h) := \frac{1}{h}$$



Можно также все переменные обозначить одной буквой.

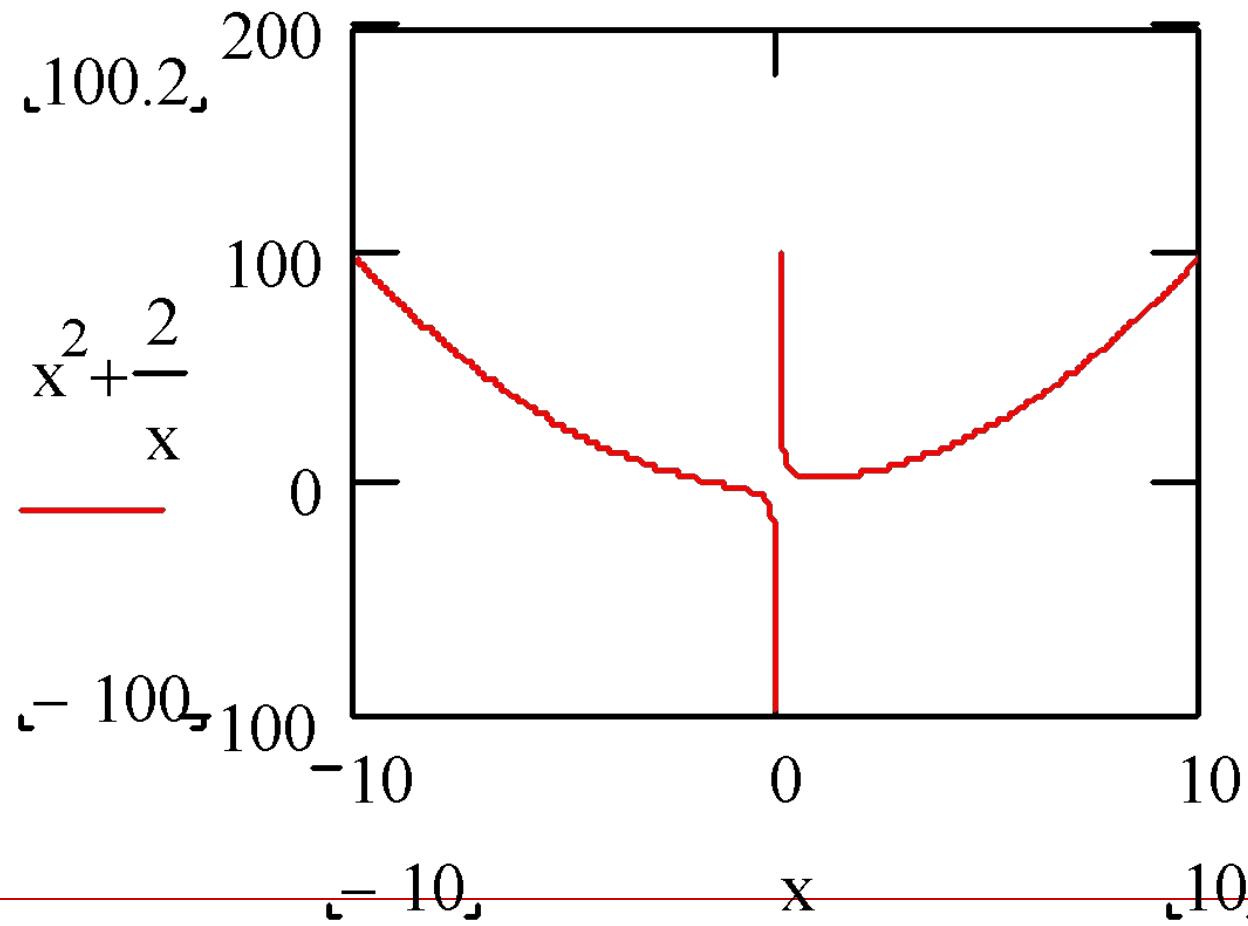
Например: $x := -10, -9.9.. 10$

$$f(x) := x^2 \quad g(x) := x^3 \quad t(x) := \frac{1}{x}$$



-
- Если значение переменной (абсциссы) не было задано ранее, то для построения графика его можно не задавать. В этом случае график будет построен на интервале $-10, -9.9..10$
 - Саму функцию можно также не задавать заранее, а записать формулу в левой части окна графика. Если же формула громоздкая или их несколько, то удобнее функции обозначать буквами.
-

Например:



д) Построение поверхности, заданной функцией.

- 1. Зададим функцию $f(x, y) := x^2 - y^2$
- 2. Определим две интервальные переменные:

$$i := 0..10 \quad j := 0..10$$

- 3. Определим две переменные с индексом

$$x_i := -5 + i$$

$$y_j := -5 + j$$

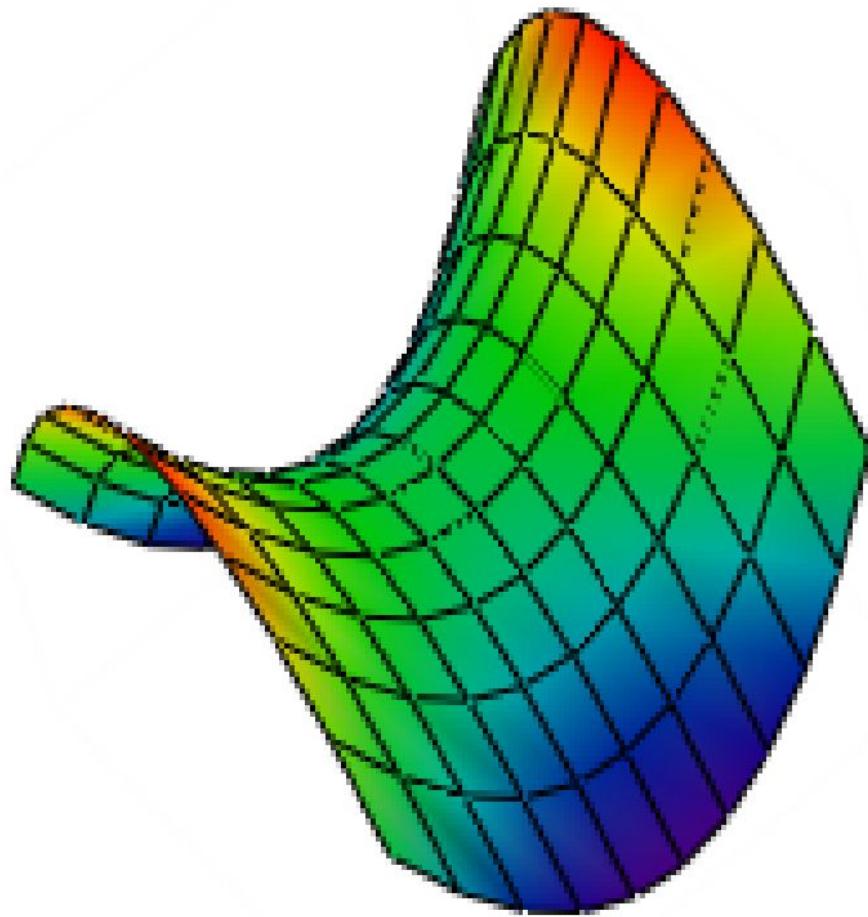
-
- 3. Определим двумерную матрицу:

$$M_{i,j} := f(x_i, y_j)$$

и построим поверхность, используя кнопку
графической палитры.



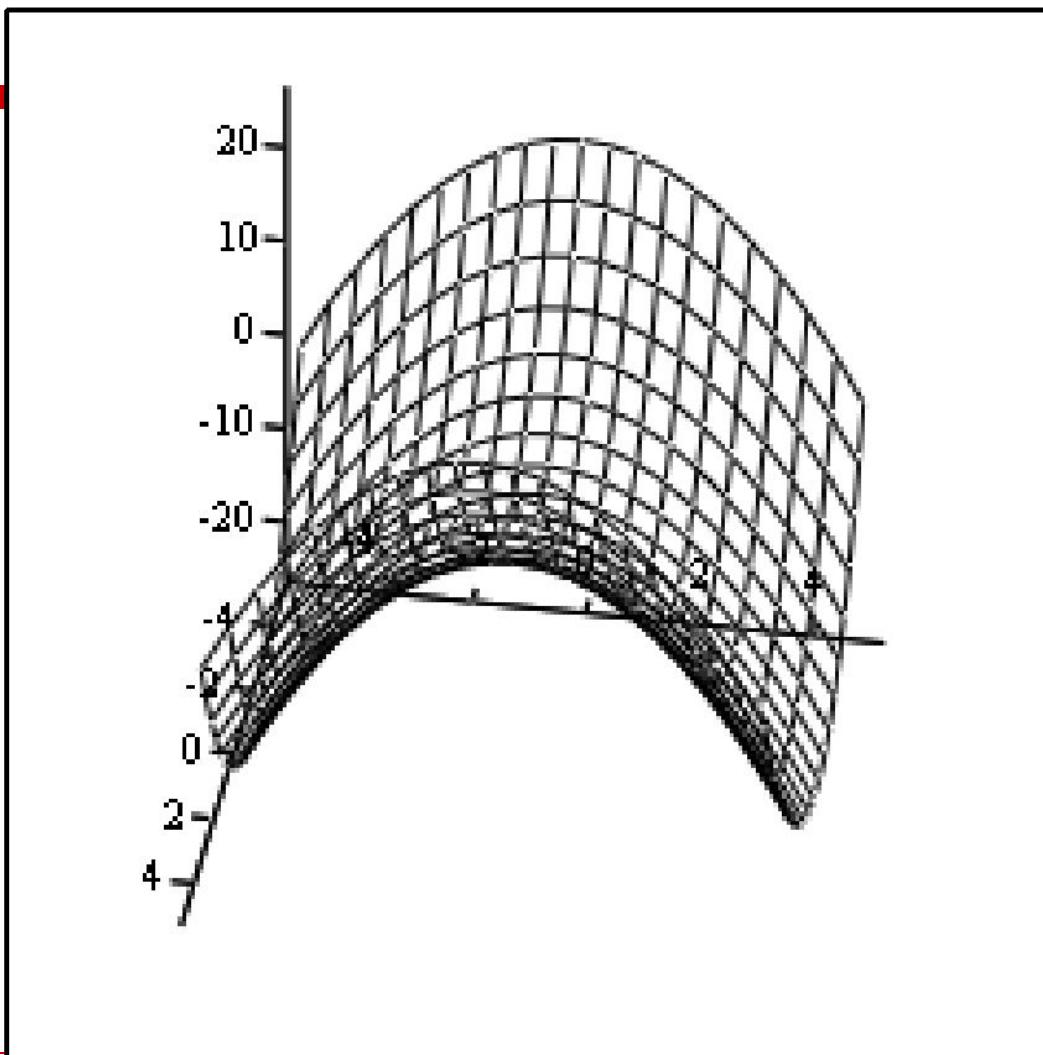
- 4. В качестве единственного аргумента графика указываем имя матрицы M.
-



 M

-
- 4. В качестве единственного аргумента графика указываем имя матрицы М.
 - Если не требуется определять конкретные значения переменных, то можно построить поверхность следующим образом:
-

$$M(x, y) := x^2 - y^2$$



M

