## Системы счисления

Система счисления — это знаковая система, в которой приняты определённые правила записи чисел. Знаки, при помощи которых записываются числа называются цифрами, а их совокупность – алфавитом системы счисления.

В любой системе счисления цифры служат для обозначения чисел, называемых узловыми; остальные числа (алгоритмические) получаются в результате каких-либо операций из узловых чисел.

#### Виды систем счисления

- •Унарные системы
- •Непозиционные системы
- •Позиционные системы

Простейшая и самая древняя система — так называемая унарная система счисления. В ней для записи любых чисел используется всего один символ – палочка, узелок, зарубка, камушек.

### Унарная — одна цифра обозначает единицу (1 день, 1 камень, 1 баран, ...)







Система счисления называется непозиционной, если количественныи эквивалент цифры в числе не зависит от её положения в записи числа.

#### Непозиционная система счисления

Непозиционной называется такая система счисления, в которой значение каждой цифры не зависит от ее положения (места, позиции) в записи числа.

#### Примеры непозиционных систем счисления:

1. Римская система счисления. Сохранилась до наших дней, в ней цифрами являются буквы латинского алфавита:

1	1
٧	5
X	10
L	50
С	100
D	500
М	1000

Система счисления называется позиционной, если количественный эквивалент цифры в числе зависит от её положения в записи числа.

- В позиционной системе счисления основными понятиями являются понятие алфавита и основания системы счисления.
- Алфавитом системы счисления называется совокупность всех цифр.
- Количество цифр, необходимых для записи числа в системе, называют **основанием** системы счисления. Основание системы записывается в справа числа в нижнем индексе: 78<sub>10</sub>, 1100010<sub>2</sub>, AF12<sub>16</sub> и т. д.
- Основание позиционной системы счисления равно количеству цифр, составляющих её алфавит.

- Количество цифр, составляющих алфавит, называется его мощностью.
- В позиционных системах счисления один и тот же числовой знак (цифра) в записи числа имеет различные значения в зависимости от того места(разряда), где он расположен. Разряд номер позиции в числе. Нумеруются справа налево, начиная с нуля.
- Пример. Число 6184<sub>10</sub> запишется в форме многочлена следующим образом:

$$6184_{10} = 6*10^{3} + 1*10^{2} + 8*10^{1} + 4*10^{0}$$

#### Виды систем счисления

В компьютерах принято использовать 4 основные системы счисления двоичную, восьмеричную, десятичную и шестнадцатеричную.

- Десятичная система счисления в настоящее время наиболее известная и используемая. Древнее изображение десятичных цифр не случайно: каждая цифра обозначает число по количеству углов в ней. Например, 0 углов нет, 1 один угол, 2 два угла и т.д. Написание десятичных цифр претерпело существенные изменения. Форма, которой мы пользуемся, установилась в XVI веке.
- Десятичная система впервые появилась в Индии примерно в VI веке новой эры. Индийская нумерация использовала девять числовых символов и нуль для обозначения пустой позиции
- Десятичная система использует десять цифр 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8 и 9, а также символы "+" и "—" для обозначения знака числа и запятую или точку для разделения целой и дробной частей числа.

В вычислительных машинах используется двоичная система счисления, её основание - число 2. Для записи чисел в этой системе используют только две цифры - 0 и 1. Двоичная система счисления была придумана математиками и философами задолго до появления компьютеров, еще в XVII - XIX веках.

Двоичная система удобна для компьютера, но неудобна для человека: числа получаются длинными и их трудно записывать и запоминать. Конечно, можно перевести число в десятичную систему и записывать в таком виде, а потом, когда понадобится перевести обратно, но все эти переводы трудоёмки. Поэтому применяются системы счисления, родственные двоичной - восьмеричная и шестнадцатеричная. Для записи чисел в этих системах требуется соответственно 8 и 16 цифр.

В 16-теричной первые 10 цифр общие, а дальше используют заглавные латинские буквы. Шестнадцатеричная цифра А соответствует десятеричному числу 10, шестнадцатеричная В – десятичному числу 11 и т. д. Использование этих систем объясняется тем, что переход к записи числа в любой из этих систем от его двоичной записи очень прост.

## Правила перевода чисел из одной системы счисления в другую

При переводе числа из двоичной (восьмеричной, шестнадцатеричной) системы в десятичную надо это число представить в виде суммы степеней основания его системы счисления.

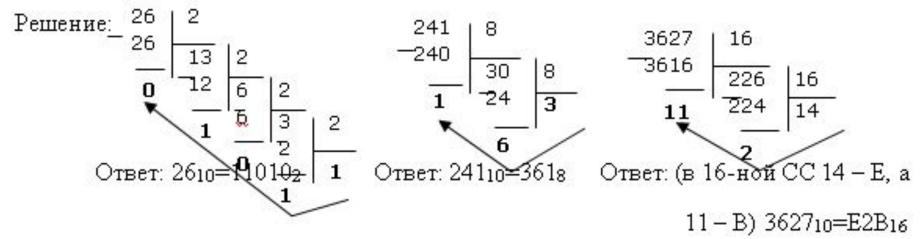
Числа  $10100110_2$ ,  $703_8$ ,  $23FA1_{16}$  перевести в десятичную систему счисления.  $10100110_2 = 1*2^7 + 0*2^6 + 1*2^5 + 0*2^4 + 0*2^3 + 1*2^2 + 1*2^1 + 0*2^0 = 128 + 32 + 4 + 2 = 166_{10}$   $703_8 = 7*8^2 + 0*8^1 + 3*8^0 = 448 + 3 = 447_{10}$   $23FA1_1 = 2*16^4 + 3*16^3 + 15*16^2 + 10*16^1 + 1*16^0 = 131_{10}$  072 + 12288 + 3840 + 160 + 1 = 147361

- 110011011<sub>2</sub>
- 10111011001<sub>2</sub>
- 101011101001<sub>2</sub>
- 10111110111101<sub>2</sub>

- 1000110110<sub>2</sub>
- 1100100111<sub>2</sub>
- 1011110001011<sub>2</sub>
- 1001110100011101<sub>2</sub>

# Правило перевода из десятичной системы счисления в систему с основанием q:

- Последовательно выполнять деление исходного числа и получаемых частных на q до тех пор, пока не получим частное, меньшее делителя.
- Полученные при таком делении остатки цифры числа в системе счисления q записать в обратном порядке (снизу вверх).



Чтобы перевести число из двоичной системы в восьмеричную (шестнадцатеричную), его нужно разбить на триады (тетрады), начиная с младшего разряда (справа налево), в случае необходимости дополнив старшую триаду (тетраду) нулями, и каждую триаду (тетраду) заменить соответствующей восьмеричной (шестнадцатеричной) цифрой.

Число 10010110111<sub>2</sub> перевести в восьмеричную и в шестнадцатеричную системы счисления.

010 010 110 111<sub>2</sub>=2267<sub>8</sub> 0100 1011 0111<sub>2</sub>=4B7<sub>16</sub> Для перевода восьмеричного (шестнадцатеричного) числа в двоичное необходимо каждую цифру заменить эквивалентной ей двоичной триадой (тетрадой).

Числа  $726_8$  и  $74C_{16}$  перевести в двоичную систему счисления.

 $726_8$ = 111 010 110 $_2$  $74C_{16}$  = <u>0</u>111 0100 1100 $_2$  (при записи числа первый 0 не пишется) При переходе из восьмеричной системы счисления в шестнадцатеричную и обратно, необходим промежуточный перевод чисел в двоичную систему.

Число  $FAE_{16}$  перевести в восьмеричную систему счисления.

Число  $635_8$  перевести в шестнадцатеричную систему счисления.