

Смежные и вертикальные углы

Геометрия 7 класс

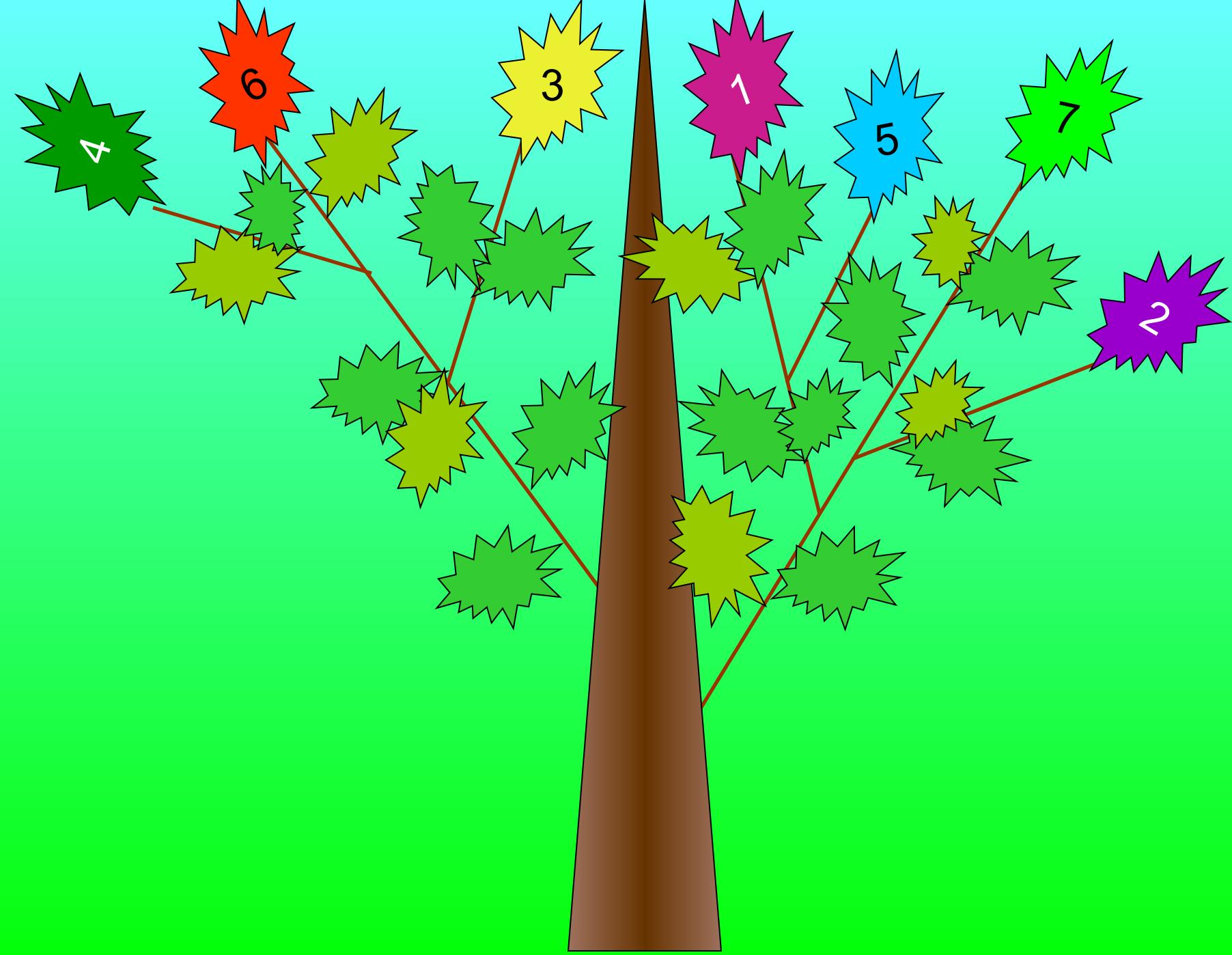
Чернова Галина
Петровна

Цель: ввести понятие смежных и вертикальных углов, рассмотреть их свойства

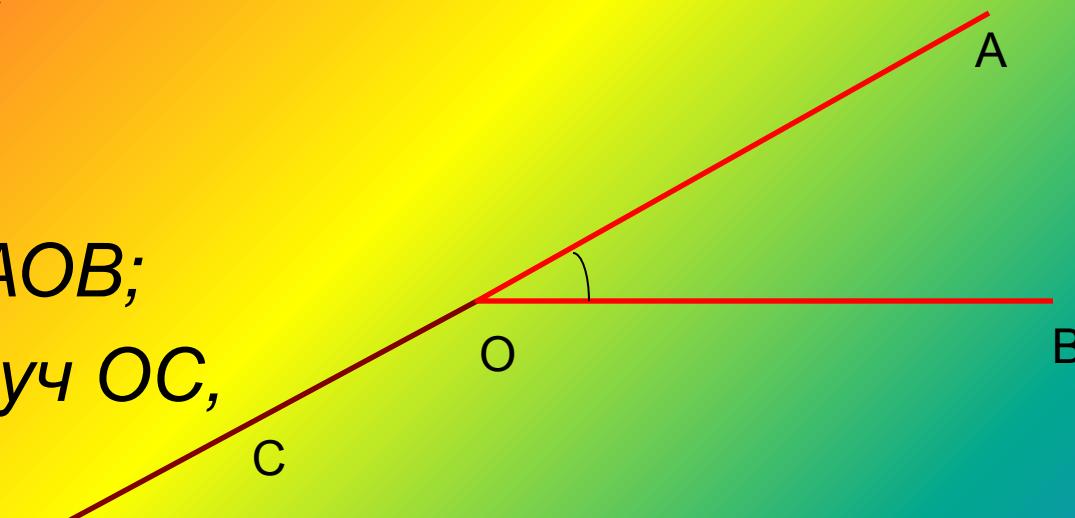
Повторение: дерево знаний

- 1. Что такое луч? Как он обозначается?
- 2. Какая фигура называется углом?
- 3. Какой угол называется развернутым?
- 4. Как сравнить два угла?
- 5. Какой луч называется биссектрисой угла?
- 6. Что такое градусная мера угла?
- 7. Какой угол называется острым? Прямыми? Тупым?



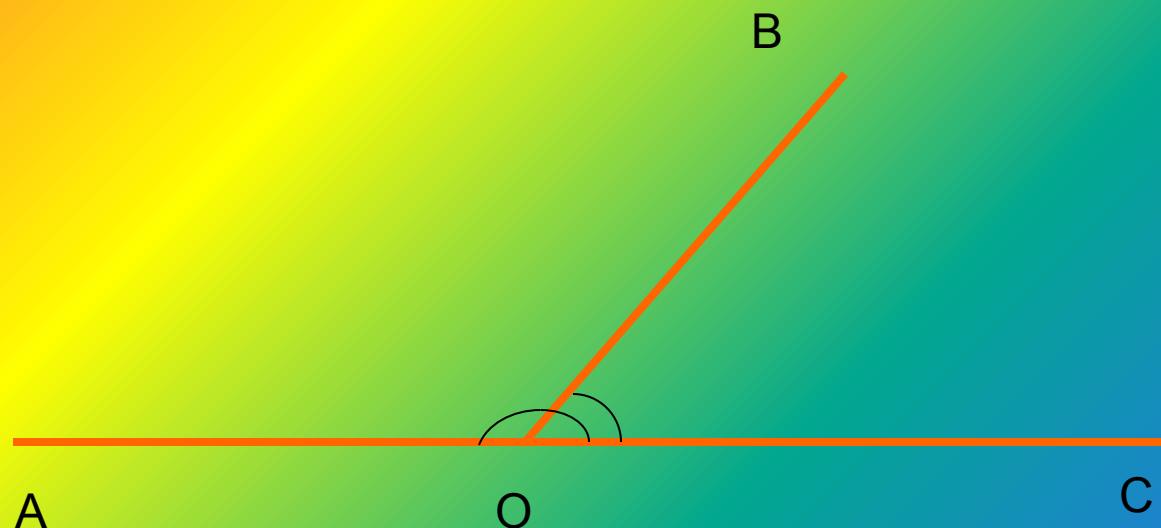


СМЕЖНЫЕ УГЛЫ

- Практическое задание:
 - 1. Построить острый угол AOB ;
 - 2. Провести луч OC , являющийся продолжением луча OA .
- 
- $\angle AOB$ и $\angle BOC$ – смежные углы

Определение:

- Два угла, у которых одна сторона общая и две другие являются продолжением одна другой называются смежными углами.



Свойство смежных углов

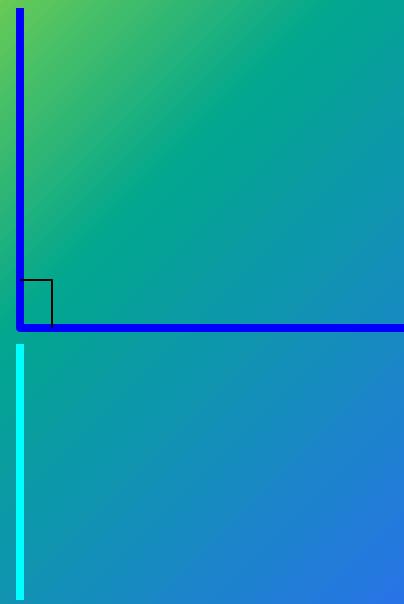
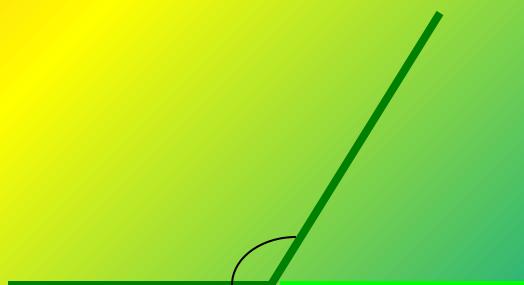
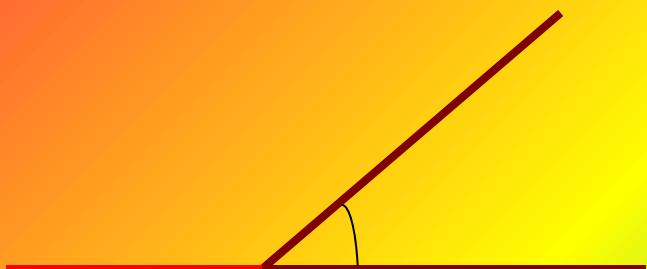
- 1. Какой угол АOB?
- 2. Чему равна градусная мера угла?
- 3. На какие углы делит луч OB этот угол?
- 4. Чему равна сумма этих углов?
- 1. $\angle AOC$ - развернутый
- 2. 180°
- 3. $\angle AOB$ и $\angle BOC$
- 4. 180°

ВЫВОД:

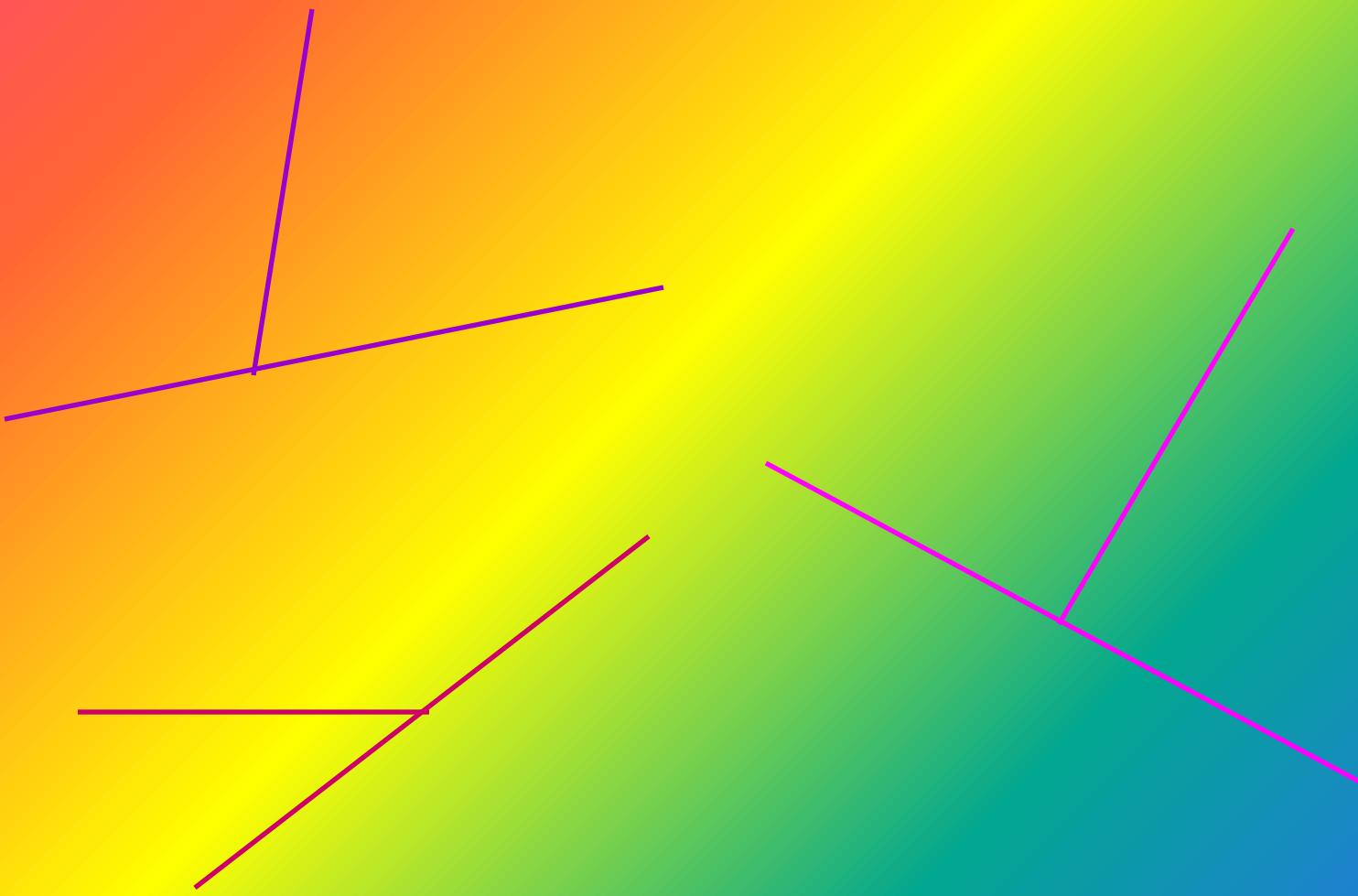
- $\angle \text{AOB} + \angle \text{BOC} = 180^\circ$
- Сумма смежных углов равна 180°

Упражнения для закрепления

- 1. Начертите три угла: острый, прямой, тупой. Для каждого из этих углов начертите смежный угол.
- Решение:

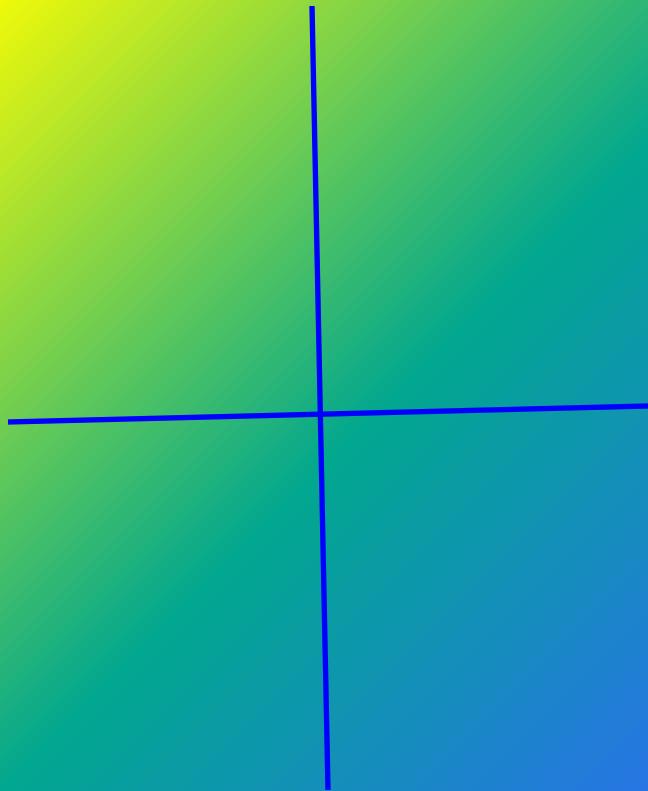
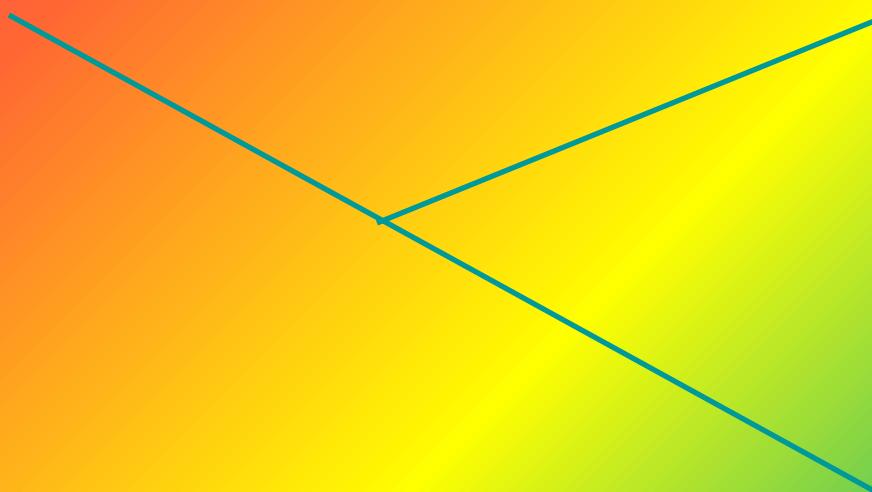


2. Один из смежных углов прямой. Каким (острым, прямым, тупым) является другой угол?



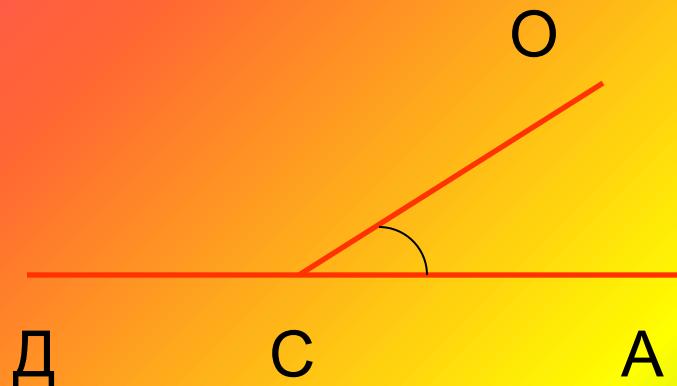
3. Верно ли утверждение: если смежные углы равны, то они прямые?

- Рассуждай:

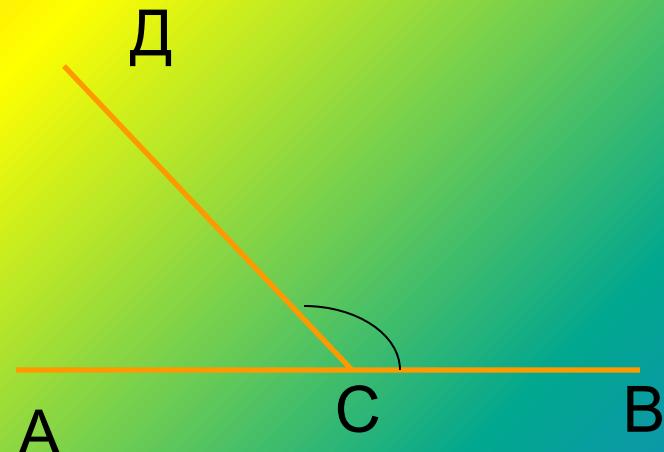


4. Найдите угол, смежный с углом, если:

- а) $\angle ACO = 15^\circ$

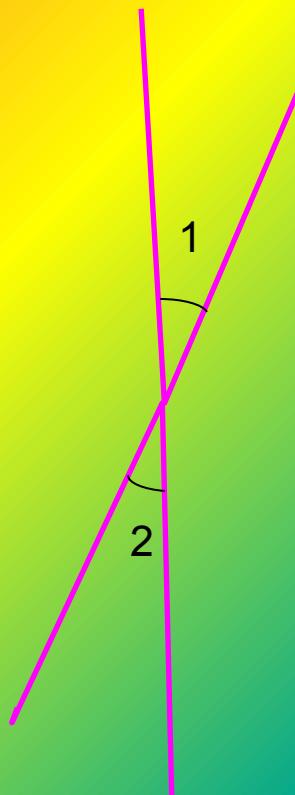


- в) $\angle DCB = 111^\circ$



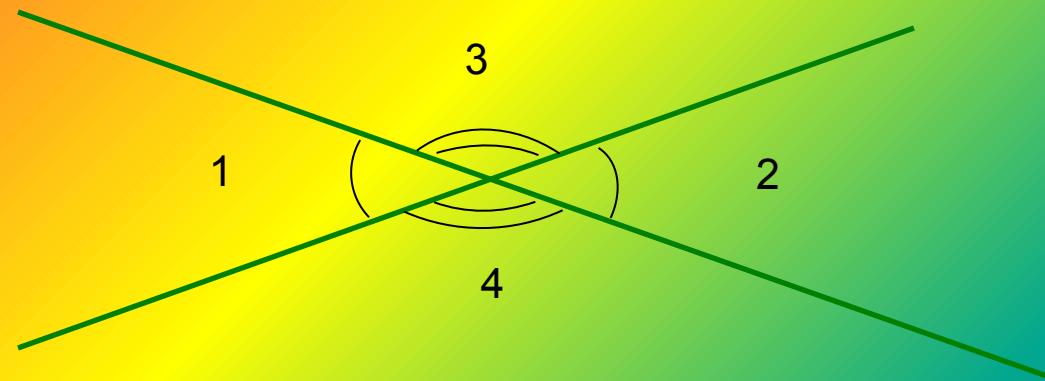
ВЕРТИКАЛЬНЫЕ УГЛЫ

- Практическое задание:
- 1. построим острый угол;
- 2. выделим его дугой и обозначим цифрой 1;
- 3. построим продолжение сторон угла 1;
- 4. отметим дугой угол, стороны которого являются продолжением сторон угла 1 и обозначим его цифрой 2



Определение

- Два угла называются вертикальными, если стороны одного угла являются продолжением сторон другого.



$\angle 1$ и $\angle 2$ – вертикальные углы

Свойство вертикальных углов

Дано: $\angle 1 = 35^\circ$

Найти: $\angle 3, \angle 4$

Решение:

$\angle 1, \angle 3$ -смежные

$$\angle 3 = 180^\circ - 35^\circ = 145^\circ$$

$\angle 1, \angle 4$ -смежные

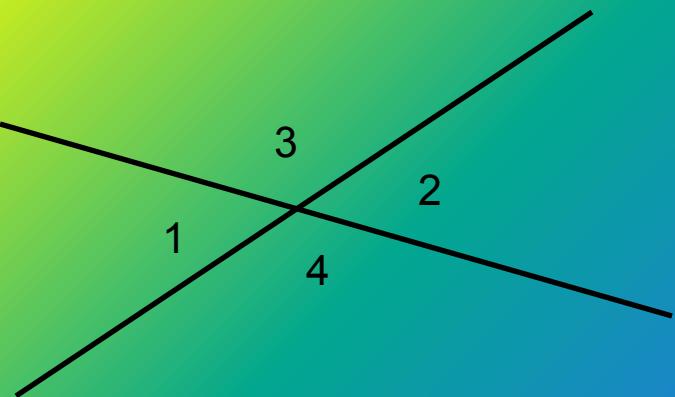
$$\angle 4 = 180^\circ - 35^\circ = 145^\circ$$

$\angle 3 = \angle 4 = 145^\circ$, но

$\angle 3$ и $\angle 4$ -вертикальные

• Вывод:

Вертикальные углы равны.



Упражнения для закрепления

- 1. При пересечении двух прямых a и b сумма каких-то углов равна 60° . Какие это углы?
- Ответ: вертикальные углы, т.к. сумма смежных углов равна 180° .
- 2. При пересечении двух прямых a и b разность каких-то углов равна 30° . Какие это углы?
- Ответ: смежные, т.к. разность вертикальных углов равна 0°

№64(1)

Дано: $\angle 2 = 117^\circ$

Найти: $\angle 1, \angle 3, \angle 4$.

Решение:

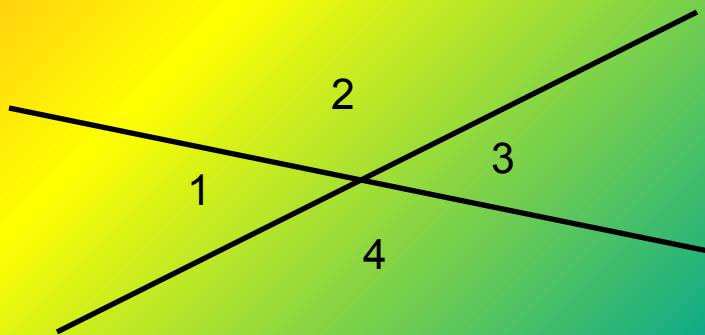
$$\angle 1 = 180^\circ - \angle 2 = 180^\circ - 117^\circ =$$

$= 63^\circ$ - св-во смеж. углов

$\angle 3 = \angle 1 = 63^\circ$ - вертикальн.

$\angle 4 = \angle 2 = 117^\circ$ - вертикал.

Ответ: $63^\circ; 63^\circ; 117^\circ$.



•Итог урока:

- Домашнее задание:
вопросы 17-18,
стр. 21-22
(доказательство
записать в
тетрадь),
№54, №56, ;№66.

*Определение
смежных и
вертикальных
углов и их
свойств:*

- 1) Если углы
смежные, то их
сумма равна 180° .
- 2) Если углы
вертикальные, то
они равны.