

КАСАТЕЛЬНАЯ К ОКРУЖНОСТИ



Взаимное расположение прямой и окружности

□ *Возможны три случая*

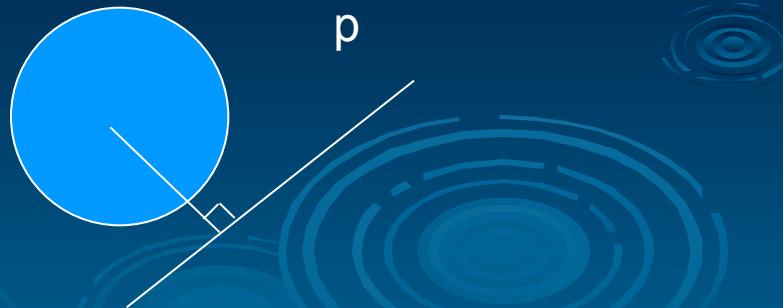
1. Имеют две общие точки ($d < r$)



2. Имеют одну общую точку ($d = r$)



3. Не имеют общих точек ($d > r$)



r – радиус окружности, d – расстояние от центра окружности до прямой с

Прямая и окружность имеют две общие точки

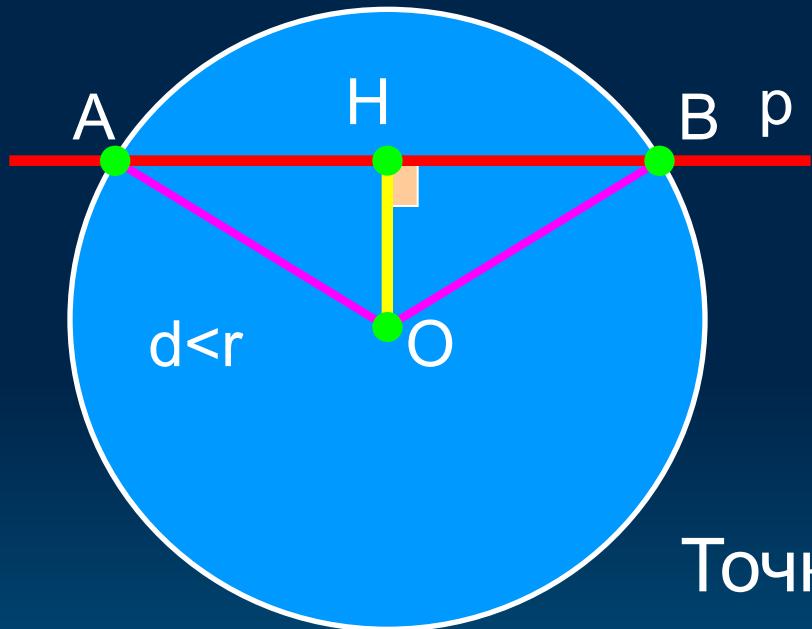
$$d < r$$

$$OA = \sqrt{OH^2 + HA^2} =$$

$$= \sqrt{d^2 + (r^2 - d^2)} = r$$

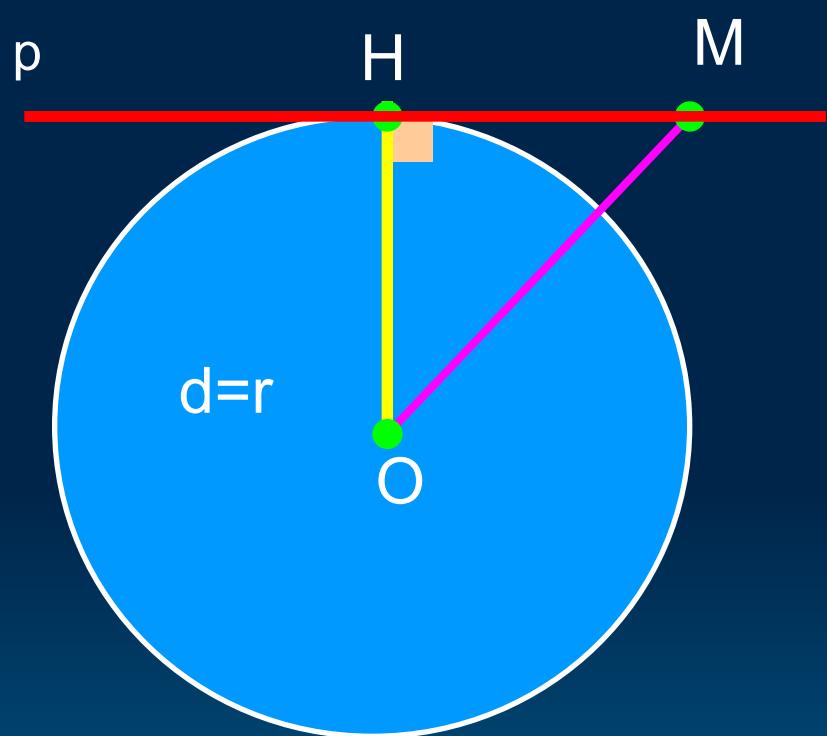
$$OB = \sqrt{OH^2 + HB^2} =$$

$$= \sqrt{d^2 + (r^2 - d^2)} = r$$



Точки А и В лежат на окружности, являются общими точками прямой р и окружности

Прямая и окружность имеют одну общую точку

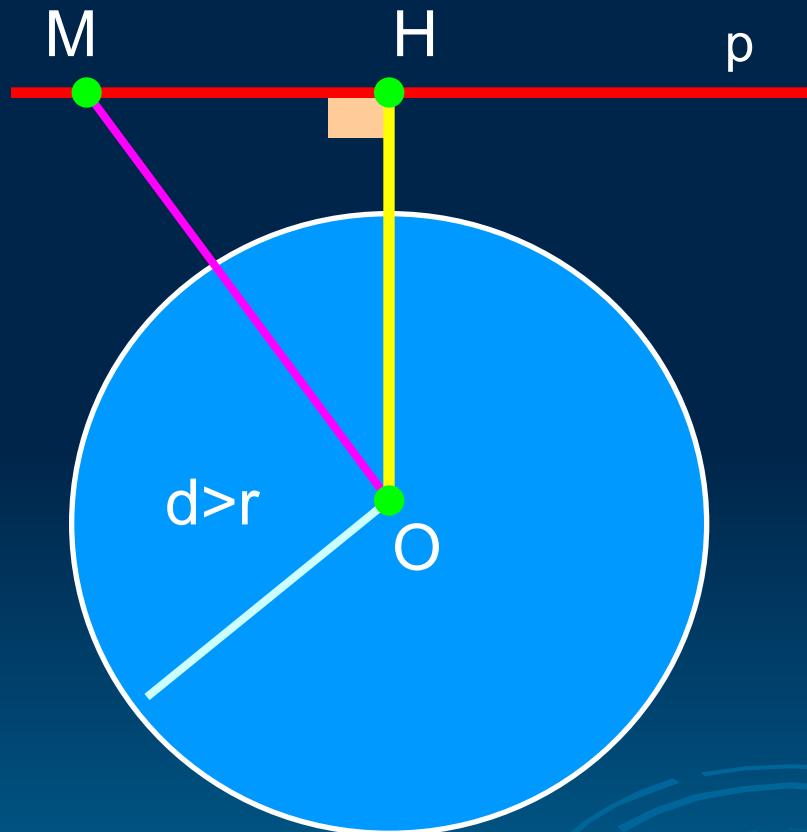


$$d=r$$

$$OH=r$$

Точка Н лежит на окружности и является общей точкой прямой и окружности

Прямая и окружность не имеют общих точек



$$d > r$$

$$OH > r, \quad OM \geq OH > r$$

Прямая и
окружность не
имеют общих точек

КАСАТЕЛЬНАЯ К ОКРУЖНОСТИ

Определение. Прямая, имеющая с окружностью только одну общую точку, называется касательной к окружности.



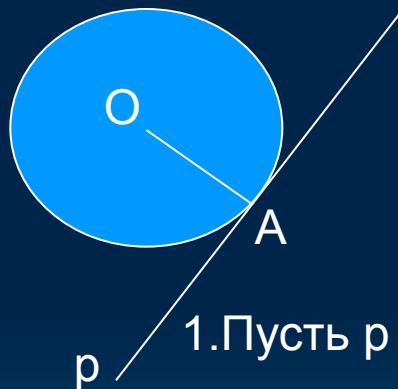
На рисунке точки А, В, С лежат на одной прямой.



ТЕОРЕМА

(О свойстве касательной)

Касательная к окружности перпендикулярна радиусу, проведенному в точку касания



Дано: окр($O, r=OA$), p – касательная к окружности, A – точка касания.

Доказать: $p \perp OA$

Доказательство:

1. Пусть $p \not\perp OA$, тогда OA – наклонная к прямой p .

2. Так как перпендикуляр, проведенный из точки O к прямой p , меньше наклонной OA , то расстояние от центра O окружности до прямой p меньше радиуса.

3. Из п. 1 и 2 следует прямая и окружность имеют две общие точки, что противоречит условию (прямая p – касательная).

Поэтому $p \perp OA$.

Теорема доказана.

Проверь себя!

- Каким может быть взаимное расположение прямой и окружности?
- Как называется прямая, которая имеет с окружностью две общих точки?
- Какая прямая называется касательной к окружности?
- Какая точка называется точкой касания прямой и окружности?
- Сформулируйте теорему о свойстве касательной (к следующему уроку попробуй выучить доказательство).

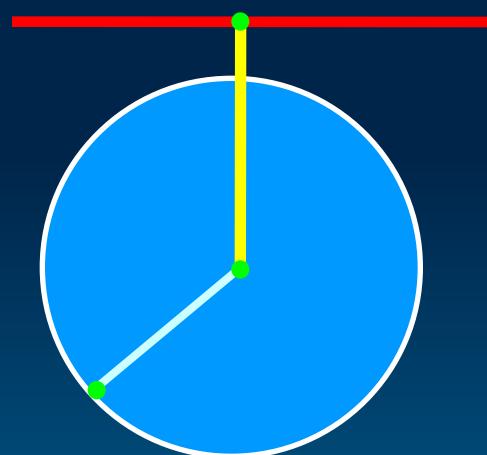
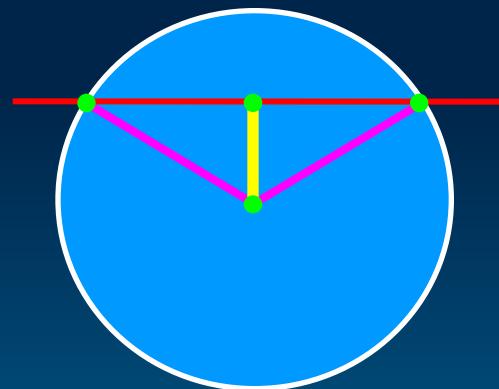
Предлагаем ответить на вопросы теста по изученной теме

- 1) На рисунке прямая по отношению к окружности
- 
- A секущая А секущая B А
Б касательная С нет правильного ответа

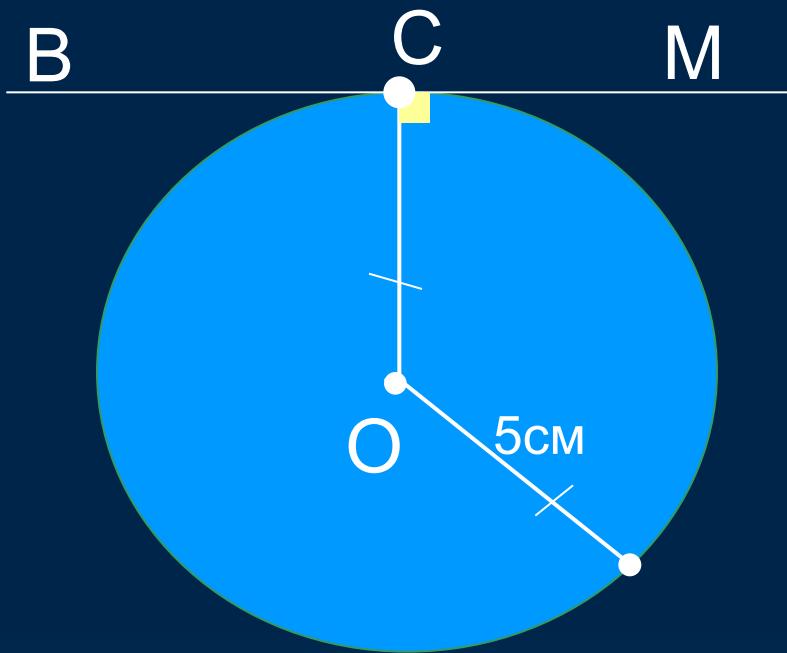
- 2) Прямая – касательная по отношению к окружности.
Она образует с радиусом, проведенным в точку касания угол
- 
- A А острый B А острый
Б прямой С тупой

№ 631

- а) $d < r$, прямая и окружность имеют две общие точки,
- б) $d > r$, прямая и окружность не имеют общих точек,
- д) $d = r$, прямая и окружность имеют одну общую точку



Решите задачу.

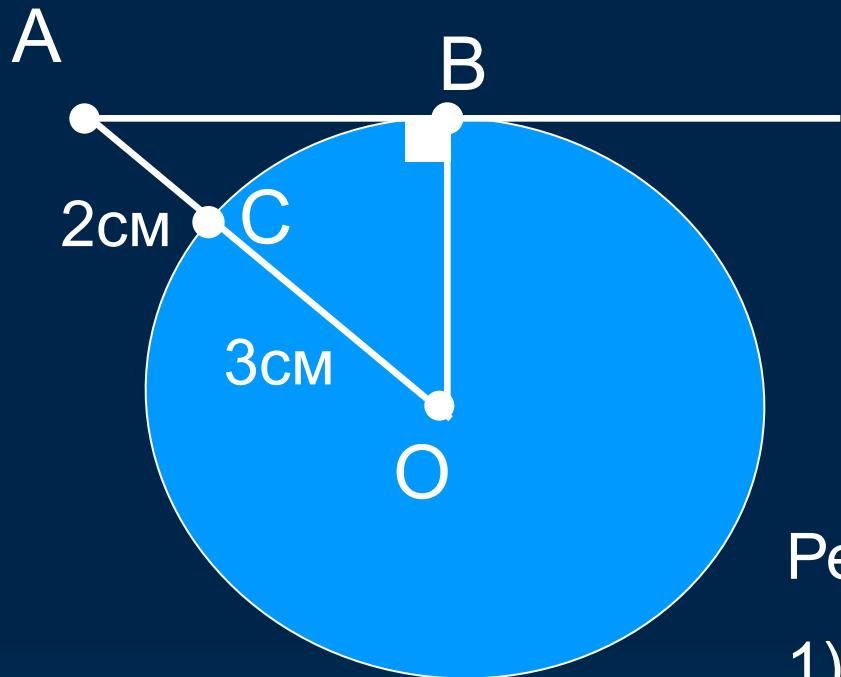


Дано: Окр($O; r$),
ВМ – касательная,
С – точка касания.

Найти: расстояние от
точки О до
прямой ВМ.

Ответ. 5см.

Решите задачу



Дано: Окр($O; r$),

AB – касательная,

B – точка касания,

CO=3см, CA=2см.

Найти: AB ?

Решение.

1) OC=OB=3см (радиусы одной окружности).

2) По теореме о свойстве касательной OB, $\triangle AOB$ – равнобедренный.

По теореме Пифагора найдём AB, $AB=4\text{см}$.

Ответ. 4см.

№ 635

Дано: Окр ($O; r$), p – касательная,
 AB – хорда, $AB = r$.

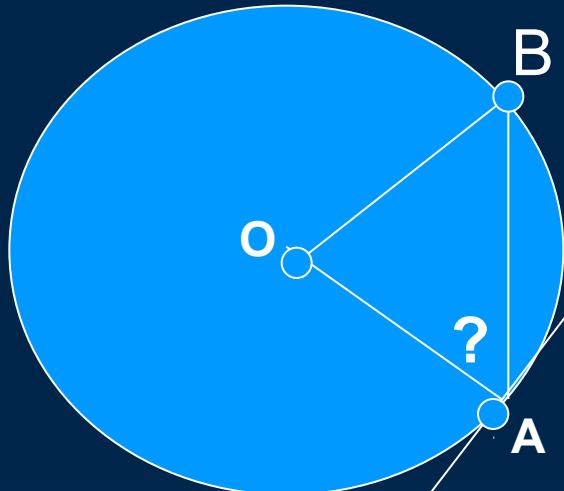
Найти: $\angle BAO$?

Решение.

В $\triangle BAO$, $OA=OB=AB=r$.

Поэтому $\triangle BAO$ – равнобедренный, и $\angle BAO=60^\circ$

Ответ. $\angle BAO=60^\circ$



p

Итоги урока.

Домашнее задание №631(в.г)

№634

ВСЕМ СПАСИБО
ЗА УРОК.

ДО СВИДАНИЯ!