

# Электрические цепи переменного тока

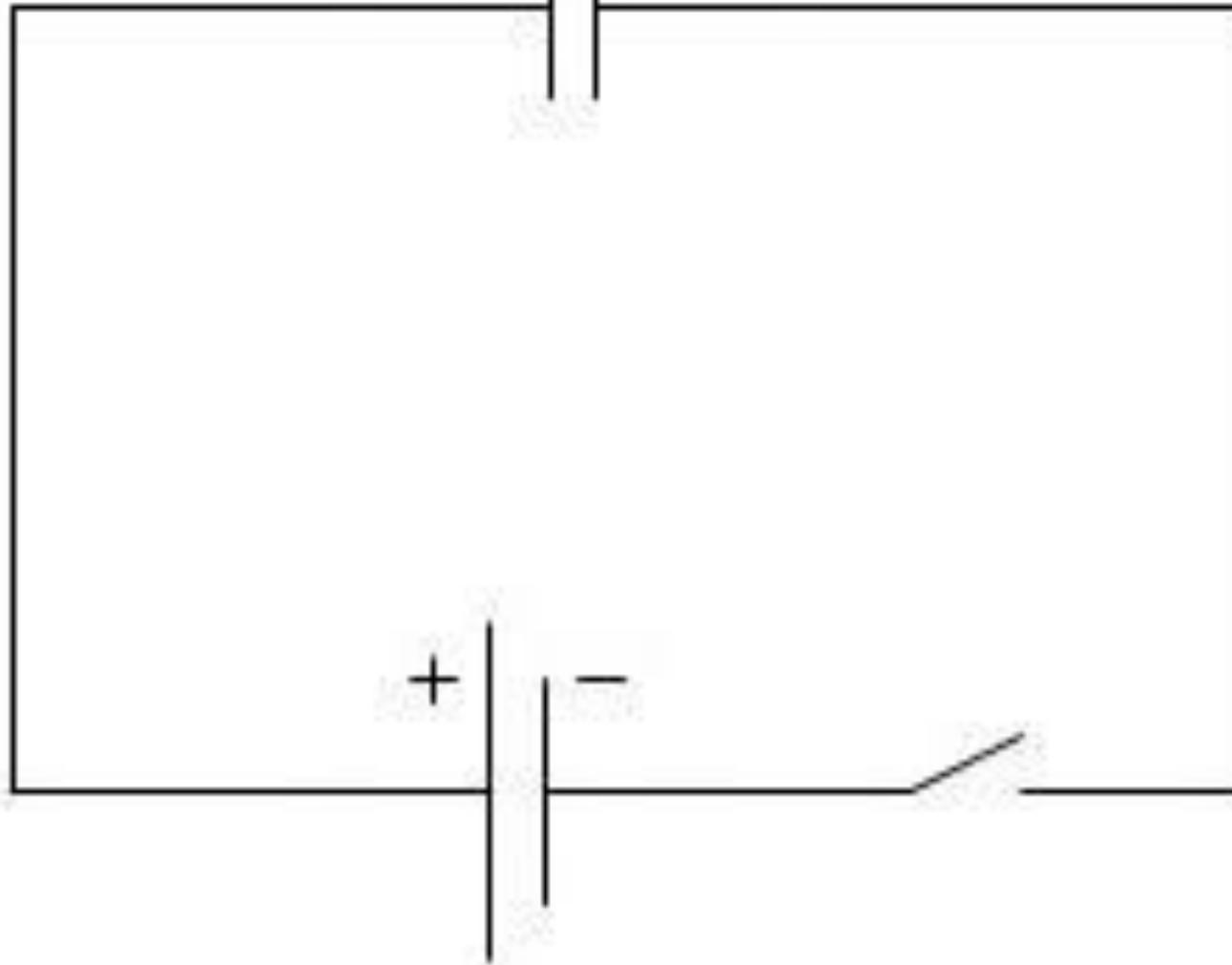
- 1. Активное, емкостное и индуктивное сопротивления в цепи переменного тока.  
Закон Ома для участка цепи переменного тока с последовательно соединенными сопротивлениями.**
- 2. Мощность в цепи переменного тока.**
- 3. Электрический резонанс и его применение.**

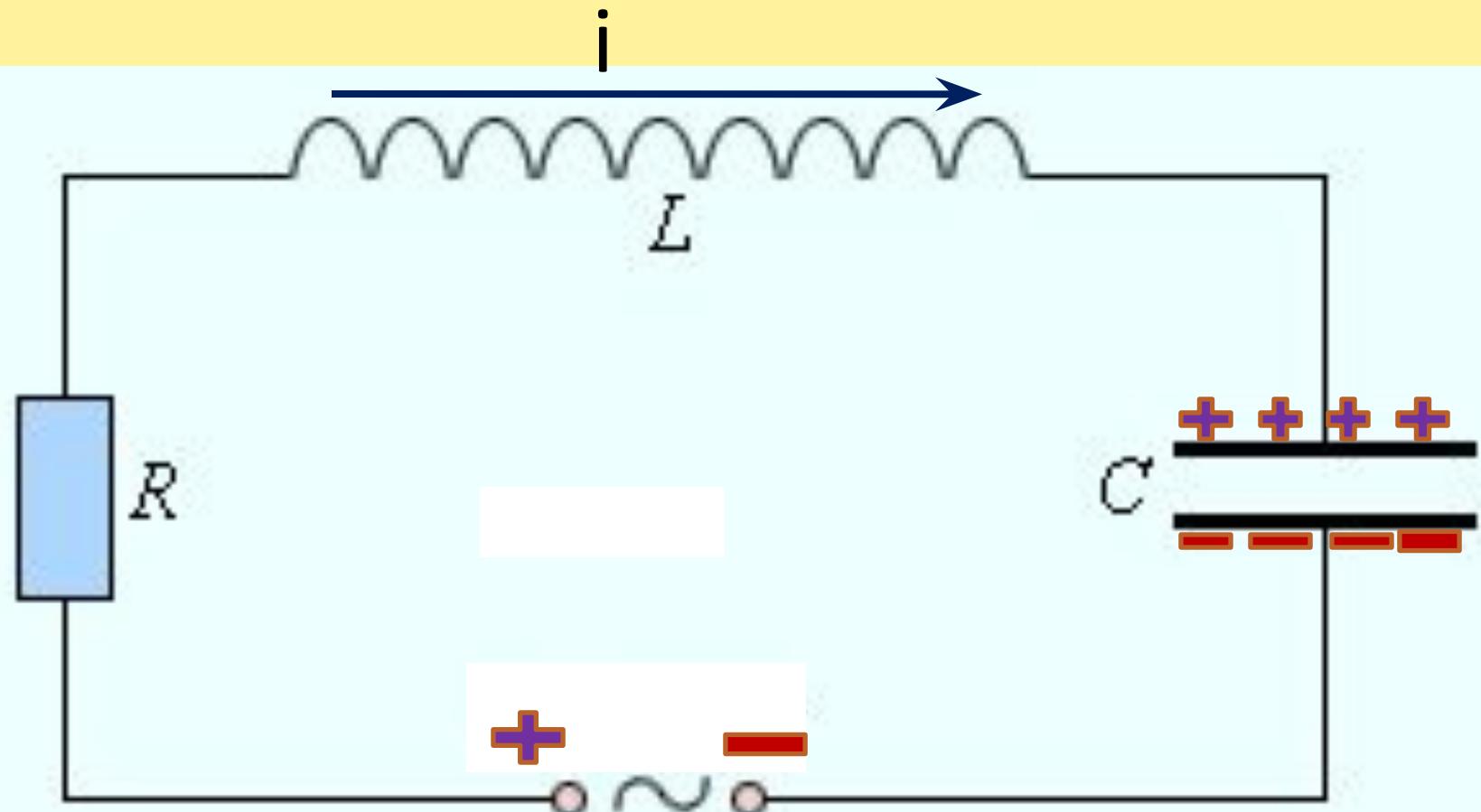
1. Активное, емкостное и  
индуктивное сопротивления в  
цепи переменного тока.

Закон Ома для участка цепи  
переменного тока с  
последовательно соединенными  
сопротивлениями.

# Конденсатор в цепи постоянного тока (ток в цепи

не течет)





В результате периодической зарядки и перезарядки конденсатора в цепи все время протекает ток переменный ток. В цепи с конденсатором протекает только переменный ток, постоянный ток не протекает.

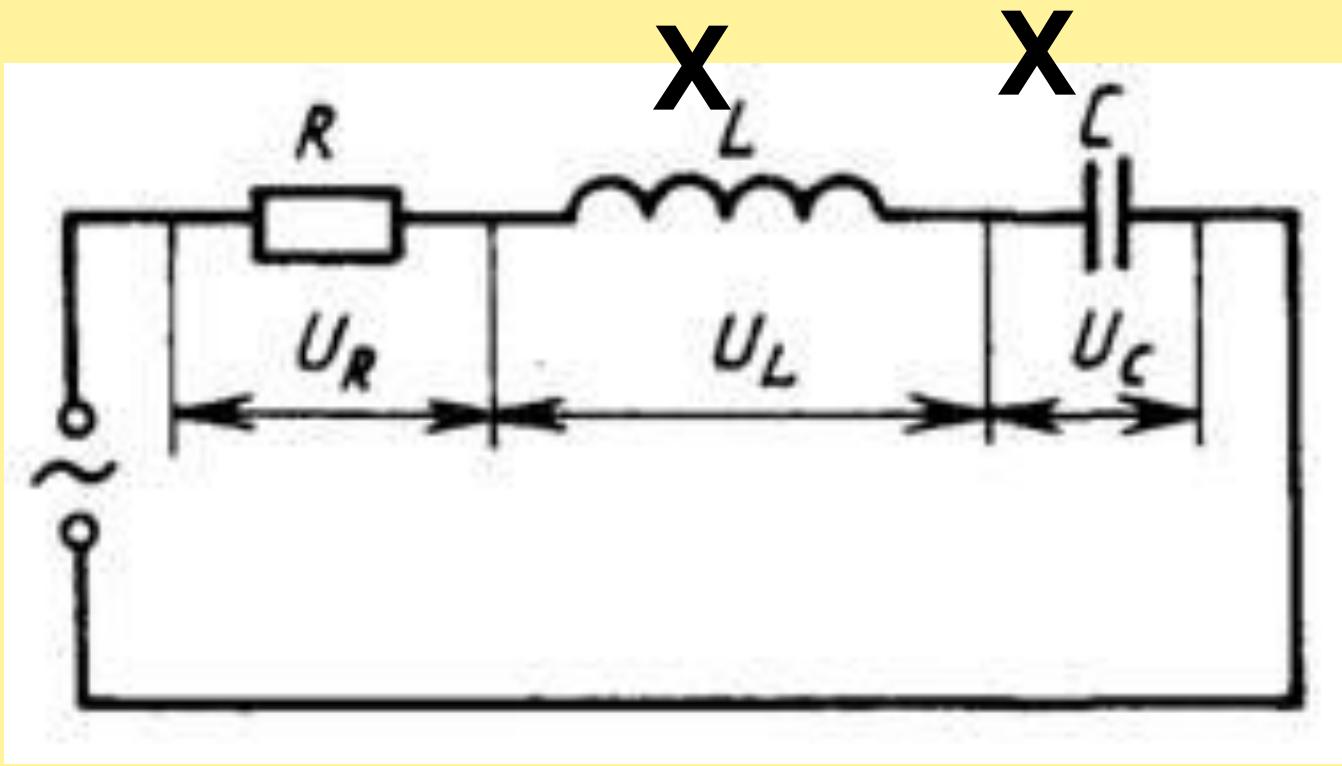
## Активное, индуктивное и емкостное сопротивления в цепи переменного тока

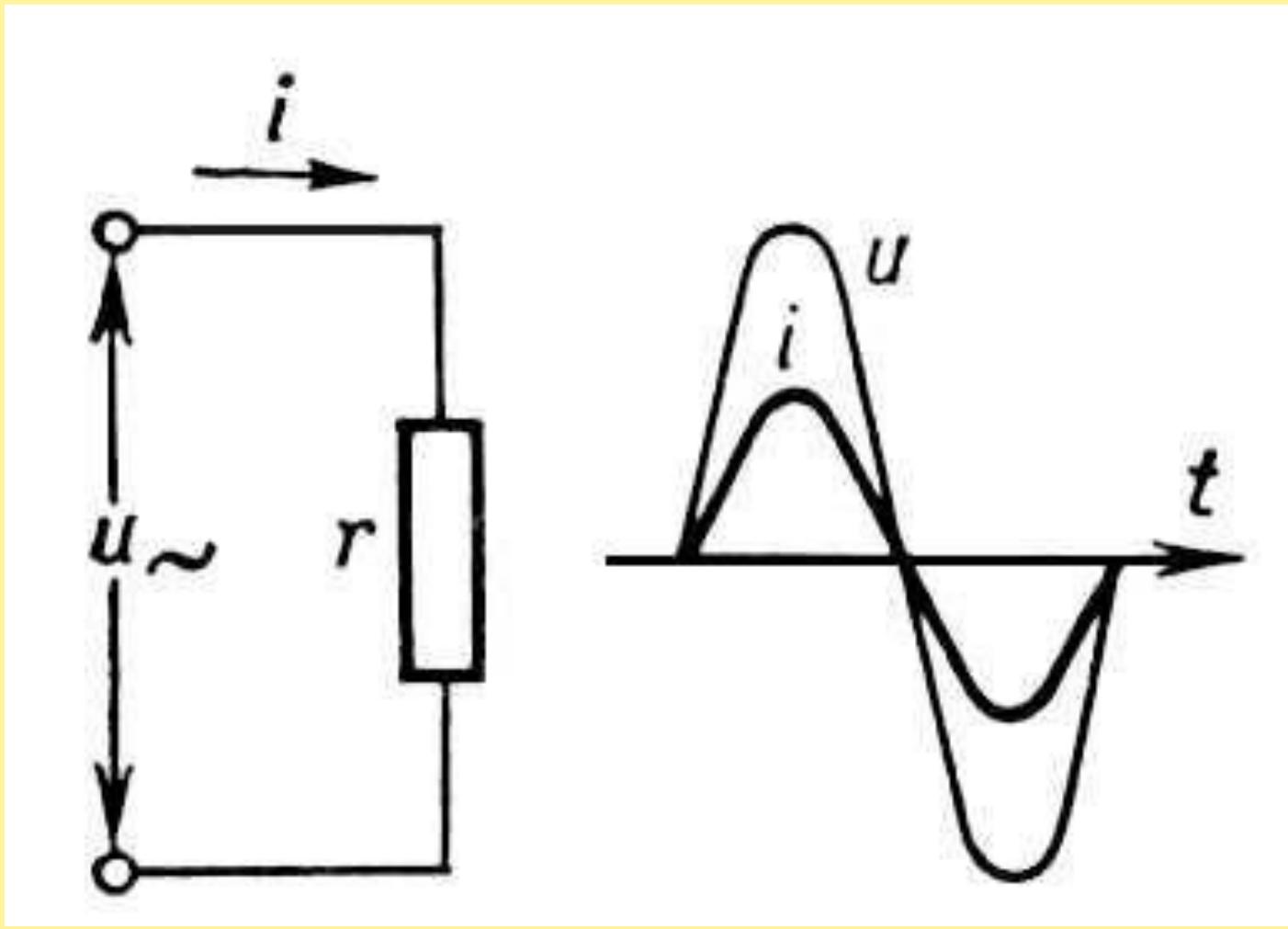
В цепях переменного тока различают три вида сопротивлений: активное, индуктивное и емкостное. Активным сопротивлением называется сопротивление переменному току со стороны материала проводника (при прохождении переменного тока по проводнику последний нагревается, т.е. потребляет мощность).

На переменный ток влияют не только напряжение и сопротивление цепи, но и индуктивность проводников, включенных в цепь. При включении в цепь переменного тока катушки индуктивности в ней индуцируется э.д.с. самоиндукции (так как магнитный поток, пронизывающий витки катушки, изменяется), которая препятствует нарастанию тока при его увеличении и уменьшению тока при спаде его величины. Иными словами, когда напряжение в цепи переменного тока с включенной катушкой индуктивности достигнет максимума, ток не успеет достигнуть той величины, которой он достиг бы в цепи без катушки индуктивности. Между напряжением  $U$  и током  $I$  возникает сдвиг по фазе.

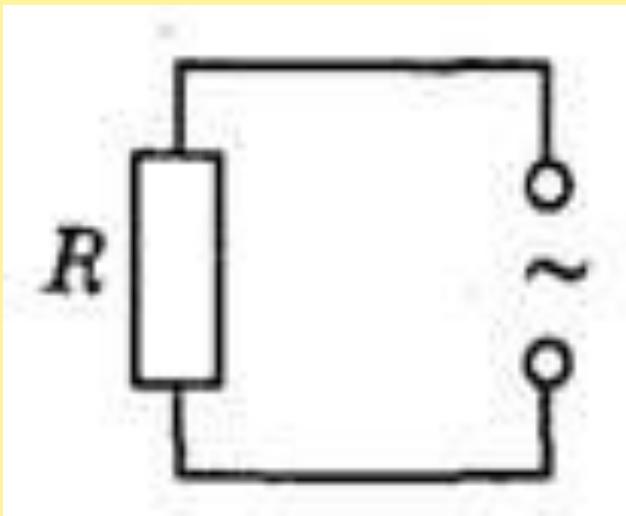
Таким образом, действие индуктивности в отношении величины переменного тока подобно действию сопротивления проводника. С увеличением индуктивности сопротивление цепи переменному току увеличивается. Сопротивление, которым обладает цепь вследствие наличия в ней индуктивности, называется индуктивным сопротивлением.

Если в цепь переменного тока включить конденсатор, переменный ток не исчезнет, как это случилось бы с постоянным током. В цепи будет продолжать течь ток заряда или разряда конденсатора, т.е. переменный ток. Величина этого тока зависит от емкости конденсатора: чем больше емкость, тем больше ток заряда и разряда. Следовательно, конденсатор можно рассматривать как некоторое сопротивление переменному току, возникающее вследствие того, что при заряде конденсатора между его обкладками возникает напряжение ( $U_C$ ), направленное навстречу напряжению, которое приложено на зажимах. Это дополнительное сопротивление, вносимое конденсатором в цепь, называется емкостным сопротивлением.





**Колебания силы тока и напряжения на активном сопротивлении происходят в одной и той же фазе, разность фаз колебаний равна нулю.**



$$u = U_m \cos \omega t$$

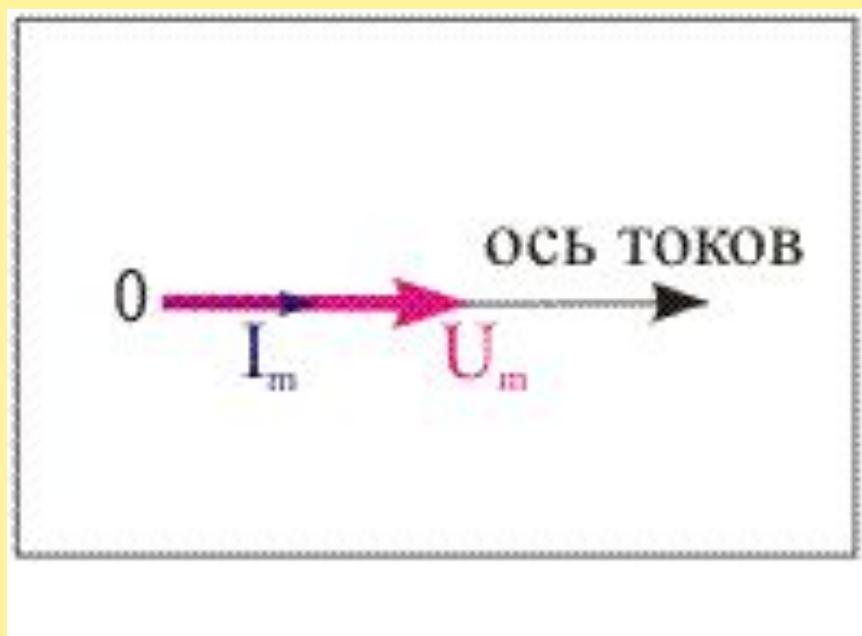
$$i = \frac{u}{R} = \frac{U_m \cos \omega t}{R} = \frac{U_m}{R} \cos \omega t = I_m \cos \omega t$$

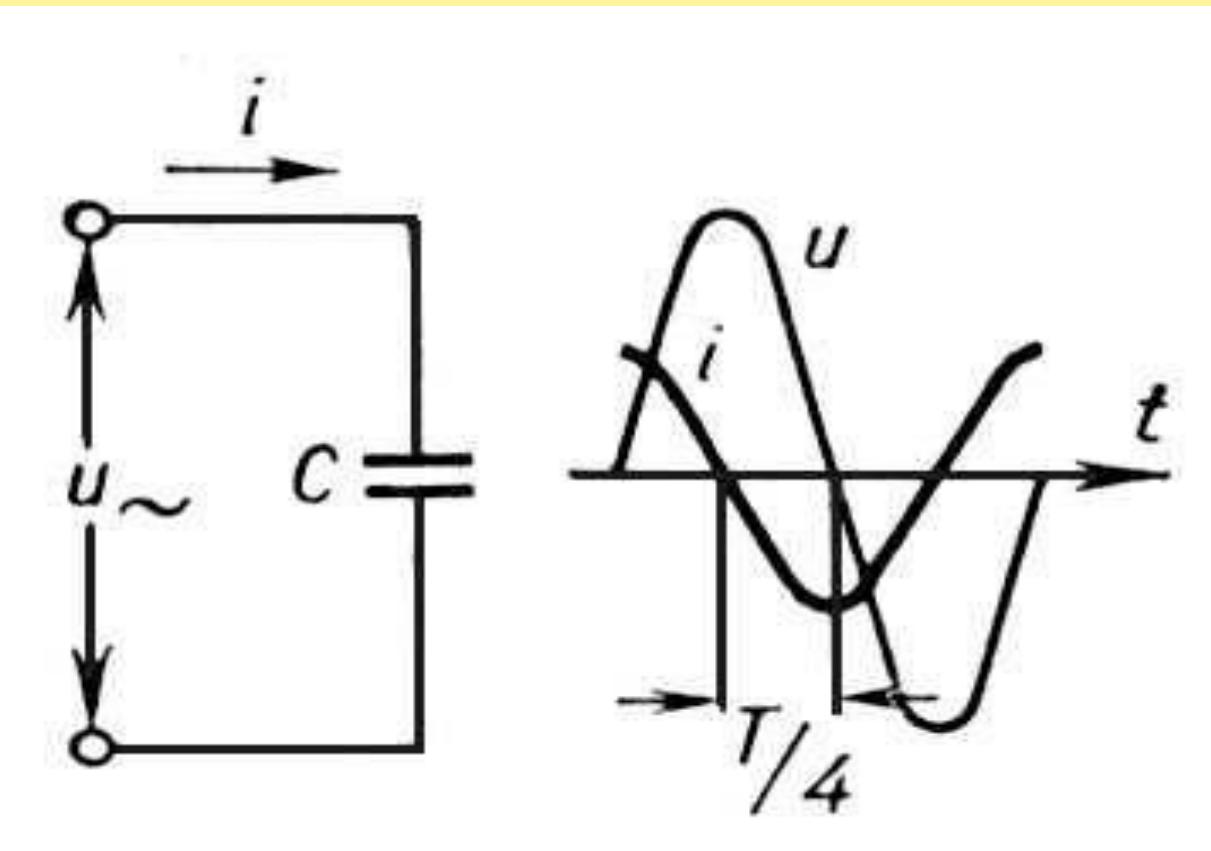
$$i = I_m \cos \omega t$$

$$I_m = \frac{U_m}{R}$$

$$R = \frac{U_m}{I_m}$$

## Векторная диаграмма при наличии в цепи переменного тока только активного сопротивления





**Колебания силы тока на конденсаторе опережают колебания напряжения по времени на четверть периода, а  $\frac{\pi}{2}$  по фазе на радиана.**

$$q = qm \cos \omega t$$
$$i = q'$$

$$i = (qm \cos \omega t)' = -qm\omega \sin \omega t = CUm\omega \cos(\omega t + 0,5\pi) =$$
$$Im \cos(\omega t + 0,5\pi)$$

$$i = Im \cos(\omega t + 0,5\pi)$$

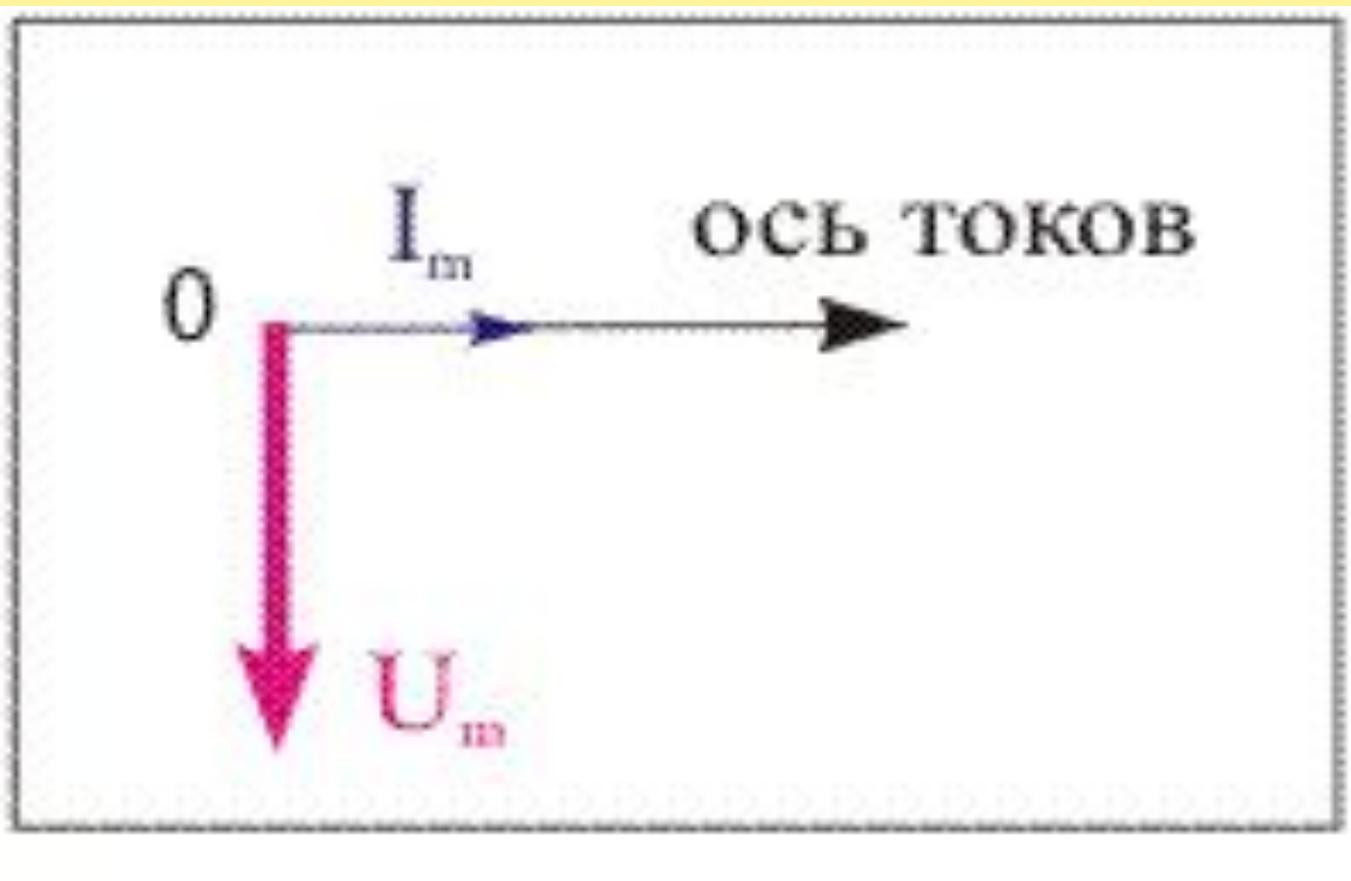
$$Im = \omega CUm$$

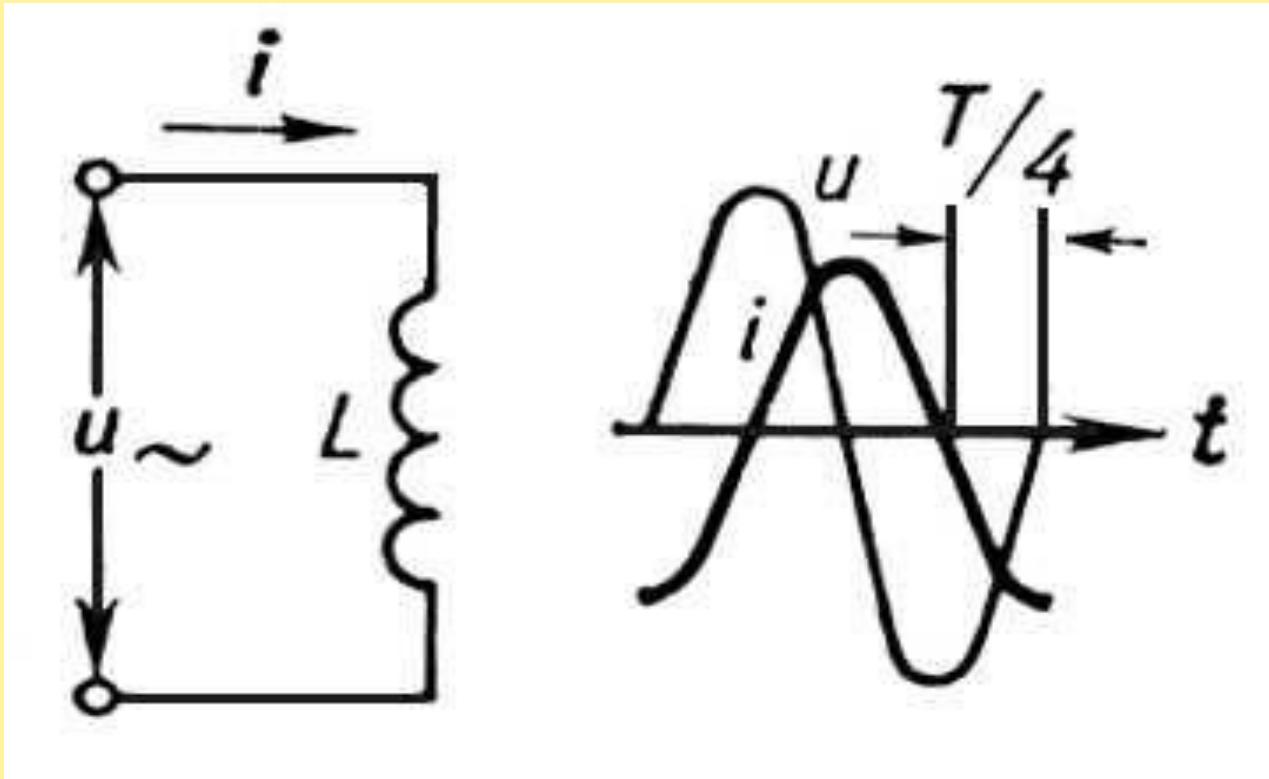
$$X_C = \frac{Um}{Im} == \frac{Um}{\omega CUm}$$

$$X_C = \frac{1}{\omega C}$$

$$X_C = \frac{1}{2\pi\nu C}$$

Векторная диаграмма при наличии в цепи переменного тока  
только емкостного сопротивления





Колебания силы тока на катушке  
индуктивности отстают от колебаний  
напряжения по времени на  $\frac{\pi}{2}$  радиана  
, а по фазе на

$$i = Im \sin \omega t$$

$$eis + u = 0 \rightarrow u = -eis$$

$$u = -\left(-L \frac{\Delta i}{\Delta t}\right) = L \frac{\Delta i}{\Delta t} = Li' = L(Im \sin \omega t)' =$$

$$LIm \omega \cos \omega t = Um \sin(\omega t + \pi)$$

$$u = Um \sin(\omega t + 0, 5\pi)$$

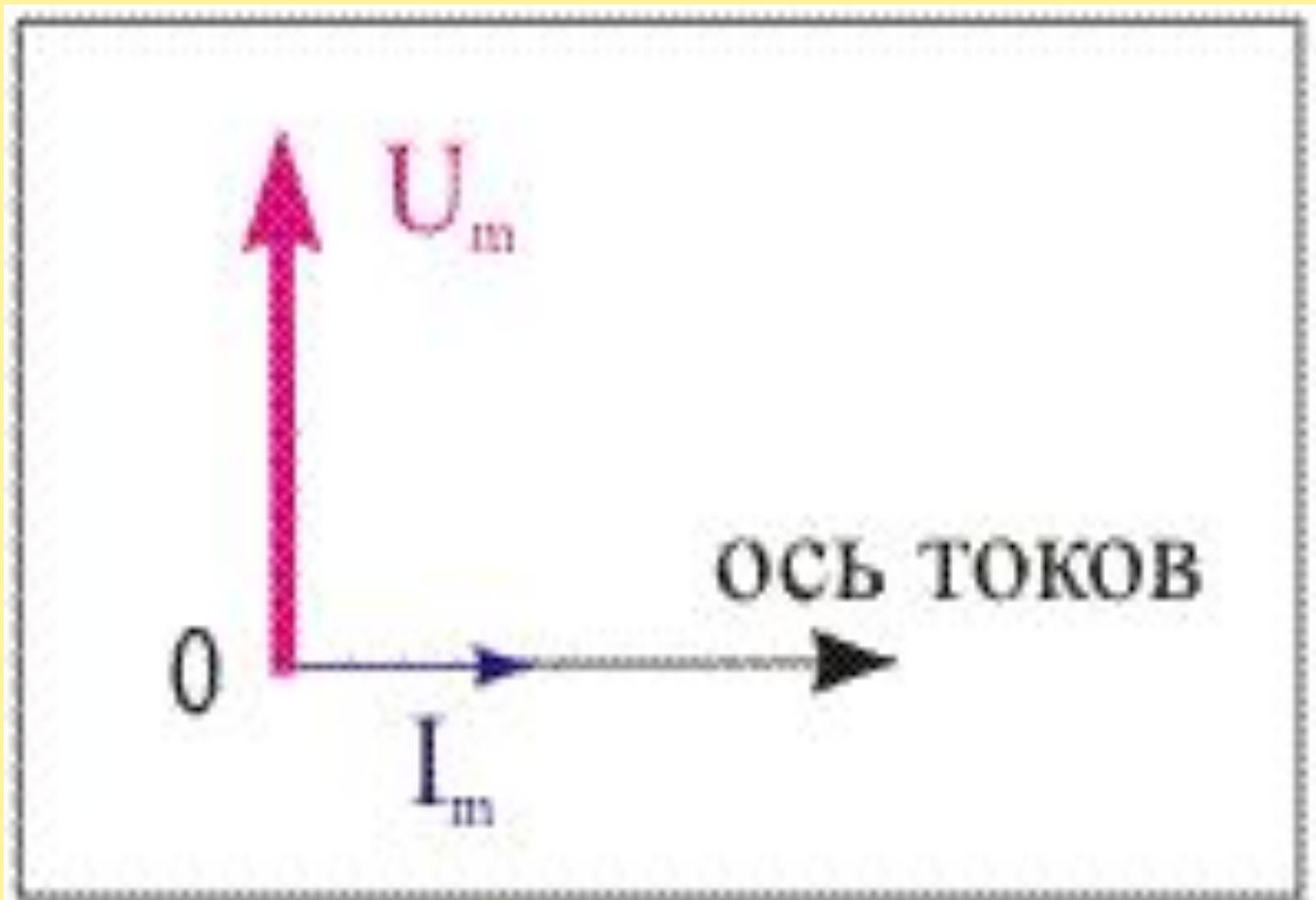
$$Um = \omega LIm$$

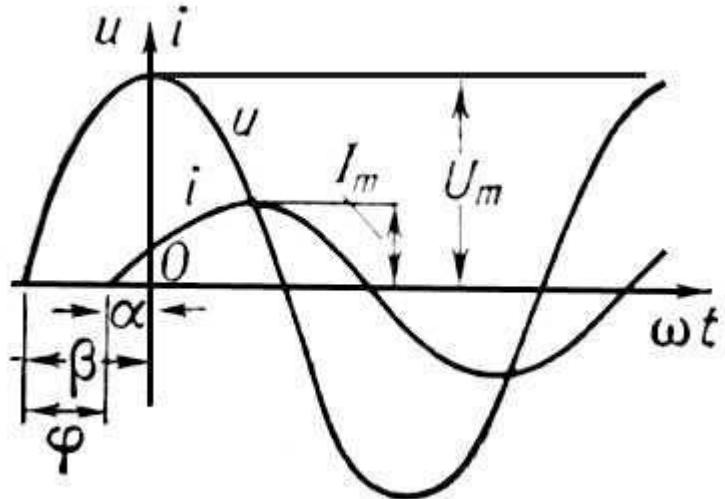
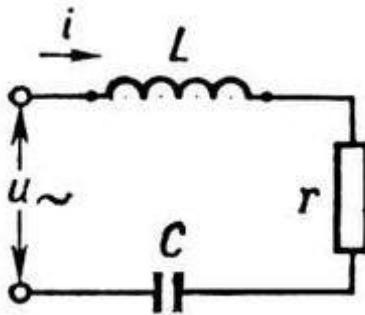
$$XL = \frac{Um}{Im} = \frac{\omega LIm}{Im}$$

$$XL = \omega L$$

$$X_L = 2\pi\nu L$$

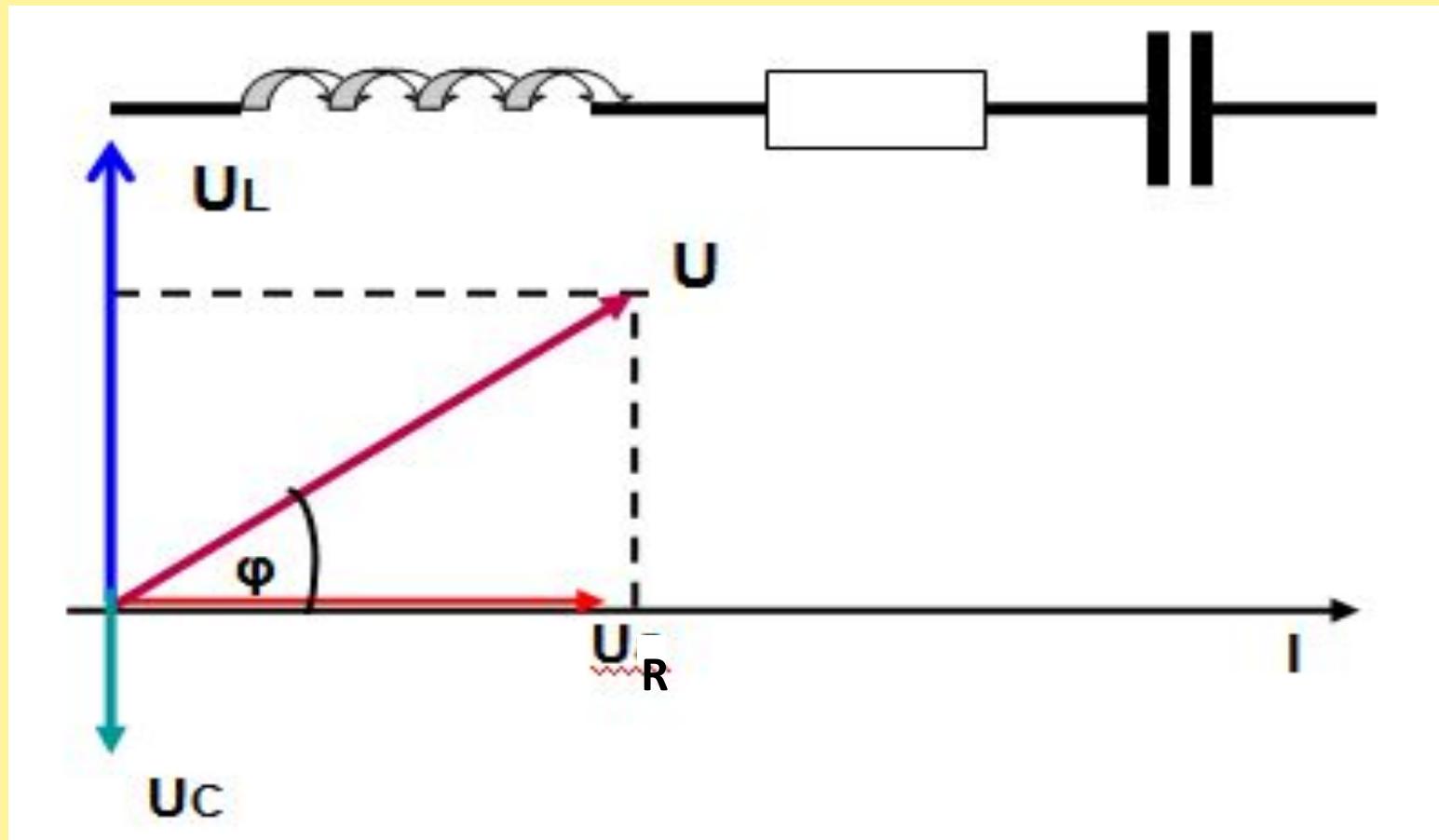
Векторная диаграмма при наличии в цепи переменного тока  
только индуктивного сопротивления





При наличии в цепи  
переменного тока  
активного ,  
индуктивного и  
емкостного  
сопротивлений  
разность фаз между  
колебаниями силы  
тока и напряжения  
равна  $\phi$

# Векторная диаграмма напряжений в сети переменного тока



$$U_m = \sqrt{U_{Rm}^2 + (U_{Lm} - U_{Cm})^2}$$

$$U_m = \sqrt{U_{Rm}^2 + (U_{Lm} - U_{Cm})^2}$$

$$U_m = \sqrt{(I_m R)^2 + (I_m X_L - I_m X_C)^2} = I_m \cdot \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2} = I_m \cdot \sqrt{R^2 + (L\omega - \frac{1}{C\omega})^2}$$

$$I_m = \frac{U_m}{\sqrt{R^2 + (L\omega - \frac{1}{C\omega})^2}}$$

$$Z = \sqrt{R^2 + (L\omega - \frac{1}{C\omega})^2}$$

$$I_m = \frac{U_m}{Z}$$

**Z - полное сопротивление участка цепи  
переменному току**

$$\cos \varphi = \frac{R \cdot I_{max}}{U_{max}} = \frac{R}{Z} \quad (9)$$

2. Мощность в

цепи

переменного

тока

$$P=U\cdot I \qquad \qquad p=u\cdot i$$

$$u = U_m \cdot \cos \omega t \qquad \qquad i = I_m \cdot \cos(\omega t + \varphi_c)$$

$$p = u \cdot i = U_m \cdot I_m \cdot \cos \omega t \cdot \cos (\omega t + \varphi_c)$$

$$P=\frac{U_m\cdot I_m}{2}\cos\varphi_c \qquad \qquad P=\frac{U_m}{\sqrt{2}}\cdot\frac{I_m}{\sqrt{2}}\cos\varphi_c=U\cdot I\cos\varphi_c$$

$$\textbf{\textit{P}}=UIcos\phi$$

1. Если в цепи переменного тока только активное сопротивление , то выделяемая мощность максимальна. В этом случае активное сопротивление

энергию, получаемую от сети полностью превращает во внутреннюю ~~энергию~~ в цепи переменного тока только емкостное сопротивление , то конденсатор ~~всеть~~ энергия, получаемую от сети, полностью превращает в энергию

электрического поля конденсатора , затем эта энергия обратно полностью возвращается в сеть , во внутреннюю энергию не переходит.

3.Если в цепи переменного тока только индуктивное сопротивление , катушка индуктивности энергию , получаемую от сети , полностью превращает в энергию магнитного поля вокруг катушки , затем эта энергия обратно полностью возвращается в сеть , во внутреннюю энергия не переходит.

4.Если в цепи переменного тока имеются и активное , и индуктивное , и емкостное сопротивления , то мощность ( выделяемое тепло ) будет меньше максимальной. Активное сопротивление только часть энергии

, получаемое от сети, превращает во внутреннюю энергию, конденсатор и катушка индуктивности энергию обратно возвращают в сеть.

График колебаний мощности при наличии в цепи переменного тока только индуктивного сопротивления.



Из этого графика видно, что в течение одной четверти периода мощность положительна и энергия от сети поступает к данному участку цепи; но в течение следующей четверти периода мощность отрицательна, и данный участок отдает без потерь обратно в сеть полученную ранее энергию. Поступающая в течение четверти периода энергия запасается в магнитном поле тока, а затем без потерь

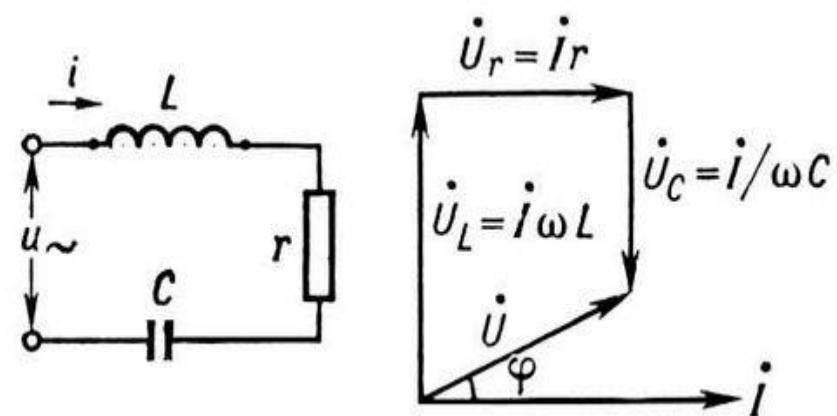
Лишь при наличии проводника с активным сопротивлением в цепи, электромагнитная энергия превращается во внутреннюю энергию проводника, который нагревается. Обратного превращения внутренней энергии в электромагнитную на участке с активным сопротивлением уже не происходит, энергия в сеть не возвращается.

# 3. Электрический резонанс и его применение.

**Механический резонанс** – увеличение амплитуды механических (звуковых) колебаний под влиянием внешних воздействий. В индийской классической музыке известен такой факт: если поместить гитару в пустой комнате в углу, а напротив искусственный музыкант-гитарист станет играть, то другая гитара начнет вибрировать с той же частотой, что и первый, повторяя мелодию. Певец силой голоса может разбить вдребезги бокал при условии, что взятая нота точно соответствует частотным характеристикам этого бокала.

Известный индийский гомеопат Раджан Шанкаран также экспериментировал с резонансом и пением песен, стараясь войти в резонанс с пациентом

$$I_{\max} = \frac{U_{\max}}{\sqrt{R^2 + (\omega \cdot L - \frac{1}{\omega \cdot C})^2}} \quad (4)$$

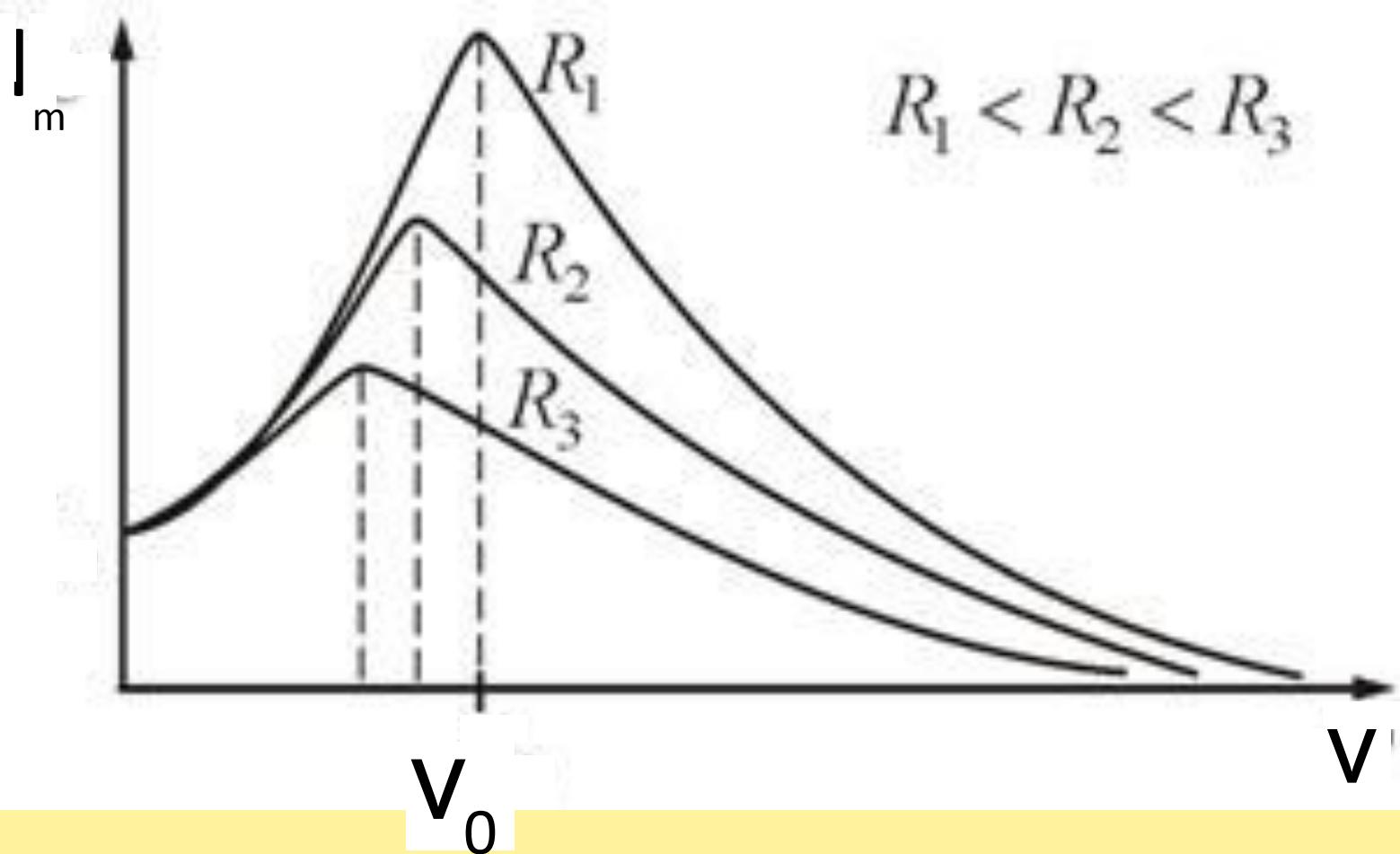


$$Z = \sqrt{R^2 + (\omega \cdot L - \frac{1}{\omega \cdot C})^2} = \sqrt{R^2 + (x_L - x_C)^2} \quad (5)$$

$$x_L = x_C \quad (10)$$

$$I_{\max} = \frac{U_{\max}}{R} \quad (12)$$

## Резонансная кривая при электрическом резонансе



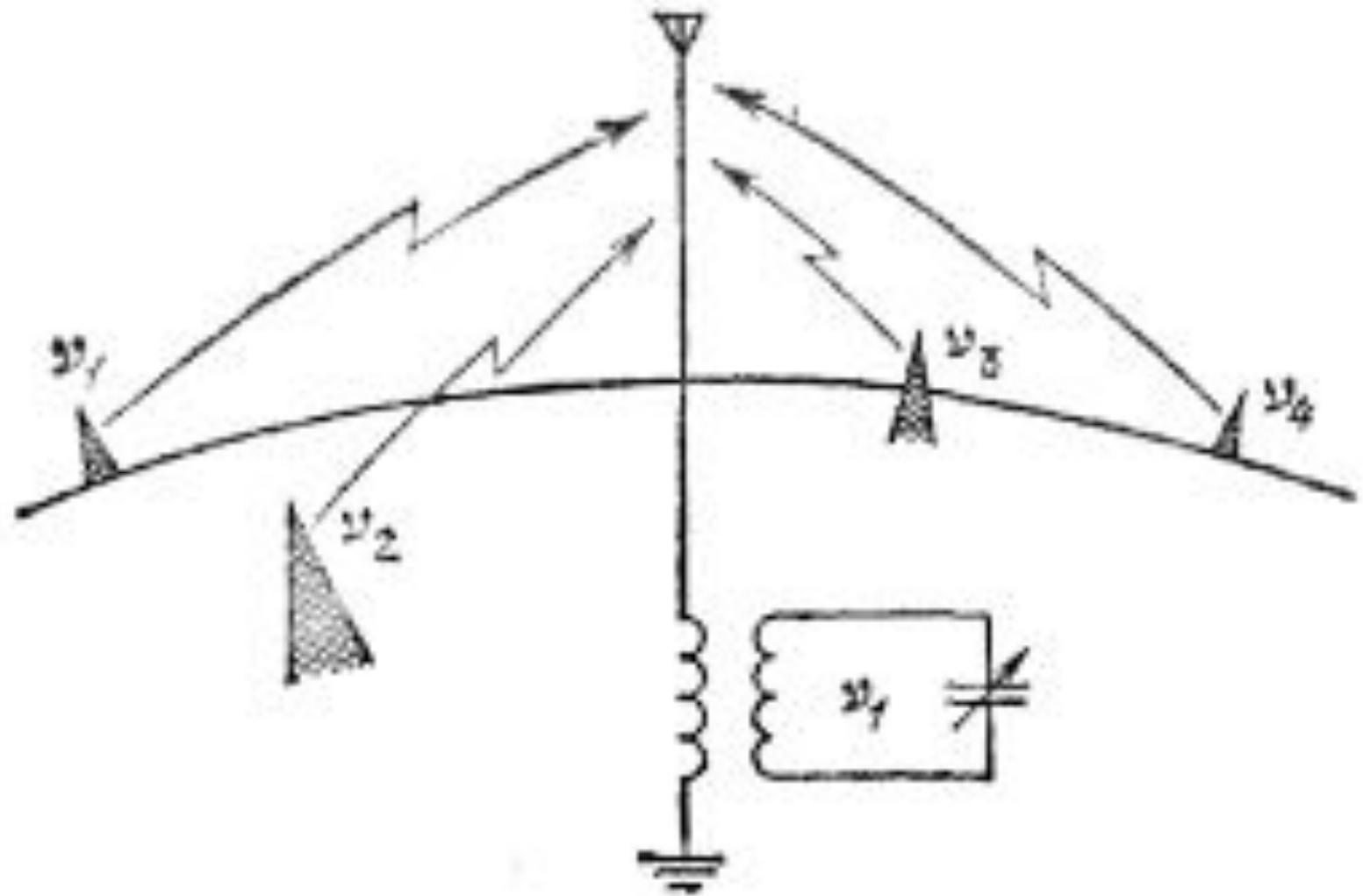
**Электрический резонанс** – резкое увеличение силы тока в контуре при приближении частоты внешнего воздействия к собственной частоте колебаний контура. Явление электрического резонанса исследовал Никола Тесла (1856-1943), сын сельского священника из Хорватии. Он некоторое время учился у Эдисона, но потом быстро отделился. Именно ему принадлежат такие слова:

"Все связи между явлениями устанавливаются исключительно путем разного рода простых и сложных резонансов - согласованных вибраций физических систем".

Николай Тесла писал, что **материя и пространство неразделимы**, а материя – только лишь одно из проявлений организованных электромагнитных колебаний, описываемых общим математическим алгоритмом.

Свами Вивекананда, известный индийский философ, приехавший на запад посетил Теслу в Нью-Йорке в 1906 году , с восторгом отозвался о нем своему коллеге: "Этот человек отличается от всех западных людей... Вне сомнения, он отличается духовностью высшего уровня... В его электрических многокрасочных огнях я почувствовал присутствие самого Брахмы..."

Мало кто помнит, что именно Тесле, а не Маркони принадлежит патент на изобретение радио, он также изобрел электромоторы, электромобиль, и целый ряд способов для получения электроэнергии в любой точке пространства. После его смерти его архивы таинственно



# *Применение электрического резонанса*

