



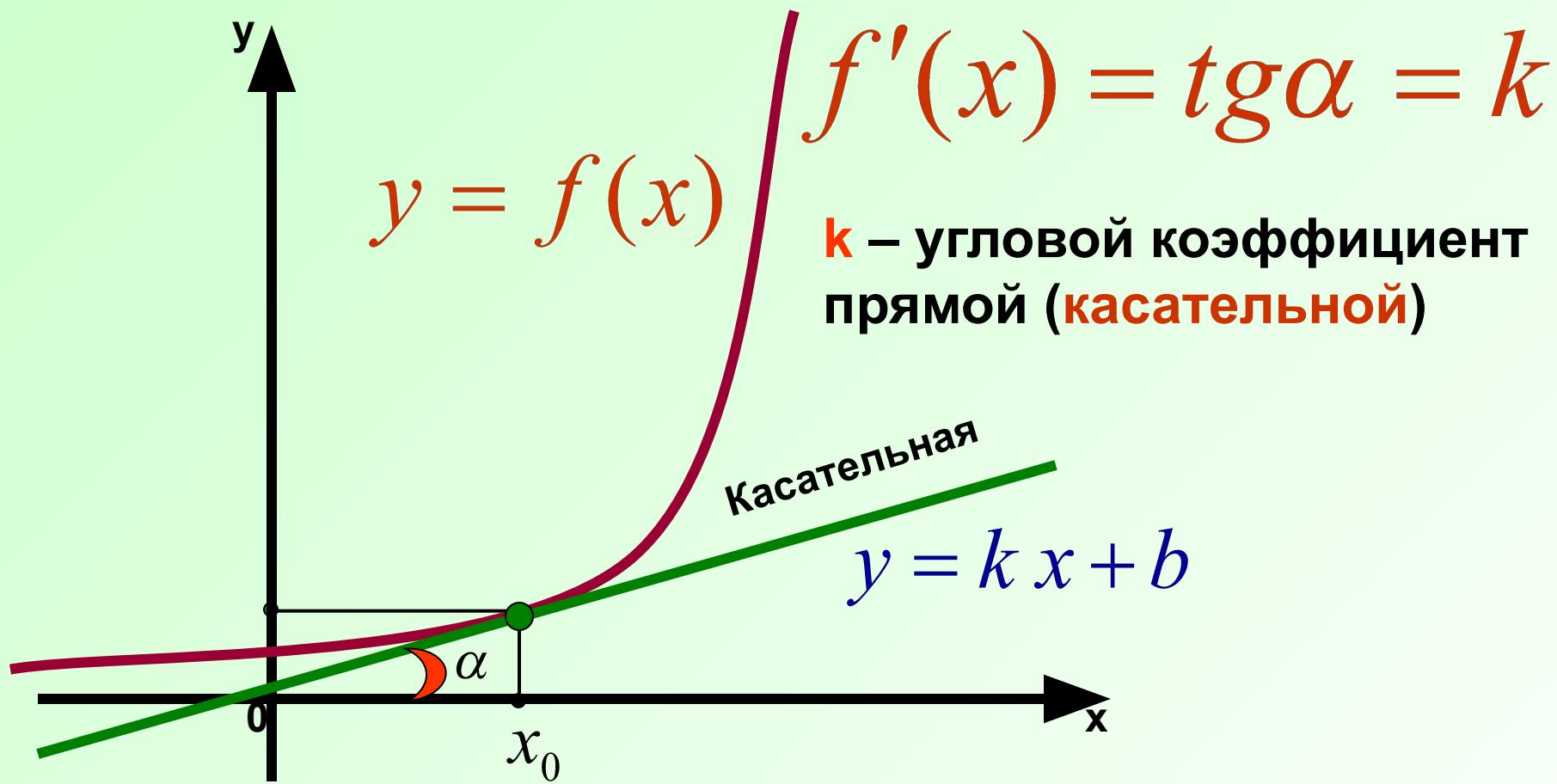
Ралко Т.В, учитель математики высшей категории, МАОУ Гимназия №17 г. Белорецк, Республика Башкортостан

Геометрический смысл производной

Презентация составлена по КИМ ЕГЭ

11 класс

2016 год



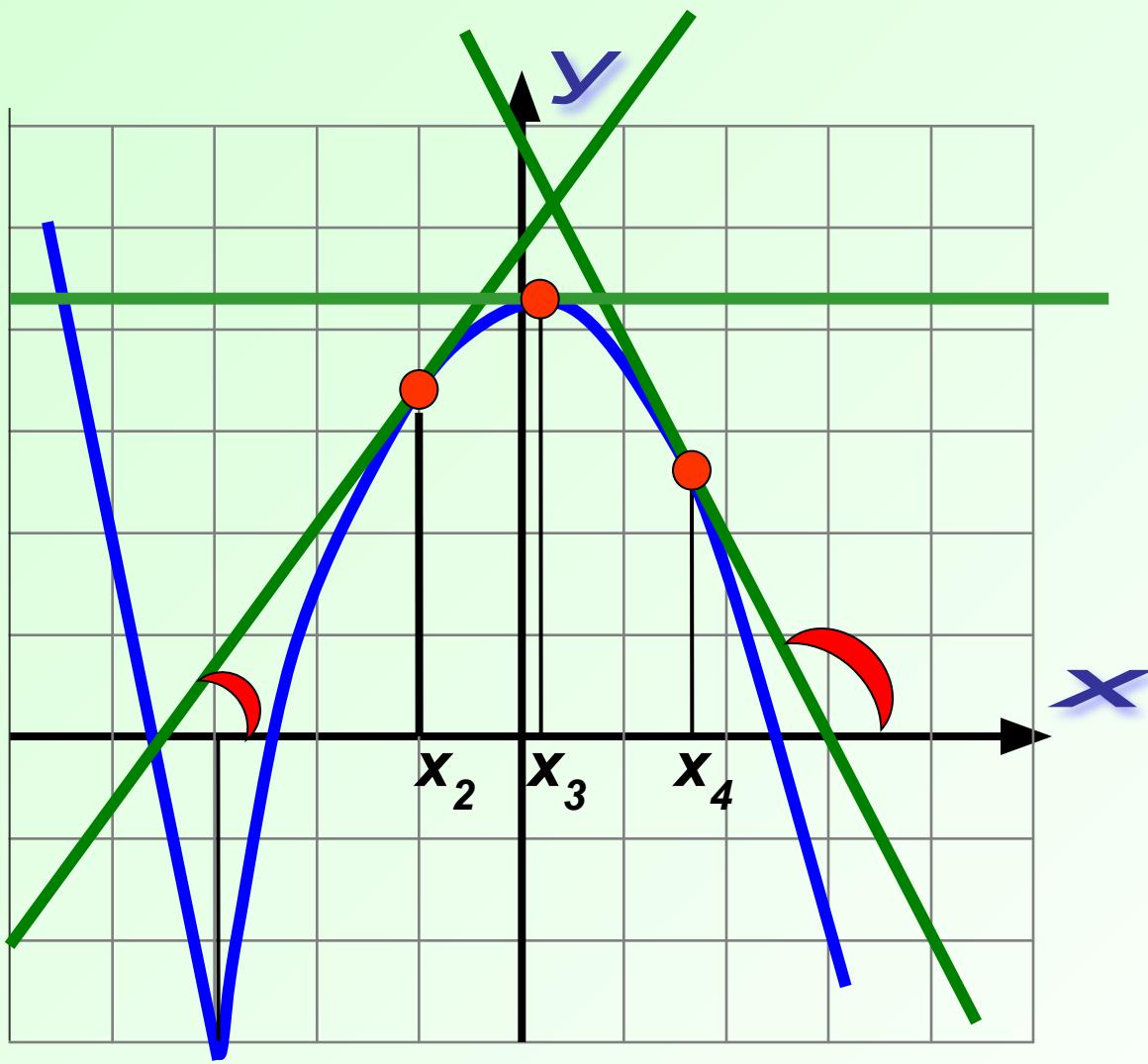
Геометрический смысл производной

Производная от функции в данной точке равна угловому коэффициенту касательной, проведенной к графику функции в этой точке.

$$\alpha > 90^\circ \Rightarrow k < 0$$

$$\alpha < 90^\circ \Rightarrow k > 0$$

$\alpha = 0^\circ \Rightarrow k = 0$, касательная параллельна OX

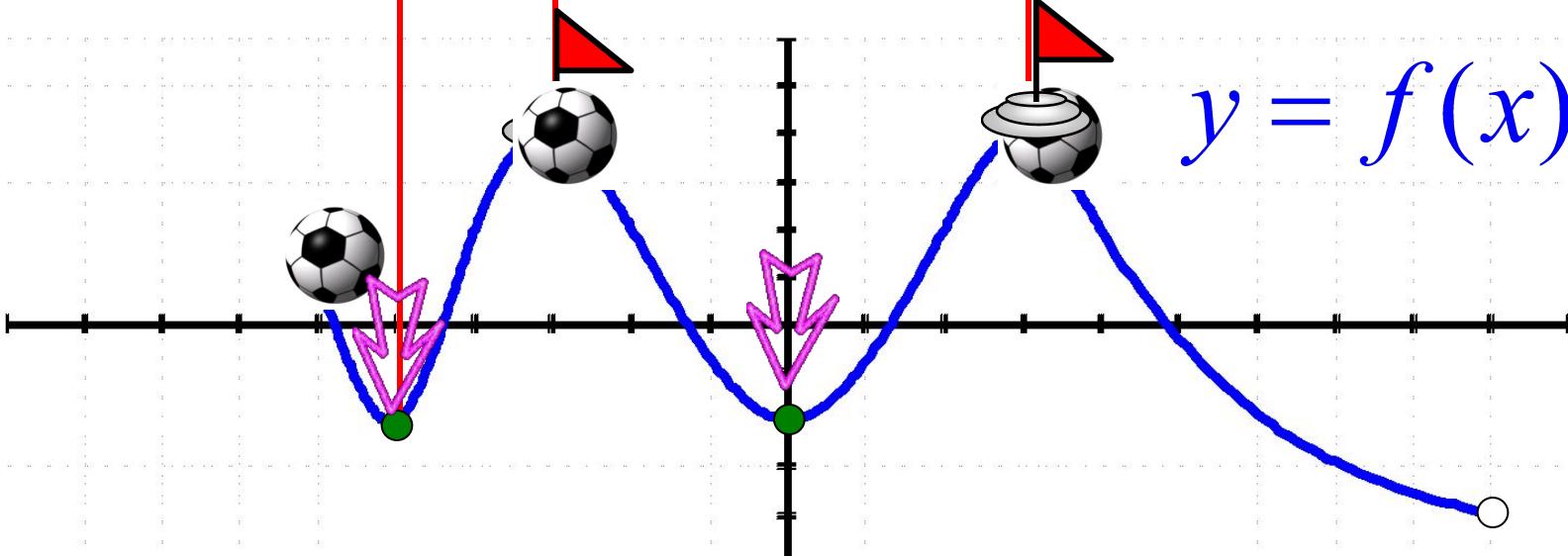


Свойства производной

$$f'(x) \geq 0$$

$$y = f'(x)$$

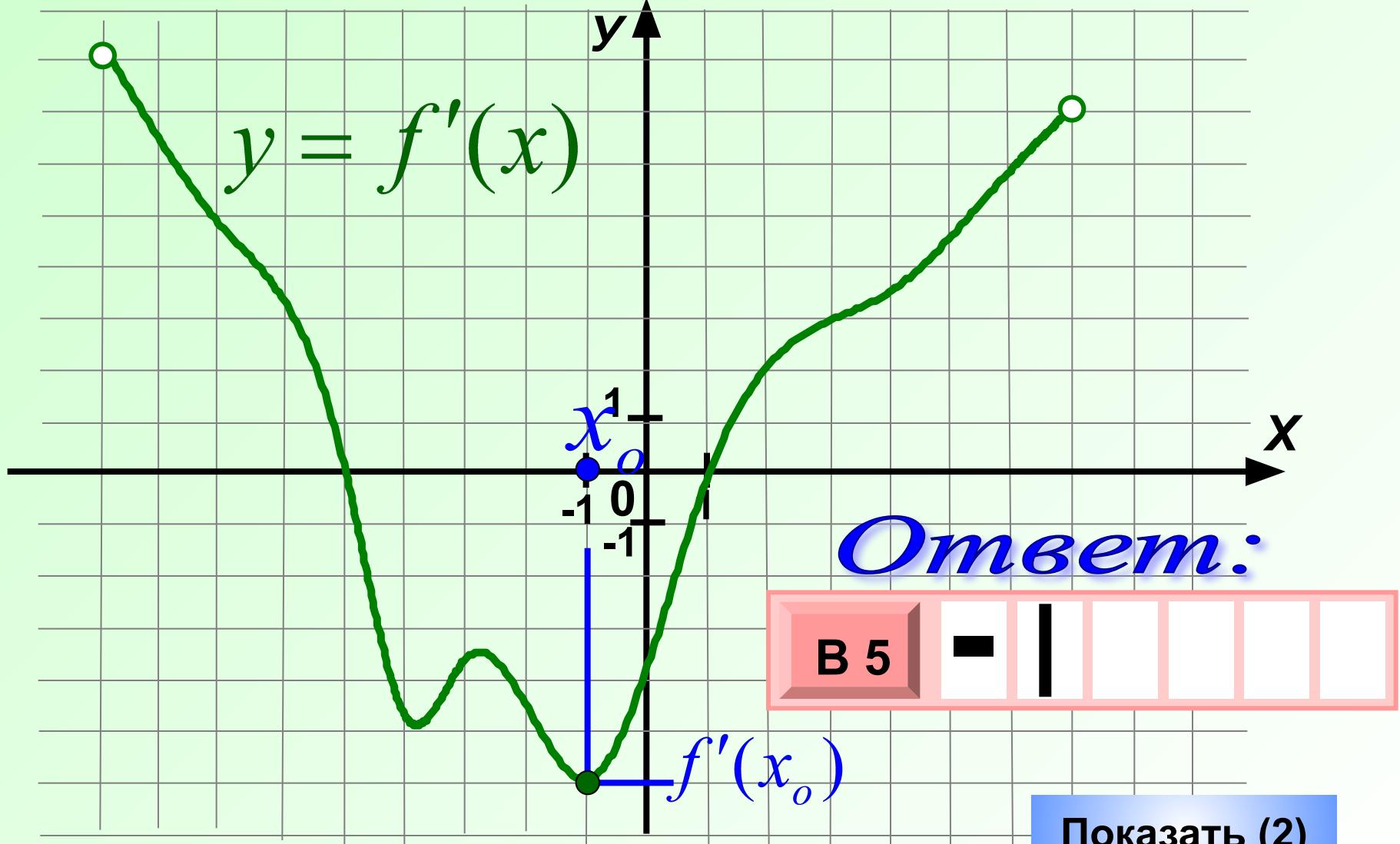
$$f'(x) < 0$$



Поведение функции: **экстремумы**

Показать (6)

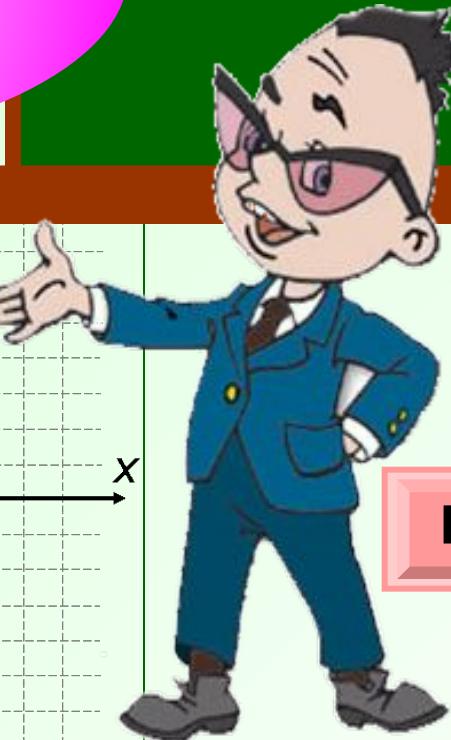
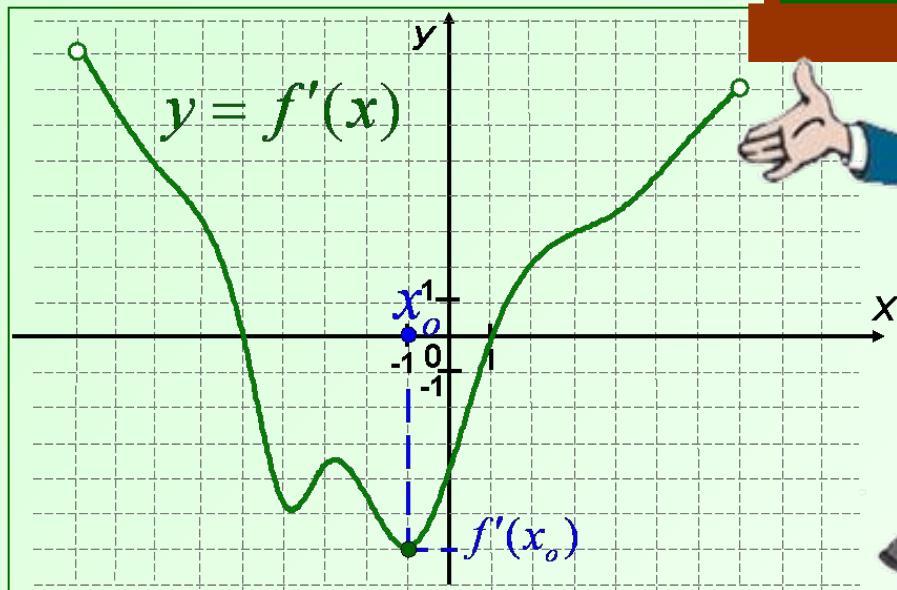
Задание №1 Укажите абсциссу точки, в которой
касательная к графику функции $y = f(x)$ имеет наименьший угловой коэффициент



$$k = f'(x_o)$$

наименьший

Ищу наименьшее
значение
производной



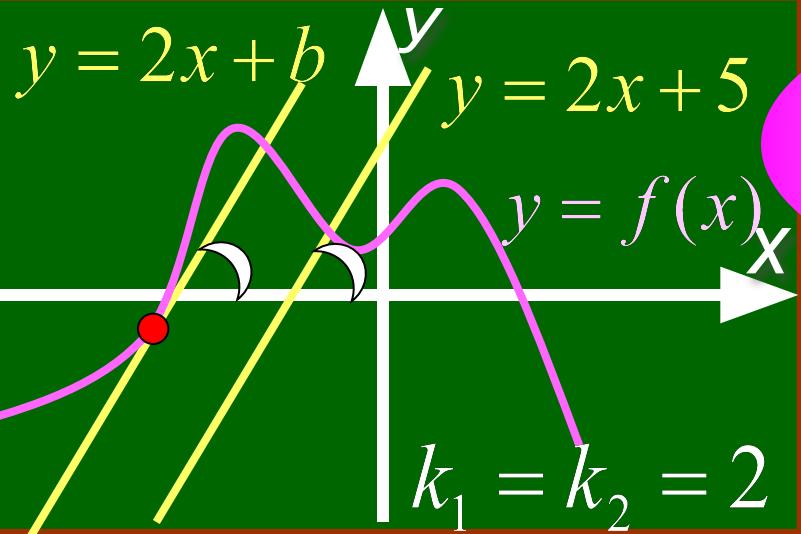
Ответ:

В 5

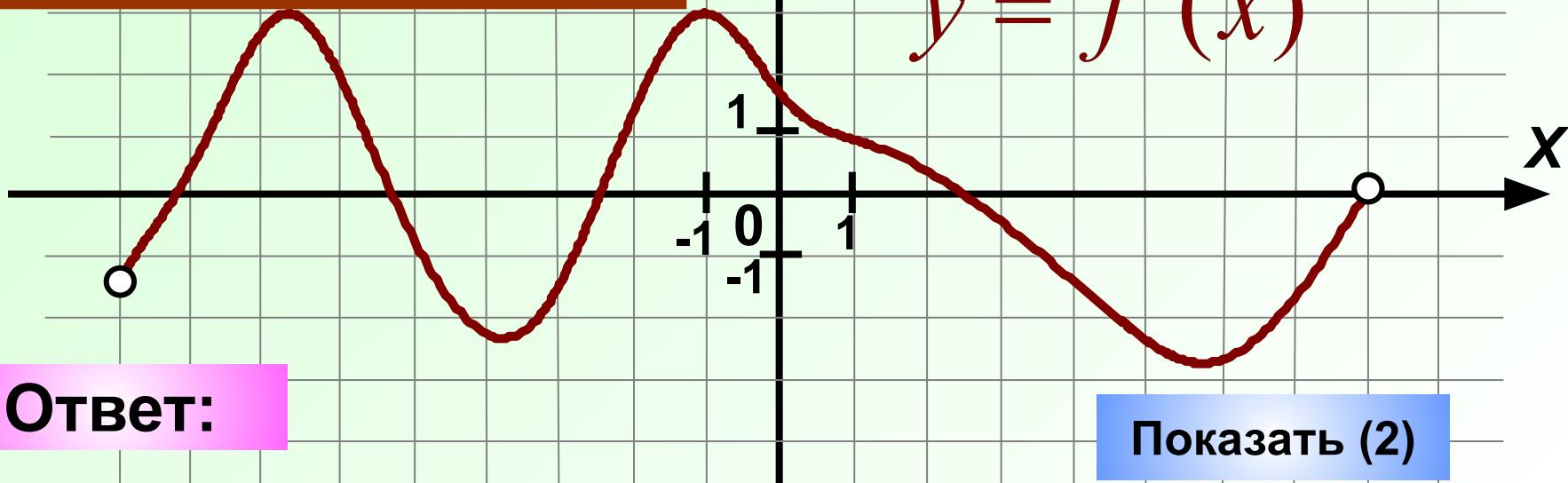
| | | | | | | | | |
|--|--|--|--|--|--|--|--|--|
| | | | | | | | | |
|--|--|--|--|--|--|--|--|--|

Показать (2)

К графику функции $y = f(x)$ провели все касательные параллельные прямой $y = 2x + 5$ (или совпадающие с ней). Укажите количество точек касания.

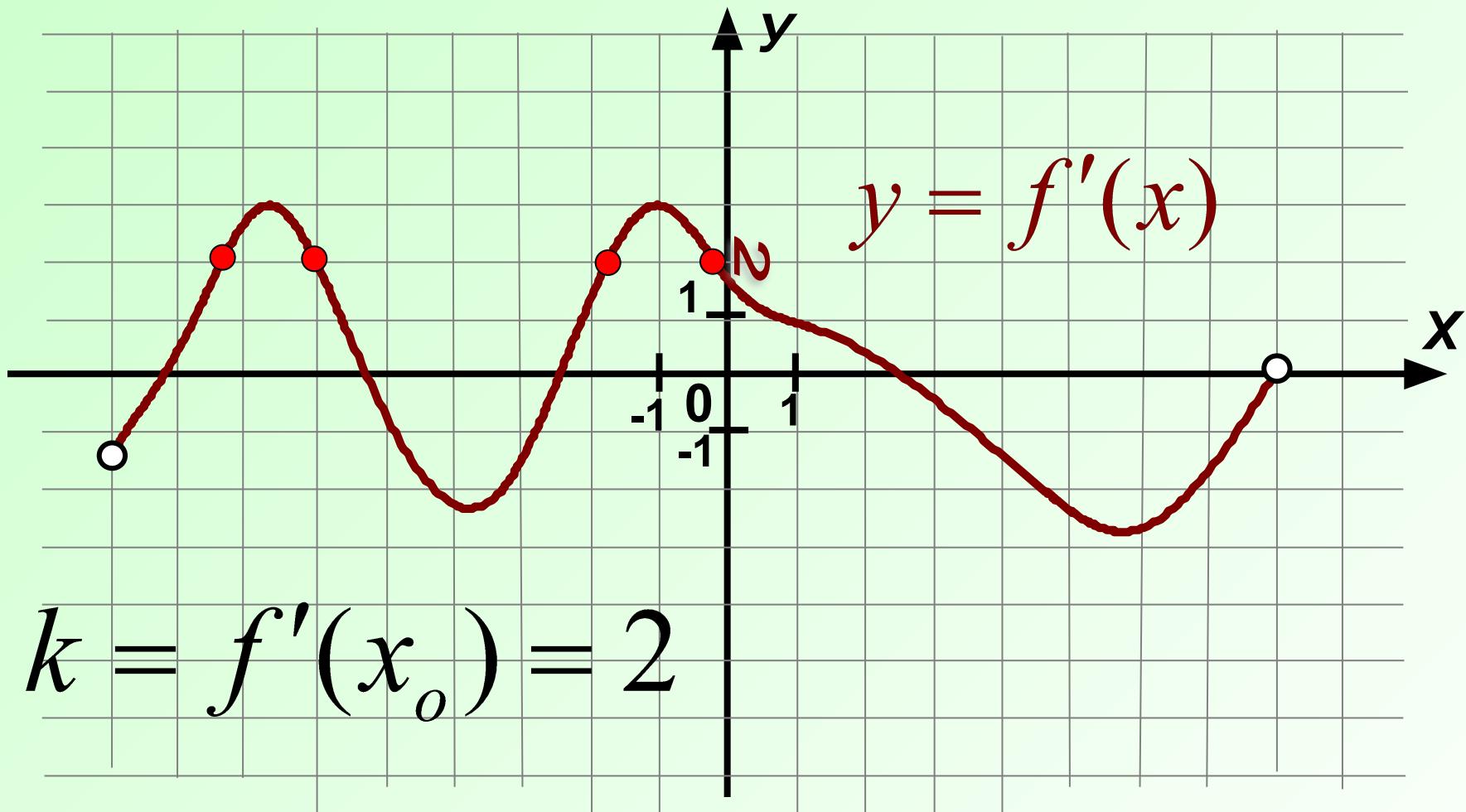


Так как $k = f'(x_0) = 2$, то считаю точки, в которых производная принимает значения 2



Ответ:

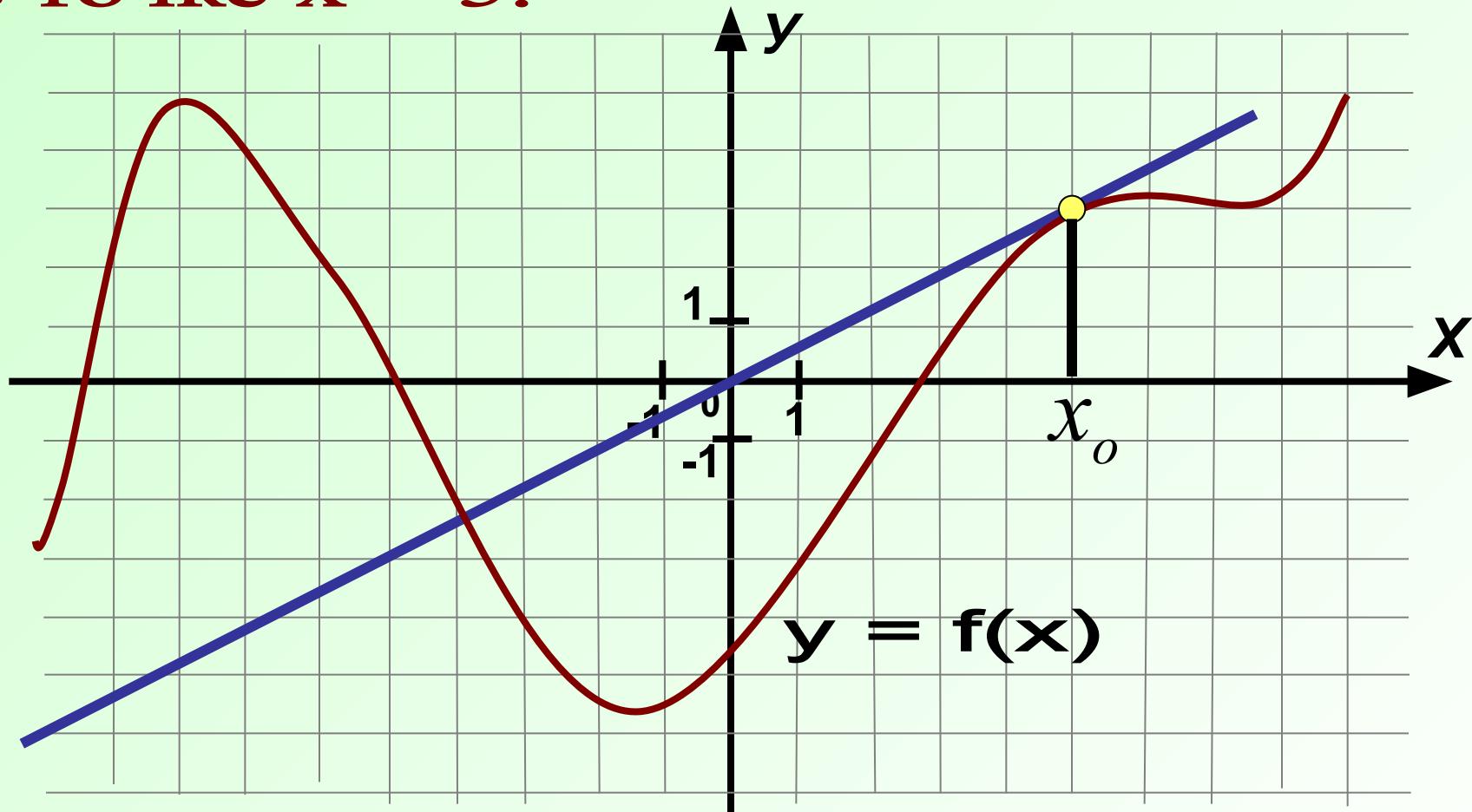
Показать (2)



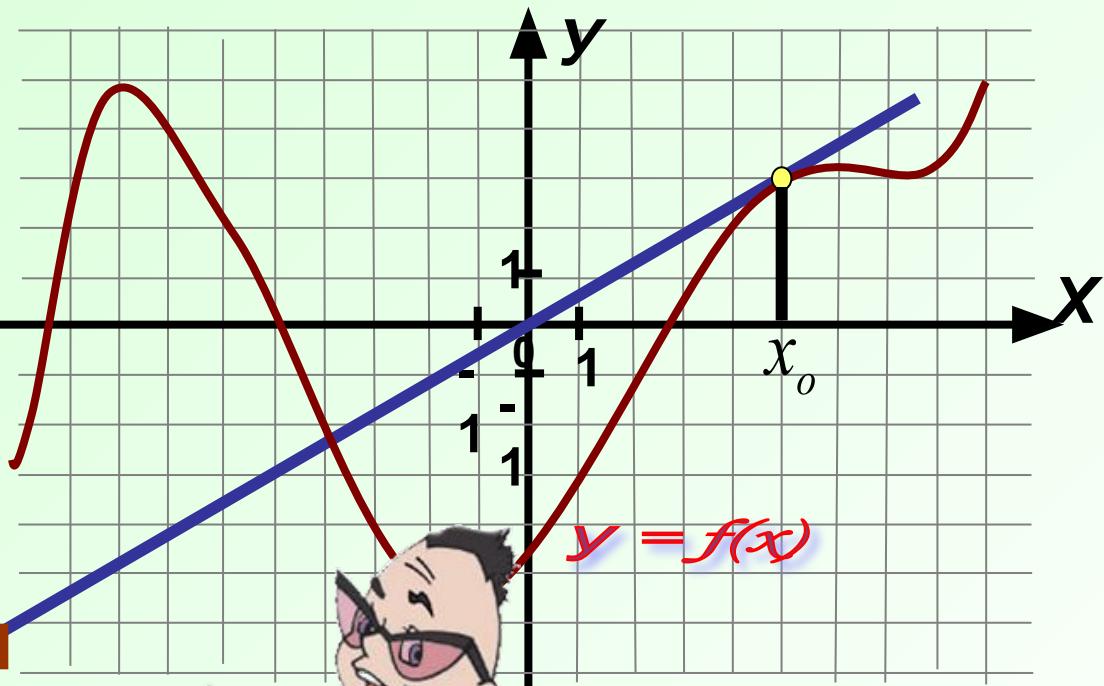
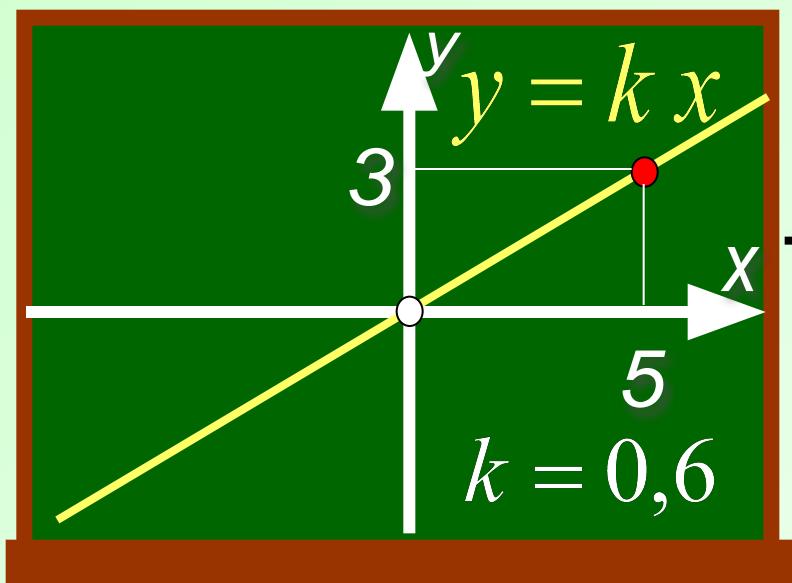
Ответ:

| | | | | | | |
|-----|---|--|--|--|--|--|
| B 5 | 4 | | | | | |
|-----|---|--|--|--|--|--|

Задание №3: Прямая, проходящая через начало координат касается графика функции $y = f(x)$. Найдите производную функции в точке $x = 5$.



Задание №3: Прямая, проходящая через начало координат касается графика функции $y = f(x)$. Найдите производную функции в точке $x = 5$.



Производная функции в точке
Ответ: $x = 5$ – это производная в

В 5 0 , 6

касательной.



Рассуждение (3)

Задание №4: К графику функции $y = f(x)$ провели касательные под углом 135 градусов к положительному направлению оси OX . На рисунке изображен график производной функции. Укажите количество точек касания.

α – угол наклона

касательной к оси OX :

$$\operatorname{tg} \alpha = k = f'(x_0) .$$

$$\operatorname{tg} 135^\circ = -1 = f'(x_0)$$

В 5

4

Рассуждение
(2)



Задание №5: По графику производной функции

указать наибольшую длину промежутка возрастания функции $y = f(x)$.

$y = f(x)$ возрастает,

если $f'(x) \geq 0$

$y = f(x)$ убывает,

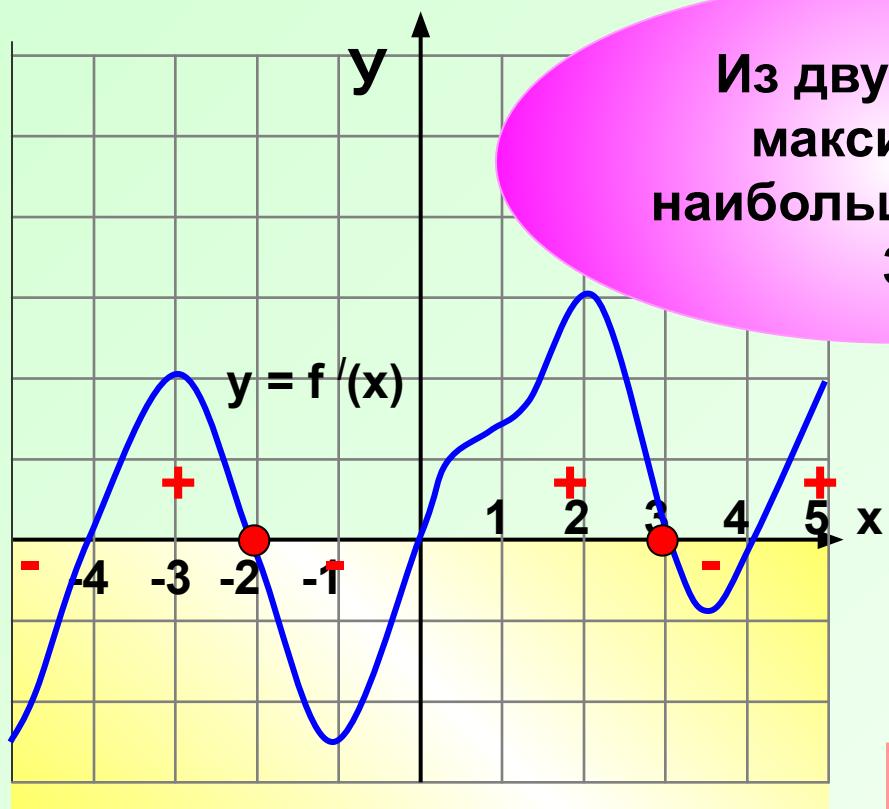
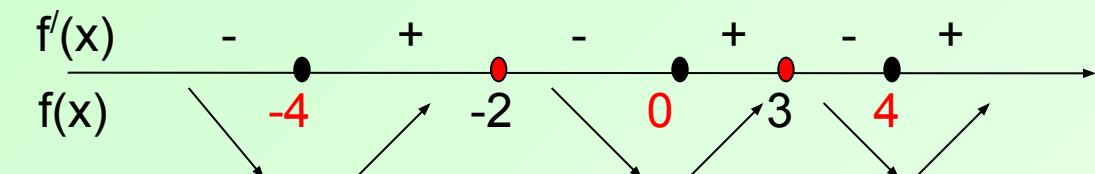
если $f'(x) < 0$ Ответ:

в 5

7



Задание №6: По графику производной функции указать наибольшую точку максимума функции $y = f(x)$.

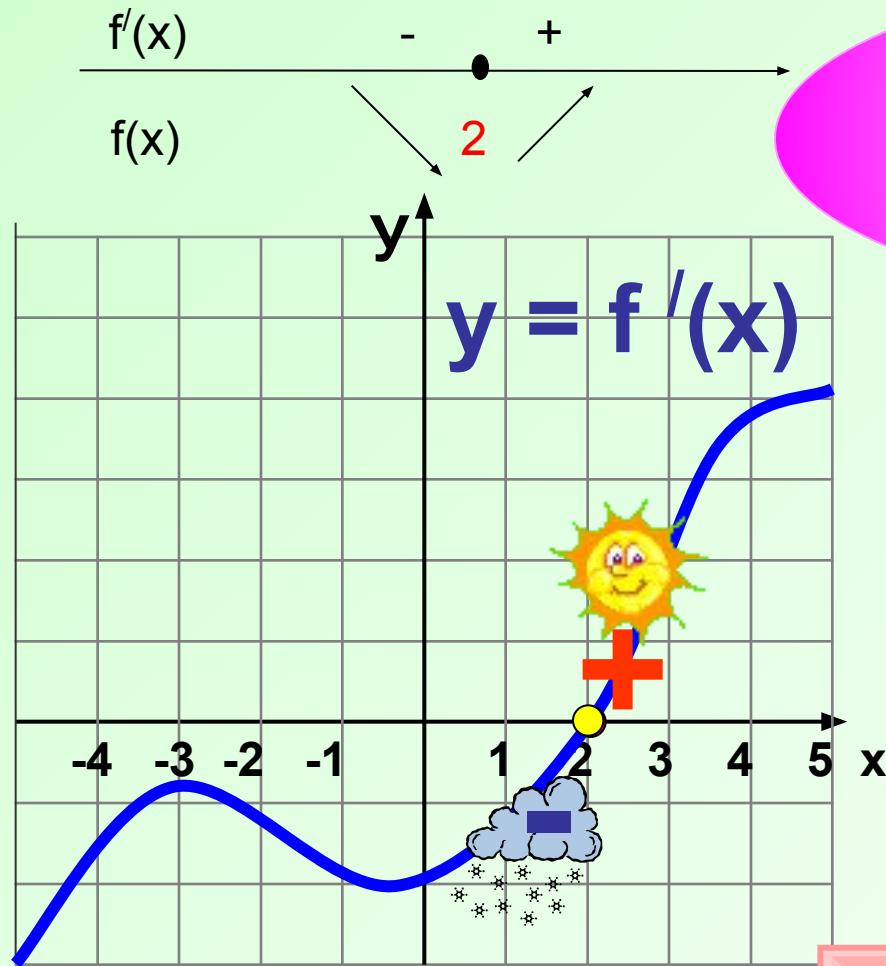


Ответ:

В 5

3

Задание №7: По графику производной функции определите значение x , при котором функция $y = f(x)$ принимает наименьшее значение.



$x_{\min} = 2$ - единственная
В этой точке функция
 $y = f(x)$ примет
наименьшее значение



Ответ:
В 5 2

**Задание №8: По графику производной функции
указать количество точек максимума функции $y = f(x)$.**

При переходе через
точку максимума $f'(x)$
меняется свой знак с + на -

поведение $f(x)$

Two cartoon suns with faces and smiling eyes are positioned above small blue clouds. One sun is on the left and one is on the right, both with a red dot at the top.

Ответ:

В 5 | 2 |

| | | | | | | |
|-----|---|--|--|--|--|--|
| В 5 | 2 | | | | | |
|-----|---|--|--|--|--|--|

Задание №9: Найдите значение производной функции в точке касания

Ответ:

в 5 0 , 5

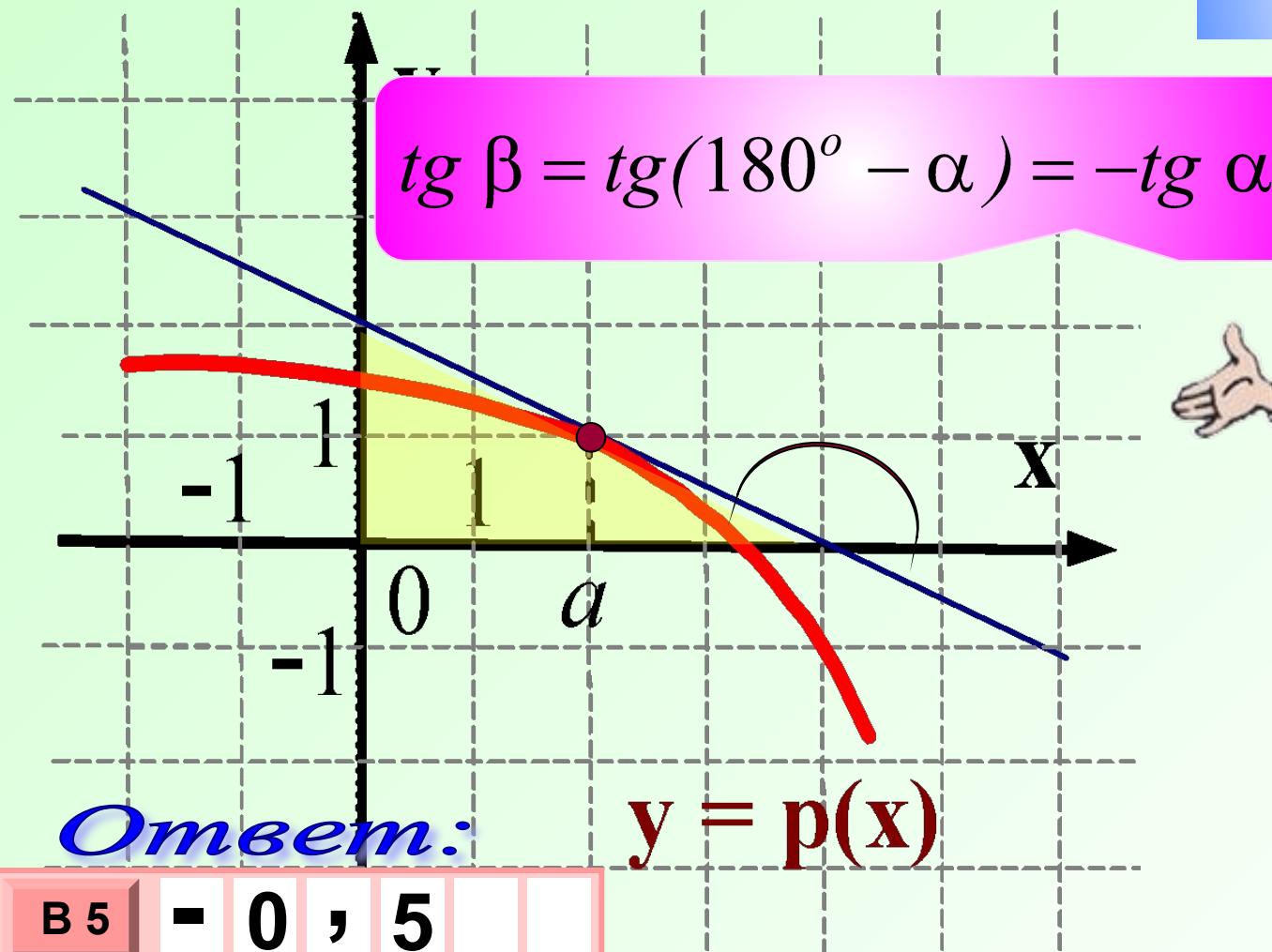
$$f'(a) = \operatorname{tg} \alpha$$

α – угол наклона
касательной к
положительному
направлению оси OX



Задание №10: Найдите значение производной функции в точке касания

ОТВЕТ



В 5 - 0 , 5

Задание №11: Используя график производной функции, найдите значение функции $y=f(x)$ в точке $x = 2$, если $f'(5) = 0$

$$f(x) = -3x + C$$

$$f(5) = 0$$

$$0 = -3 \cdot 5 + C$$

$$C = 15$$

$$f(2) = -3 \cdot 2 + 15 = 9$$

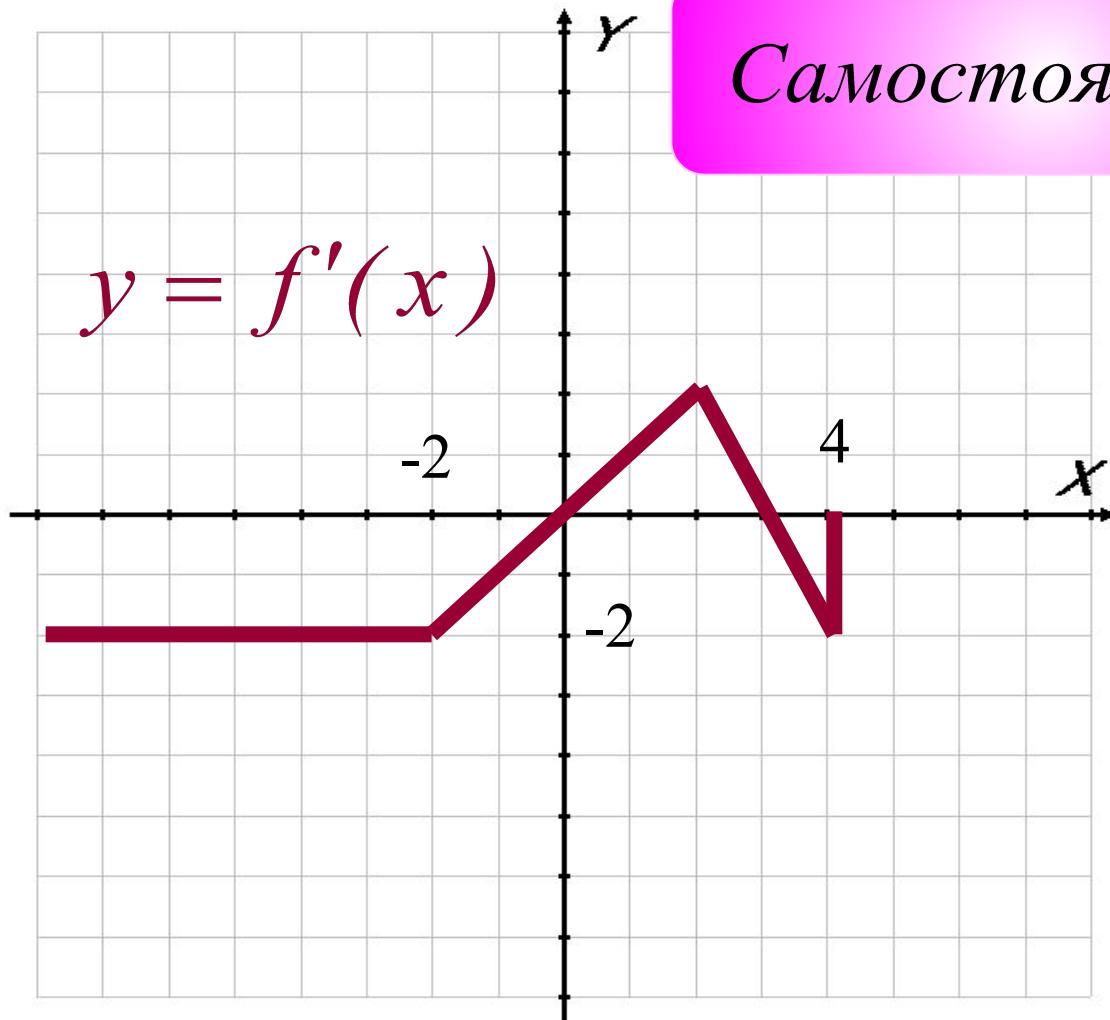


Ответ:
В 5 9

Задание №12: Используя график производной функции, найдите значение функции $y=f(x)$ в точке $x = -3$, если $f(-5) = 0$

Самостоятельно

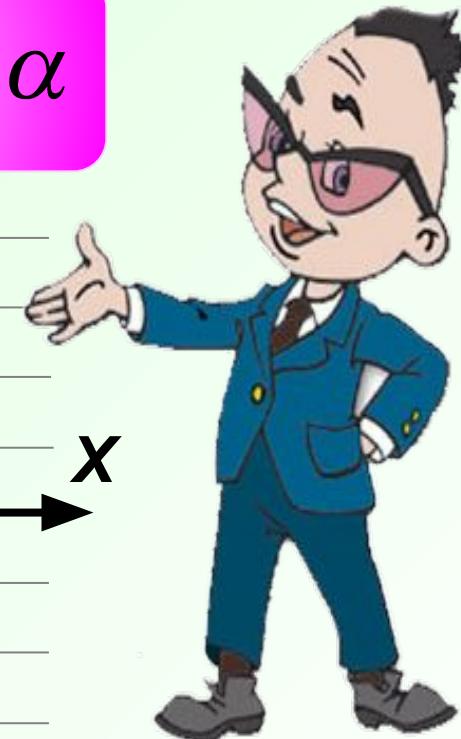
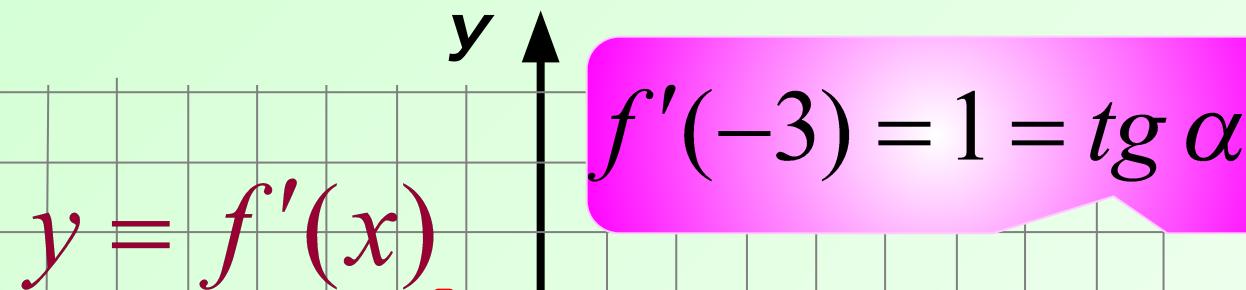
$$y = f'(x)$$



Ответ:

В 5 - 4

Задание №13: По графику производной функции определить величину угла (в градусах) между положительным направлением оси OX и касательной к графику функции $y = f(x)$ в точке $x = -3$



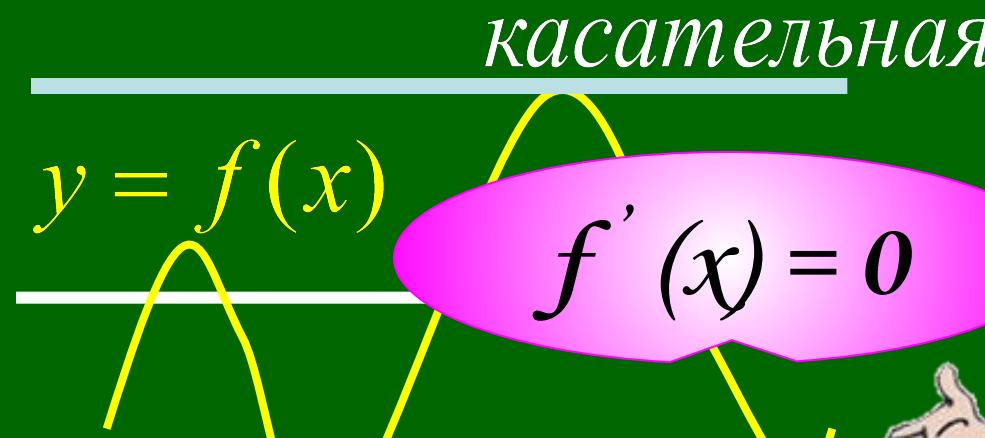
Ответ:

В 5

4 5

Показать (2)

Задание №14: По графику производной функции определить наименьшую абсциссу точки, в которой касательная к графику функции $y = f(x)$ параллельна оси абсцисс



$$\alpha = 0,$$

Ответ:

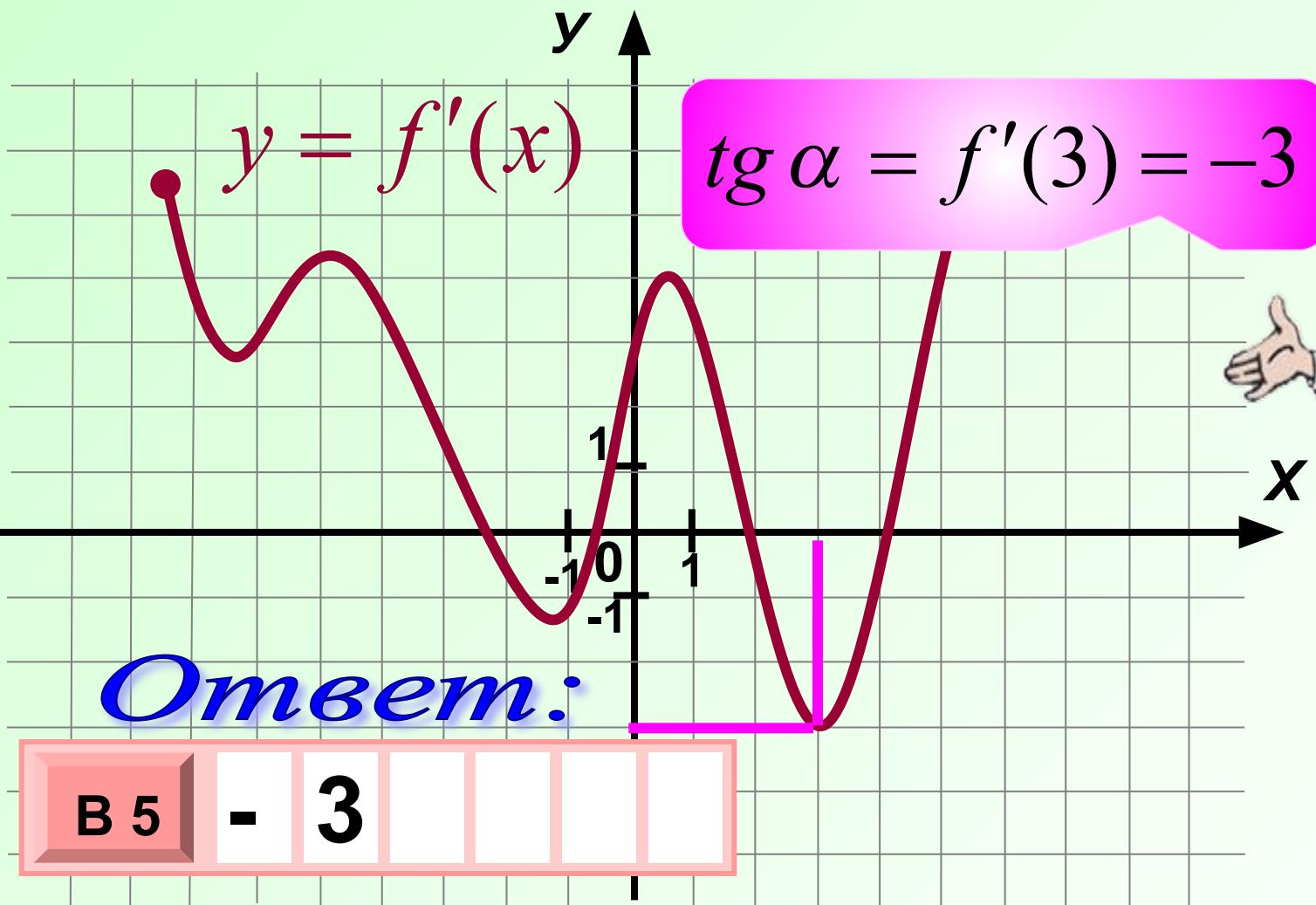
2

$$= \operatorname{tg} 0$$

| | | | | | | |
|-----|---|--|--|--|--|--|
| В 5 | 2 | | | | | |
|-----|---|--|--|--|--|--|



Задание №15: По графику производной функции определить тангенс угла наклона касательной к графику функции $y = f(x)$ в точке с абсциссой $x = 3$



**Задание №16: По графику производной функции
укажите количество касательных к графику функции
 $y = f(x)$, расположенных под углом 60 градусов
к оси абсцисс**

α – угол наклона

касательной к оси OX :

$$\operatorname{tg} \alpha = k = f'(x_o)$$

$$\operatorname{tg} 60^\circ = \sqrt{3} \approx 1,7 = f'(x_o)$$

В 5

4

Рассуждение
(2)

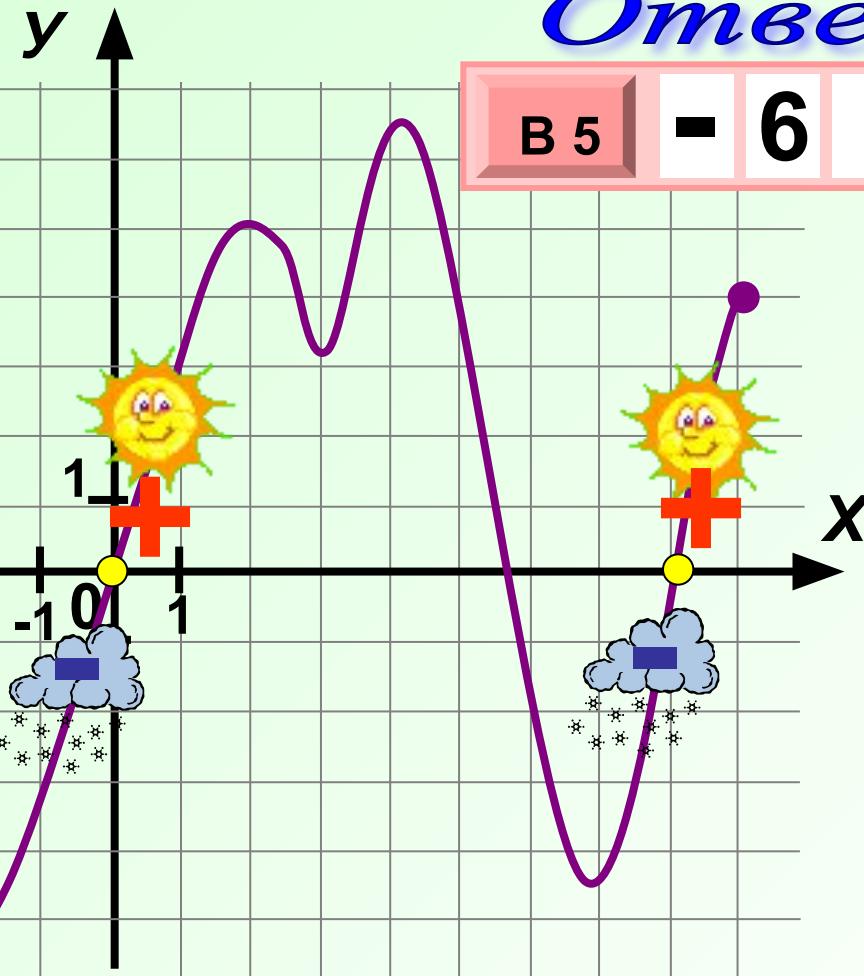


Задание №17: По графику производной функции определите наименьшее из тех значений x , в которых функция $y = f(x)$ имеет минимум.

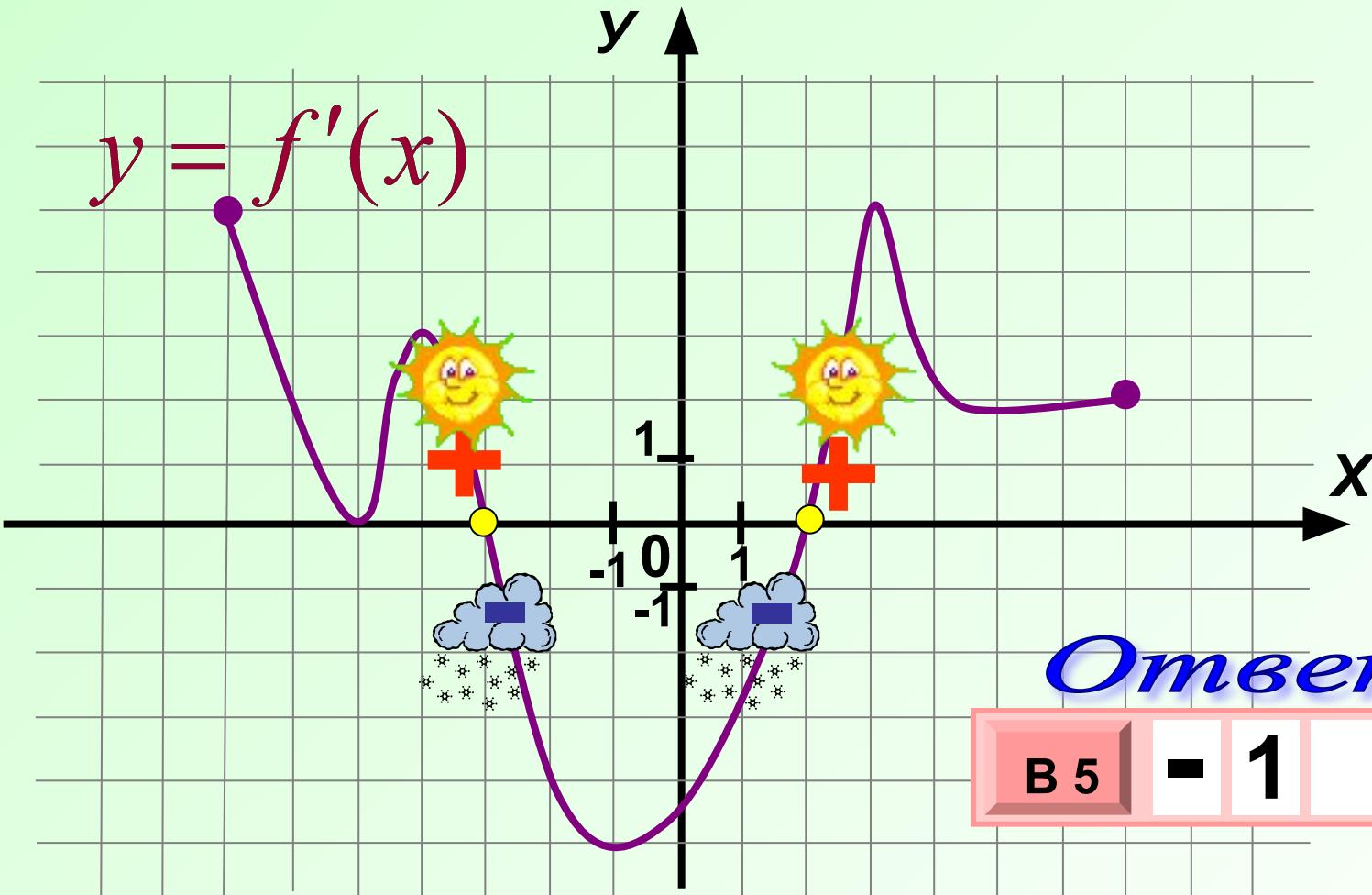
Ответ:

| | | | | | | |
|-----|-----|--|--|--|--|--|
| В 5 | - 6 | | | | | |
|-----|-----|--|--|--|--|--|

$$y = f'(x)$$



Задание №18: По графику производной функции определите сумму абсцисс точек экстремумов функции $y = f(x)$

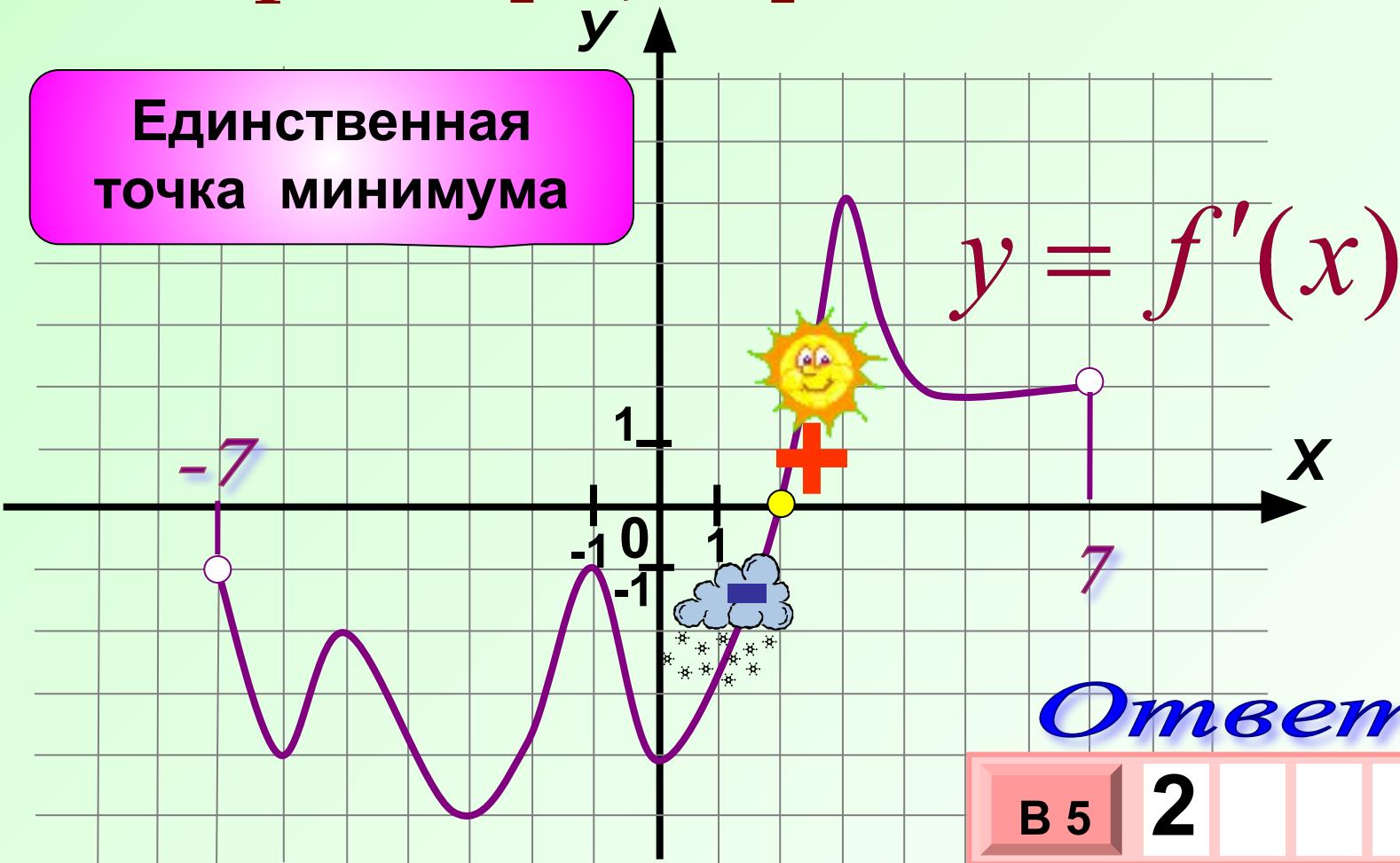


Ответ:

| | | | | | | | |
|-----|-----|--|--|--|--|--|--|
| B 5 | - 1 | | | | | | |
|-----|-----|--|--|--|--|--|--|

Задание №19: По графику производной функции определите значение x , при котором функция $y = f(x)$ принимает наименьшее значение на отрезке $[-7; 7]$

**Единственная
точка минимума**



Ответ:

В 5

2

Задание №20 Укажите абсциссу точки, в которой касательная к графику функции $y = f(x)$ имеет наибольший угловой коэффициент

$$y = f'(x)$$

y

$$f'(x_o)$$

В 5

Ответ:

-1 0 1
-1

x

x_o

Ищу наибольшее значение производной на интервале

