МНОЖЕСТВА И ОПЕРАЦИИ НАД НИМИ

ПОНЯТИЕ МНОЖЕСТВА И ОПЕРАЦИИ НАД НИМИ

 Понятие множества является одним из основных понятий математики и поэтому не определяется через другие.

Множества принято обозначать прописными буквами латинского алфавита: A, B, C, ..., Z.

Множество, не содержащее ни одного объекта, называется пустым и обозначается так: ∅

Объекты, из которых образованно множество, называются элементами.

Элементы множества принято обозначать строчными буквами латинского алфавита: a, b, c, ..., z.

Множества бывают конечными (множество дней в неделе, месяцев в году) и бесконечными (множество натуральных чисел, точек на прямой)

СТАНДАРТНЫЕ ОБОЗНАЧЕНИЯ ЧИСЛОВЫХ МНОЖЕСТВ

- Z множество всех целых чисел
- Q множество всех рациональных чисел
- J множество всех иррациональных чисел
- R множество всех действительных чисел

СПОСОБЫ ЗАДАНИЯ МНОЖЕСТВ

• 1. Способом перечисления всех его элементов.

Например, если множество А состоит из чисел 1,3,5,7 и 9, то мы зададим это множество, т.к. все его элементы оказались перечисленными. При этом используется следующая запись: {1,3,5,7,9}

Такая форма задания множеств применяется в том случае, когда оно имеет небольшое количество элементов.

2. Через характеристическое свойство его элементов

Характеристическое свойство - это такое свойство, которым обладает каждый элемент, принадлежащий множеству, и не обладает ни один элемент, который ему не принадлежит.

Например, множество A={1,3,5,7,9} можно задать через характеристическое свойство - множество однозначных, нечетных натуральных чисел.

Так множества обычно задают в том случае, когда множество содержит большое количество элементов или множество бесконечно.

СИМВОЛИЧЕСКАЯ ФОРМА ЗАДАНИЯ МНОЖЕСТВ

А - это множество всех натуральных чисел, больших 3 и меньших 10 можно записать таким образом:



ОТНОШЕНИЯ МЕЖДУ МНОЖЕСТВАМИ

I. Рассмотрим 2 множества: A={a, b, c, d, e}
 B={b, d, k, m}

Эти множества имеют общие элементы. В этом случае говорят, что множества пересекаются.

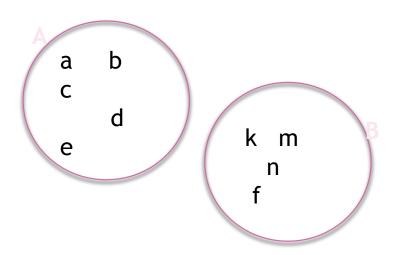
Множества A и B называются пересекающимися, если они имеют общие элементы.

Отношения между множествами наглядно представляют с помощью особых чертежей, называемых кругами Эллера.

II. Рассмотрим 2 множества: A={a, b, c, d, e}
 B={k, m, n, f}

Множества не имеют общих элементов. В этом случае говорят, что множества не пересекаются.

Множества A и B называются непересекающимися, если они не имеют общих элементов

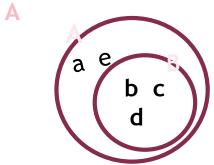


III. Рассмотрим 2 множества: A={a, b, c, d, e}
 B={b, c, d}

Эти множества называются пересекающимися, и, кроме того, каждый элемент множества В являются элементом множества А.

В этом случае говорят, что множество В является подмножеством множества A и пишут: $B \subset A$

- ✓ Множество В называется подмножеством множества А, если каждый элемент множества В является также элементом множества А.
- ✓ Пустое множество является подмножеством любого множества. Ø ⊂ A
- ✓ Любое множество является подмножеством самого себя. А ⊂

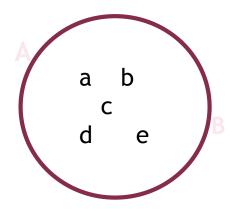


IV. Рассмотрим 2 множества: A={a, b, c, d, e}
 B={c, d, a, b, e}

Эти множества пересекаются, причем каждый элемент множества A является элементом множества B (A \subset B), и наоборот, каждый элемент множества B является элементом множества A (B \subset A).

В этом случае говорят, что множества равны и пишут: А = В.

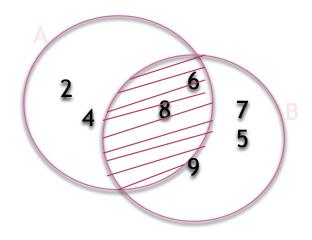
Множества A и B называются равными, если A \subset B и B \subset A



ОПЕРАЦИИ НАД МНОЖЕСТВАМИ

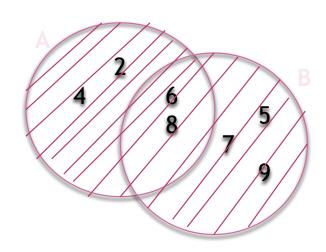
Пересечением множеств A и B называется множество, содержащее те и только те элементы, которые принадлежат множеству A и множеству B.

$$A=\{2,4,6,8\}$$
 $C=A\cap B$ $B=\{5,6,7,8,9\}$ $C=\{6,8\}$



Объединением множеств A и B называется множество, содержащее те и только те элементы, которые принадлежат множеству A или множеству B.

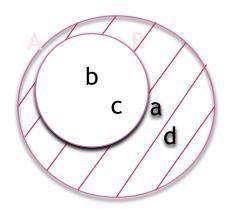
$$\begin{array}{lll} A = & \{2,4,6,8\} & C = A \cup B \\ B = & \{5,6,7,8,9\} & C = & \{2,4,5,6,7,8,9\} \end{array}$$



• III. Вычитание множеств

Разностью множеств A и B называется множество, содержащее те и только те элементы, которые принадлежат множеству A и не принадлежат множеству B.

$$A\B=\{x\mid x\in A\ и\ x\in B\}$$



Дополнением множества В до множества А называется множество, содержащее те и только те элементы множества А, которые не принадлежат множеству В.

ДЕКАРТОВО ПРОИЗВЕДЕНИЕ МНОЖЕСТВ

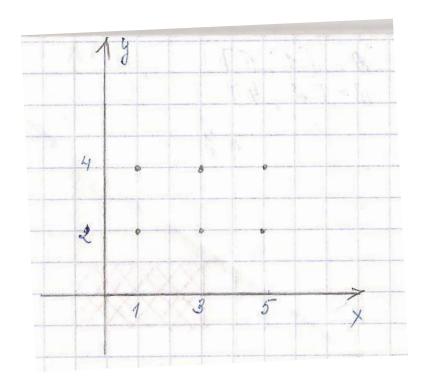
- Упорядоченную пару, образованную из элементов множеств А
 и В принято записывать, используя круглые скобки (a, b).
- Элемент а называют первой координатой (компонентой) пары,
 а элемент b второй координатой (компонентой) пары.
- Декартовым произведением множеств А и В называется множество всех пар, первая компонента которых принадлежит множеству А, а вторая компонента принадлежит множеству В.

$$A \times B = \{ (x; y) \mid x \in A, y \in B \}$$

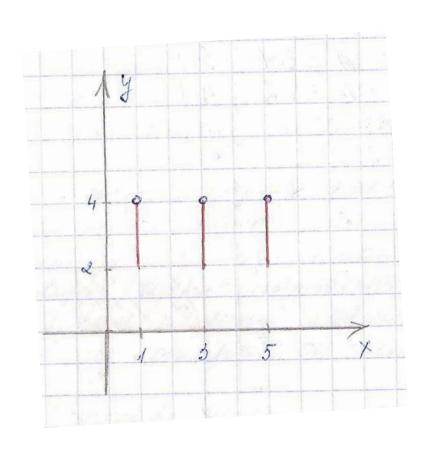
$$A=\{1,3,5\}$$

 $B=\{2,4\}$

$$A \cdot B = \{(1;2), (1;4), (3;2), (3;4), (5;2), (5;4)\}$$

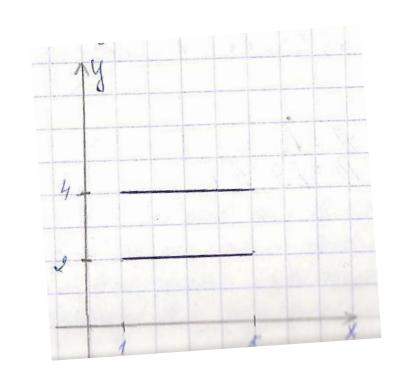


 $A=\{1,3,5\}$ B=[2,4] или $B=\{y \mid y \in R, 2 \le y \le 4\}$



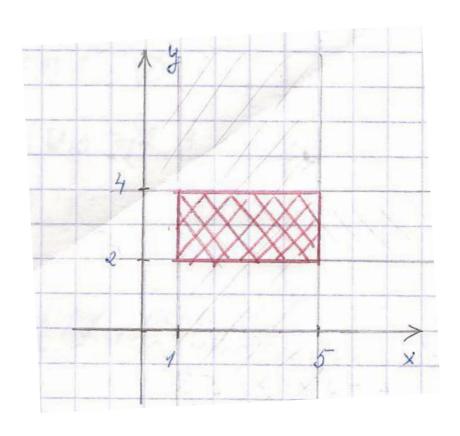
A=[1;5]

 $B=\{2,4\}$



A=[1;5]

B=[2,4]



A=[1;5)

$$B=(2,4]$$

