

Алгебраические дроби, сокращение дробей.

Горячева Р. А.
МБОУ СОШ №37
г. Краснодар

Тип урока: усвоение новых знаний

- Систематизировать знания учащихся по предыдущей теме
- Ввести понятие алгебраической дроби, сокращение алгебраических дробей
- Познакомить с алгоритмом выполнения сокращения
- Развивать творческую самостоятельность учащихся
- Прививать интерес к предмету

Устная работа - разминка

- Преобразуйте выражение в многочлен стандартного вида:

- а) $(x + 2)(x + 3)$

- $(a - 2)(a - 3)$

- Сократите дроби:

- а) $\frac{2}{8}$; б) $\frac{6}{9}$; в) $\frac{4}{16}$; г) $\frac{15}{25}$



1. Разложите на множители:

- а) $c^2 - d^2$;
- б) $49 - x^2$;
- в) $x^2 + y^2$;
- г) $a^2 + 2ax + x^2$;
- д) $y^2 - 2xy + x^2$;
- е) $2x^2y + 4xy^2$;
- ж) $x^{2n} - x^{3n}$;
- з) $y^{n+1} - y^n$



Найдите ошибки:

$$1. (4y - 3x)(3x + 4y) = 8y^2 - 9y^2;$$

$$2. 100m^2 - 4n^4 = (10m - 2n^4)(10m + 2n^4);$$

$$3. (4x + a)^2 = 16x^2 - 8ax + a^2;$$

$$4. (6a^2 - 9c)^2 = 36a - 108a^2c + 18c^2$$



Разложите на множители:

$$1) 7 - 14a = \underline{7(1 - 2a)}$$

$$2) 4a^2b + 18b^2a = \underline{2ab(2a + 9b)}$$

$$3) 36 - c^2 = \underline{(6 - c)(6 + c)}$$

$$4) 16z^4 - 81x^4 = \underline{(2z - 3x)(2z + 3x)(4z^2 + 9x^2)}$$

$$5) 4 + 4y + y^2 = \underline{(2 + y)^2 = (2 + y)(2 + y)}$$

$$6) y^3 - 8 = \underline{(y - 2)(y^2 + 2y + 4)}$$

Теория:



- Алгебраической дробью называют отношение двух многочленов P и Q , т.е. $\frac{P}{Q}$, где P - числитель, Q - знаменатель алгебраической дроби.
- Например, $\frac{7z^4}{t}$, $\frac{a+b}{a-b}$, $\frac{18a^2+12ab}{-2b^2 2a^2}$, $\frac{7y-4}{y}$

- Сократить дробь – это значит, разделить одновременно числитель и знаменатель дроби на их общий множитель, одно и то же отличное от нуля число.
- ***Обрати внимание!***
- Сначала надо разложить на множители числитель и знаменатель дроби.

- $$\frac{5a+5b}{3a+3b} =$$
- $$= \frac{5(a+b)}{3(a+b)} =$$
- $$= \frac{5}{3}$$



● **Пример:**

• 1. Задание. Разделить одночлен $49c^3d^5$ на одночлен $7cd^2$

• Решение: Вместо записи $49c^3d^5:7cd^2$ используем дробную черту :

• $49c^3d^5:7cd^2 = \frac{49c^3d^5}{7cd^2}$, т.к. $c:d$ и $\frac{c}{d}$ одно и то же.

•
$$\frac{49c^3d^5}{7cd^2} = \frac{49}{7} \cdot \frac{c^3}{c} \cdot \frac{d^5}{d^2} = 7c^2d^3.$$



Сократите дроби (письменно):

$$1) \frac{14x^3y}{22xy^2} =$$

$$2) \frac{a^2 - 4b^2}{(a + 2b)^2} =$$

$$3) \frac{a^2}{a^2 - 3a} =$$

$$4) \frac{a^2 - 10ab + 25b^2}{5b - a} =$$

$$5) \frac{9x^2 - 24xy + 16y^2}{9x^2 - 16y^2} =$$



2. Сократите дроби (письменно)

● а) $\frac{d^2 - c^2}{c + d};$

● б) $\frac{d^2 - c^2}{d - c};$

● в) $\frac{5 - x}{x - 5};$

● г) $\frac{(b - x)^2}{x - b};$

$\frac{(b - x)^2}{x - b};$



3. Найдите значение алгебраической дроби, предварительно сократив ее:

$$\frac{x^2 - 4}{x - 2}$$

- при $x=10$,
- $x=0$,
- $x=5$,
- $x=2$.

● *Всегда ли это возможно?*

● *Когда нет?*

•



Запомним !



- Буквы, входящие в алгебраическую дробь, могут принимать лишь **допустимые значения**, то есть такие значения, при которых **знаменатель дроби не равен нулю!!!**

- Пример: для дроби $\frac{5a - 6}{a + 2}$ допустимы все значения a , кроме $a = - 2$

Буквы могут принимать лишь **допустимые значения**, т. е. такие значения, при которых **знаменатель этой дроби не равен нулю**.

Для дроби $\frac{a}{a(a-1)}$ допустимыми

являются все значения a , кроме $a = 0$ и $a = 1$.

Найти допустимые значения букв, входящих в дробь:

$$\frac{3}{a};$$

$$\frac{-4}{b};$$

$$\frac{a-b}{a+2}$$

$$\frac{a+5}{3-a}.$$



Найти допустимые значения букв, входящих в дробь:

$$1) \frac{4}{x} \quad x \neq 0$$

$$4) \frac{2}{c-5} \quad c \neq 5$$

$$2) \frac{m-n}{m+3} \quad m \neq -3$$

$$5) \frac{-3}{p^2-1} \quad p \neq \pm 1$$

$$3) \frac{n}{n^2+4} \quad n \text{ — любое действительное число}$$

4. При КАКИХ значениях p возможно сокращение дроби

$$\frac{x^2 - 64}{x - p} ?$$



Основное свойство дроби

- $\frac{a}{b} = \frac{ma}{mb}$, где $m \neq 0$, $b \neq 0$

- Примеры использования основного свойства дроби:

- Привести дробь $\frac{3a}{b^2}$ к знаменателю b^3

- $$\frac{3a}{b^2} = \frac{3a \cdot b}{b^2 \cdot b} = \frac{3ab}{b^3}$$

- **Прокомментируйте, пожалуйста, приведённые действия.**



Прочтём по учебнику задачу 2

- Какой вывод относительно сокращения дроби можно сделать?
- **ВЫВОД:** для сокращения дроби нужно воспользоваться основным свойством дроби, т.е. числитель и знаменатель разделить на их общий множитель.



Работа с учебником, закрепление:

- Выполнить № 433- 437 нечетные



● **Дополнительное задание:**
● **Выполним самостоятельно:**

1 вариант

2 вариант



1. При каком значении p равенство, полученное при сокращении дроби верно?

$$\frac{p^2 x^2 - 49}{3x - 7} = 3x + 7$$

$$\frac{81 - p^2 a^2}{9 + 5a} = 9 - 5a$$

2. Решите уравнение:

$$16y - y^3 = 0$$

$$x^3 - 25x = 0$$

$$\frac{z^8 t^4 w^{20}}{zt^3 w} = \frac{15a(p-q)}{20b(p-q)} =$$

$$\frac{a^{12} x^{19} z^5}{-a^{40} x^{31} z^6} = \frac{2b(m+n)}{6bc(m+n)} =$$

$$\frac{10x^2 y^4 (c-d)}{20xy^5 (d-c)} = \frac{xz - 3yz}{x^2 - 3xy} =$$

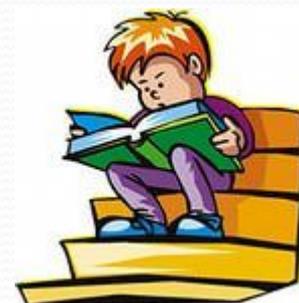
$$\frac{44c^3 d^8 (c-d)}{100c^5 d^4 (d-c)} = \frac{3c^3 - 3cd^2}{6dc^2 - 6d^3} =$$

$$\frac{36 - y^2}{6 - y} = \frac{(x+y)^2}{x^2 - y^2} =$$

$$\frac{8 - 3c}{9c^2 - 64} = \frac{(x-y)^2}{x^2 - y^2} =$$

Домашнее задание:

- № 433- 437 четные



Анализ работы, подводим итоги:

- Что нового вы узнали на уроке?
- Что повторили?
- Что обобщили?
- Что показалось простым?
- А что было сложным?
- В чем вы испытывали трудности?
- К какому выводу вы пришли?





**СПАСИБО ЗА
ВНИМАНИЕ!**

