# **Простейшие показательные уравнения**

#### Алгоритм решения

- 1. Приводим все степени к одинаковому основанию
- 2. Приводим уравнение к виду:

$$a^{f(x)} = a^{g(x)}$$

3. Основания равны следовательно равны показатели и решаем уравнение f(x)=g(x)

$$f(x) = g(x)$$



$$3^{x} = 27$$

$$3^x = 3^3$$
  $x = 3$ 

$$\left(\frac{1}{27}\right)^{1}=1$$

$$3^{-3x} = 3^0$$
  $x = 0$ 

## $2^{x} = 8$

$$2^x = 2^3$$
  $x = 3$ 

$$\begin{pmatrix} \frac{1}{4} \end{pmatrix}^x = 16$$

$$2^{-2x} = 2^4 \quad -2x = 4$$

x = -2

$$7^{x} = \frac{1}{49}$$

$$6^{x} = \frac{1}{216}$$

$$7^x = 7^{-2}$$
  $x = -2$ 

$$6^x = 6^{-3}$$
  $x = -3$ 

## $0,3^x=0,0081$

$$0.3^x = 0.3^4$$

$$x = 4$$

$$0, 2^x = 0,000064$$

$$0,2^x=0,2^6$$

$$x = 6$$

Найдите корень уравнения
$${\binom{1}{5}}^x = 25\sqrt{5} \qquad 5^{-x} = 5^2 \cdot 5^{0,5}$$

$$5^{-x} = 5^{2,5}$$
  $x = -2,5$ 

$$\left(\frac{4}{25}\right)^{x+2} = \left(\frac{5}{2}\right)^{6}$$

$$\left(\left(\frac{2}{5}\right)^2\right)^{x+2} = \left(\frac{2}{5}\right)^{-6}$$

$$2(x+2) = -6$$
$$(x+2) = -3$$

x = -5

$$\left(6\frac{4}{13}\right)^{2x+5} = 1 \qquad 2x+5=0 \\ x = -2, 5$$

# $8^{x+2} - 32^x = 0$

$$8^{x+2} = 32^{x} 3(x+2) = 5x$$

$$((2)^{3})^{x+2} = (2)^{5x} 3x + 6 = 5x$$

$$6 = 5x - 3x$$

$$6 = 2x x = 3$$

$$\left(\frac{1}{4}\right)^{3-2,5x} = 8^{x-\frac{1}{3}}$$

$$\left(2^{-2}\right)^{3-2,5x} = \left(2^{3}\right)^{x-\frac{1}{3}}$$

$$2^{-6+5x} = 2^{3x-1}$$

$$-6 + 5x = 3x - 1$$

$$5x - 3x = 6 - 1$$

$$2x = 5$$
  $x = 2,5$ 

$$64 \cdot 8^{1+2x} = 16^{2+x}$$

$$2^{6} \cdot (2^{3})^{1+2x} = (2^{4})^{2+x}$$

$$2^{6} \cdot 2^{3+6x} = 2^{8+4x}$$

$$2^{6+3+6x} = 2^{8+4x}$$

$$2^{9+6x} = 2^{8+4x}$$

$$9+6x=8+4x$$

$$2x=-1 \qquad x=-0,5$$

$$2^{x^2+5} -6 = 1$$

$$2^{x^2+5} - 6 = 2^0$$

$$x^2 + 5 - 6 = 0$$

$$D = b^2 - 4ac$$

$$D = 5^2 - 4 \cdot 1 \cdot (-6) = 25 + 24 = 49$$

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{D}}{2a}$$

$$x = \frac{-5 \pm \sqrt{49}}{2}$$

$$x = \frac{-5 \pm 7}{2}$$

$$x = -6 \qquad x = 1$$

$$x = 1$$

#### САМОСТОЯТЕЛЬНАЯ РАБОТА

Вариант 1

$$2^{4-2x} = 64$$

$$\left(\frac{1}{2}\right)^{6-2x} = 4$$

$$9^{-5+x} = 729$$

$$\left(\frac{1}{2}\right)^{x-8} = 2^x.$$

$$2^{3+x} = 0, 4 \cdot 5^{3+x}$$

Вариант 2

$$\left(\frac{1}{3}\right)^{x-8} = \frac{1}{9}$$

$$5^{x-7} = \frac{1}{125}$$

$$\left(\frac{1}{8}\right)^{-3+x} = 512.$$

$$8^{9-x} = 64^x$$

$$9^{2+5x} = 1,8 \cdot 5^{2+5x}$$