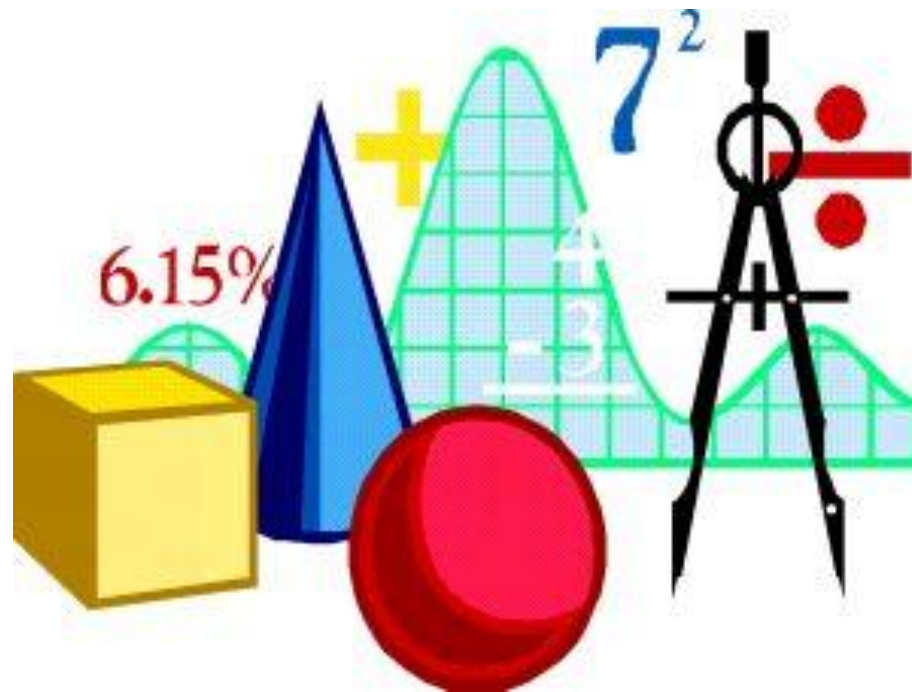




***«Мне приходится делить время между
политикой и уравнениями.
Однако уравнения гораздо важнее.
Политика существует только для
данного момента, а уравнения будут
существовать вечно...»
А. Эйнштейн.***



Решение тригонометрических уравнений



Найди ошибку

$$\arcsin \frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{\pi}{2}$$

$$\arccos \left(-\frac{1}{2}\right) = \left(\frac{\pi}{3}\right)$$

$$\operatorname{arctg} \sqrt{3} = \frac{\pi}{3}$$

$$\operatorname{arctg} 1 = \left(-\frac{\pi}{4}\right)$$



Установи соответствие

1) $\sin x = \sqrt{\frac{3}{2}};$

1. $-\frac{\pi}{4} + \pi n, n \in \mathbb{Z}$

2. $2\pi n, n \in \mathbb{Z}.$

2) $\cos x = \frac{\sqrt{2}}{2};$

3. $(-1)^k \frac{\pi}{3} + \pi k, k \in \mathbb{Z}.$

3) $\operatorname{tg} x = -1;$

5. $\pm \frac{\pi}{4} + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}.$

5) $\sin t = -2;$

6) $\cos t = 1;$

7. нет корней.

7) $\operatorname{tg} t = \frac{1}{2};$

4. $\arctg \frac{1}{2} + \pi n, n \in \mathbb{Z}$

8. $(-1)^{k+1} \frac{\pi}{4} + \pi k, k \in \mathbb{Z}.$

10) $\sin y = -\frac{\sqrt{2}}{2}$

11) $\sin a = 1;$

11. $\frac{\pi}{2} + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}.$

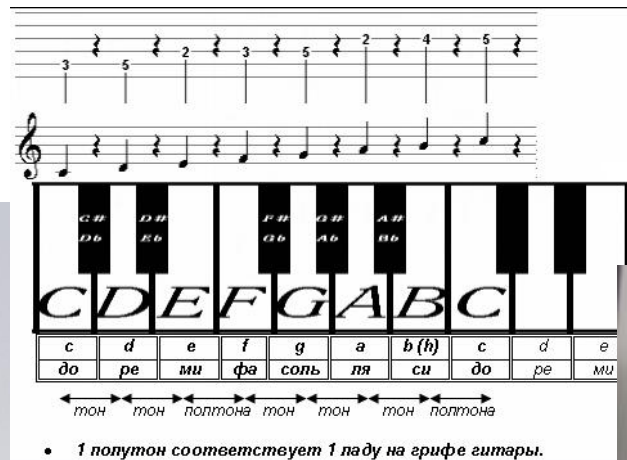
Тригонометрические уравнения одна из самых сложных тем в математике.

Тригонометрические уравнения возникают при решении задач по планиметрии, стереометрии, астрономии, физики и в других областях.

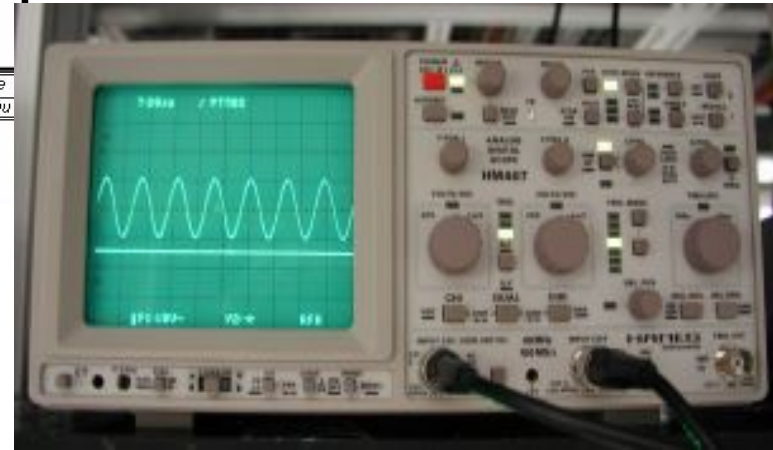
Тригонометрические уравнения и неравенства из года в год встречаются среди заданий ЕГЭ

Применение тригонометрии

Следует отметить применение тригонометрии в таких областях, как теория музыки, акустика, анализ финансовых рынков, электроника, теория вероятностей, статистика, биология, медицина (включая ультразвуковое исследование (УЗИ) и компьютерную томографию), фармацевтика, химия, теория чисел (и, как следствие, криптография), сейсмология, метеорология, океанология, картография, архитектура, фонетика, экономика, электронная техника, машиностроение, компьютерная графика.



- 1 полутона соответствует 1 ладу на грифе гитары.



Применение в технике

Принцип действия самозахватывающего ключа основан на измерении косинуса угла между захватами. При уменьшении угла косинус возрастает - захваты смыкаются.

При смыкании небольшое перемещение захватов обеспечивает плотное сцепление с отвинчиваемой деталью.



Тригонометрические уравнения в заданиях ЕГЭ

С 1 № 500592. а) Решите уравнение $\cos 2x + 3 \sin^2 x = 1,25$

б) Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие отрезку $\left[\pi; \frac{5\pi}{2}\right]$

Решение.

а) Запишем уравнение в виде:

$$1 - 2\sin^2 x + 3\sin^2 x = 1,25 \Leftrightarrow 1 + \sin^2 x = 1,25$$

В результате получим:

$$\sin^2 x = 0,25 \Leftrightarrow \sin x = \pm \frac{1}{2}$$

Значит

$$x = \pm \frac{\pi}{6} + 2\pi k, x = \pm \frac{5\pi}{6} + 2\pi k, k \in \mathbb{Z}$$

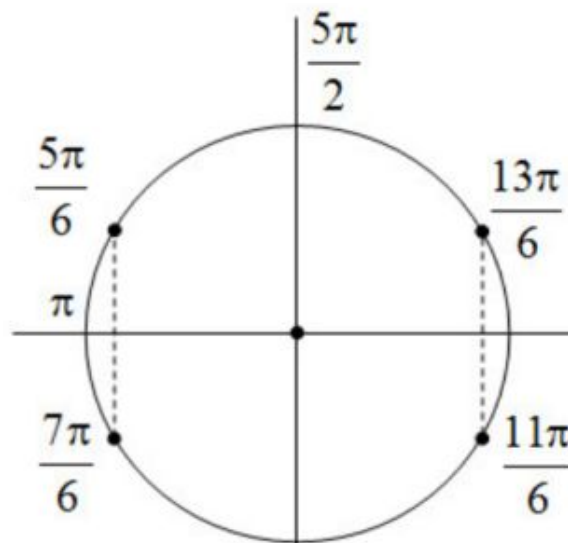
б) Отметим решения на тригонометрической окружности.

Отрезку $\left[\pi; \frac{5\pi}{2}\right]$ принадлежат корни $\frac{7\pi}{6}$, $\frac{11\pi}{6}$ и $\frac{13\pi}{6}$.

Ответ:

А) $x = \pm \frac{\pi}{6} + 2\pi k, x = \pm \frac{5\pi}{6} + 2\pi k, k \in \mathbb{Z}$

Б) $\frac{7\pi}{6}, \frac{11\pi}{6}$ и $\frac{13\pi}{6}$.



Преобразование сумм тригонометрических функций в произведение

$$\sin(\alpha) + \sin(\beta) = 2 \cdot \sin \frac{(\alpha + \beta)}{2} \cdot \cos \frac{(\alpha - \beta)}{2}$$

$$\cos \alpha + \cos \beta = 2 \cdot \cos \frac{\alpha + \beta}{2} \cdot \cos \frac{\alpha - \beta}{2}$$

$$\sin(\alpha) - \sin(\beta) = 2 \cdot \sin \frac{(\alpha - \beta)}{2} \cdot \cos \frac{(\alpha + \beta)}{2}$$

$$\cos \alpha - \cos \beta = -2 \cdot \sin \frac{\alpha + \beta}{2} \cdot \sin \frac{\alpha - \beta}{2}$$

Решите уравнение:

$$\sin x + \sin 2x + \sin 3x + \sin 4x = 0$$

Решение. Перепишем уравнение в виде $(\sin x + \sin 3x) + (\sin 2x + \sin 4x) = 0$. Далее преобразуем это уравнение, используя формулу

$$\sin \alpha + \sin \beta = 2 \sin \frac{\alpha + \beta}{2} \cdot \cos \frac{\alpha - \beta}{2}.$$

Получим

$$2 \sin 2x \cos x + 2 \sin 3x \cos x = 0;$$

$$\cos x (\sin 2x + \sin 3x) = 0;$$

$$\cos x \cdot \sin \frac{5x}{2} \cdot \cos \frac{x}{2} = 0.$$

Последнее уравнение распадается на три:

$$1) \cos x = 0; x = \frac{\pi}{2} + \pi n;$$

$$2) \sin \frac{5x}{2} = 0; x = \frac{2\pi n}{5}, n \in \mathbf{Z};$$

$$3) \cos \frac{x}{2} = 0; x = \pi + 2\pi n, n \in \mathbf{Z}.$$

$$\text{Ответ: } \frac{\pi}{2} + \pi n, \frac{2\pi n}{5}, \pi + 2\pi n, n \in \mathbf{Z}.$$

**УЧЕБНИК СТР. 76 № 532(А,
Б), 533, 549, 550(А)**

***«Мне приходится делить время между
политикой и уравнениями.
Однако уравнения гораздо важнее.
Политика существует только для
данного момента, а уравнения будут
существовать вечно...»
А. Эйнштейн.***



Продолжи предложение

- **Сегодня я узнал.....**
- **Было трудно.....**
- **Я научился.....**
- **Меня заинтересовало.....**
- **Мне захотелось.....**
- **Меня удивило.....**
- **Теперь я могу.....**



**Спасибо за
урок!**