

# УРОК МАТЕМАТИКИ



Дробно-линейная функция и её  
график

# План урока

Z

Повторим  
преобразования

Определение

План  
построения

Пример  
построения

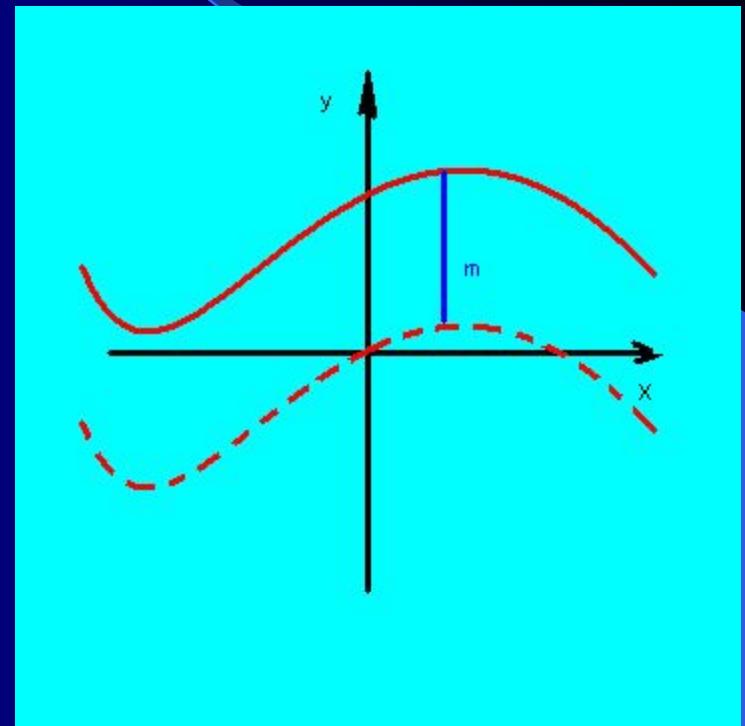
X

?

Y

# Повторим преобразования

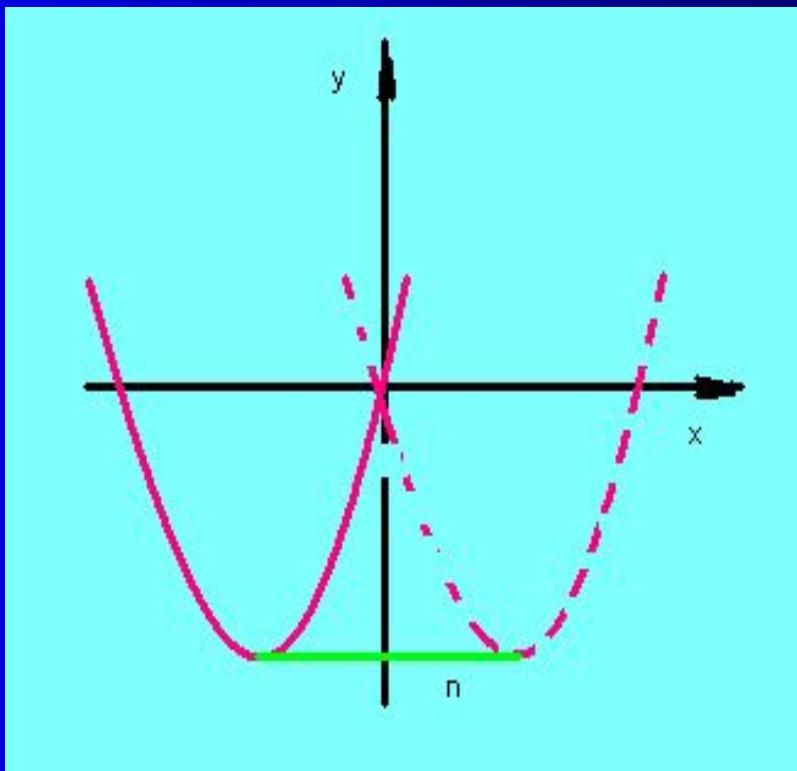
*Для получения графика функции  $y=f(x)+m$  из графика функции  $y=f(x)$  необходимо сместить его по оси ОУ на  $m$  единиц*



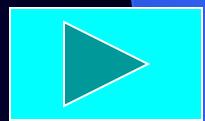
$$y=f(x)+m$$



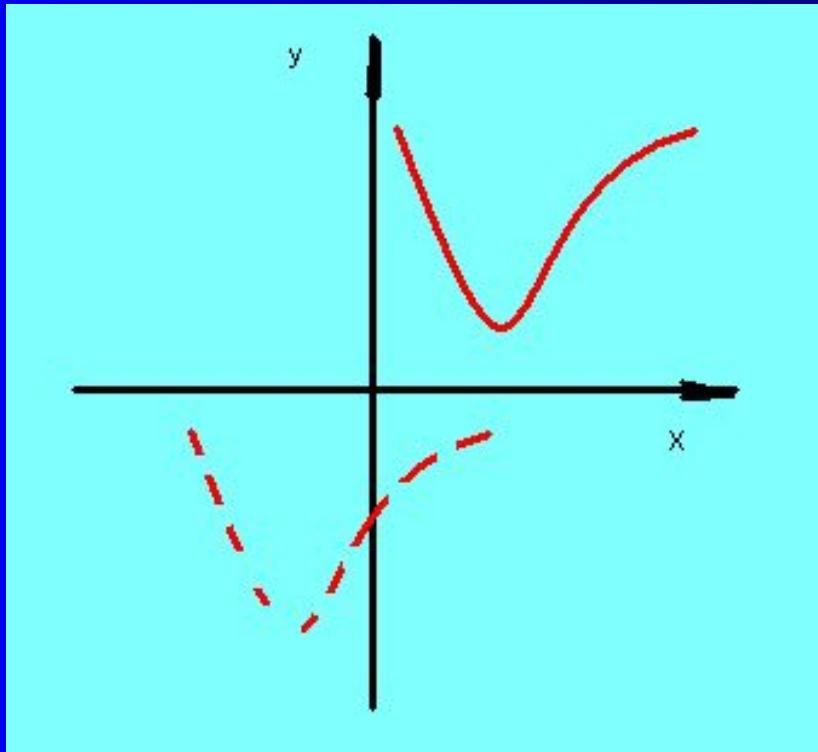
$$y=f(x-n)$$



*Для получения  
данного графика из  
графика функции  
 $y=f(x)$  необходимо  
сместить его по  
оси  $OX$  на  $n$  единиц.*



$$y=f(x-m)+n$$



*График данной функции  
получен из графика  
функции  $y=f(x)$   
смещением по оси  $OX$   
на  $m$  единиц и по оси  
 $OY$  на  $n$  единиц*



## ОПРЕДЕЛЕНИЕ:



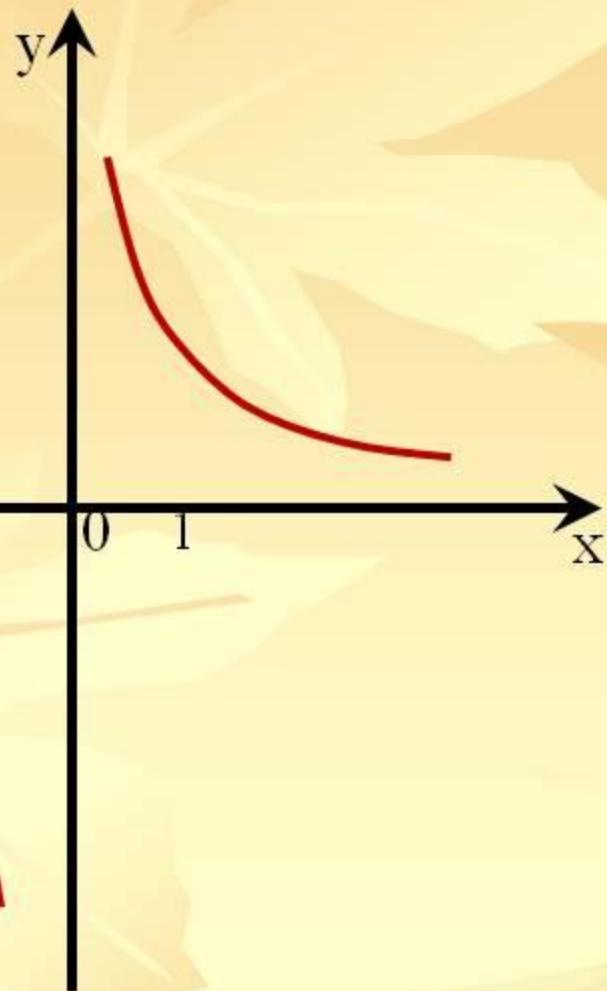
Функцию, заданную формулой вида  $y=(ax+b)/(cx+d)$ , где  $x$  - переменная,  $a, b, c$  и  $d$  - заданные числа, называется

дробно-линейной.

Графиком дробно-линейной функции является гипербола



# Асимптота



- Характерная особенность гиперболы — то, что она состоит из двух одинаковых частей, кроме того, у неё есть асимптоты — прямые, к которым она стремится, уходя в бесконечность.
- Ось OX – асимптота.
- Ось OY – асимптота.

# ПЛАН ПОСТРОЕНИЯ ГРАФИКА ДРОБНО-ЛИНЕЙНОЙ ФУНКЦИИ

- ВЫДЕЛЯЕМ ИЗ ДРОБИ ЦЕЛУЮ ЧАСТЬ
- ОПРЕДЕЛЯЕМ АСИМПТОНЫ
- СОСТАВЛЯЕМ ТАБЛИЦУ ДЛЯ ФУНКЦИИ  
 $y = k/x$
- СТРОИМ ГРАФИК  $y = k/x$  НА  
АСИМПТОНАХ КАК НА ОСЯХ



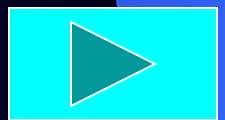
# ПРИМЕР ПОСТРОЕНИЯ

**ЗАДАНИЕ:** Построить график функции  $y = (x+6)/(x+4)$

- Выделим целую часть:

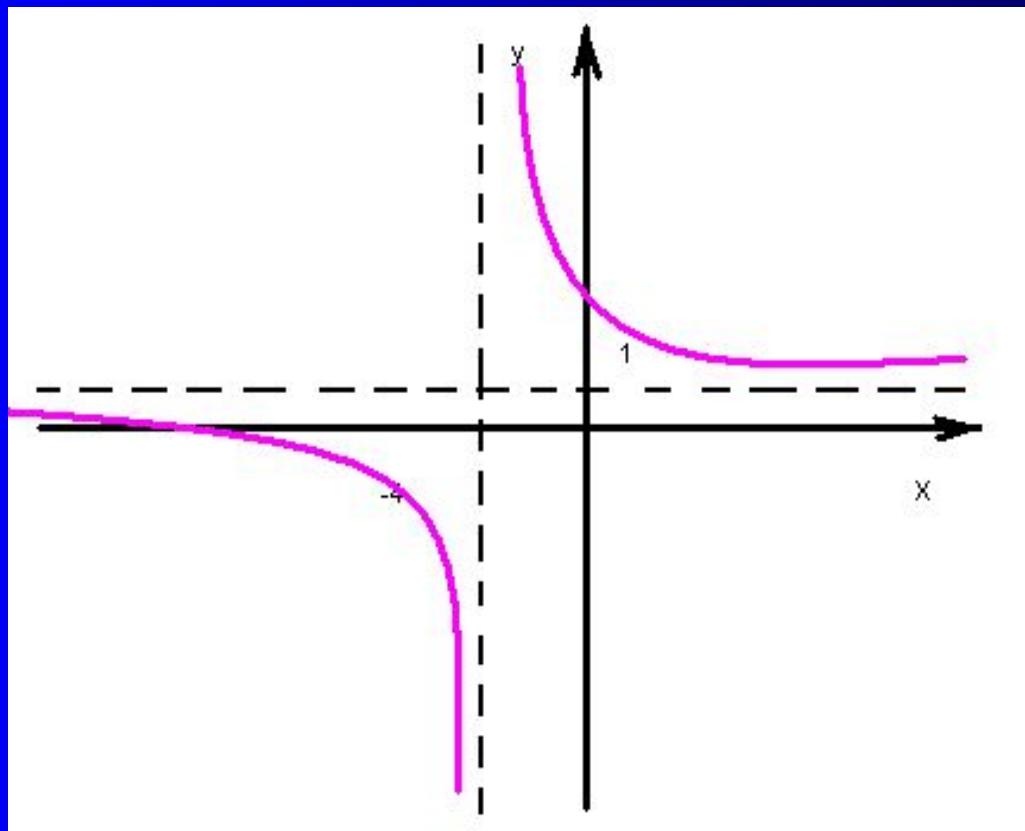
$$(x+6)/(x+4) = (x+4+2)/(x+4) = 1 + 2/(x+4)$$

- получаем функцию вида  $y = 2/(x+4) + 1$
- Асимптотами являются прямые  $x = -4$  и  $y = 1$
- Строим асимптоты, а затем на них как на осях построим график функции  $y = 2/x$
- График на следующем слайде





Функция  $y = (x+6)/(x+4)$  имеет  
график:



Асимптоты:

$$x = -4 \text{ и } y = 1$$

график –  
гипербола



**СПАСИБО ЗА ВНИМАНИЕ**

**ЖЕЛАЮ УСПЕХОВ В  
ИЗУЧЕНИИ ДРОБНО-  
ЛИНЕЙНОЙ ФУНКЦИИ !!!**