



11 класс

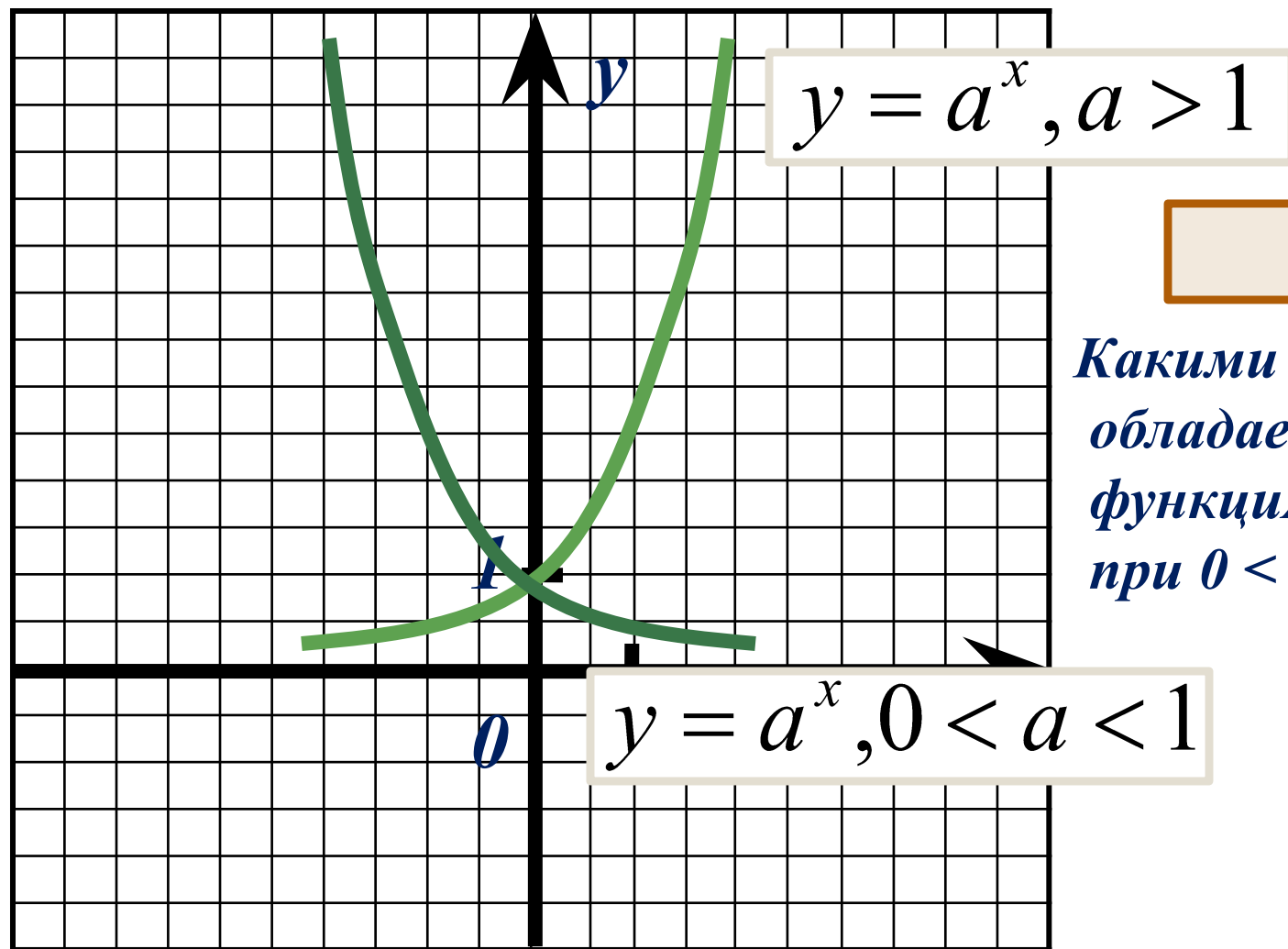
*Функция $y = \log_a x$,
её свойства и график.*

Учитель: Ли Л.М.

Работа устно:

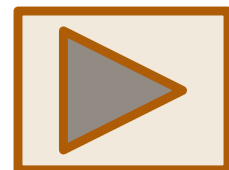
№	1	2	3	4
a				
b				
c				
d				

*Прочитайте и назовите график функции,
изображённый на рисунке.*



План

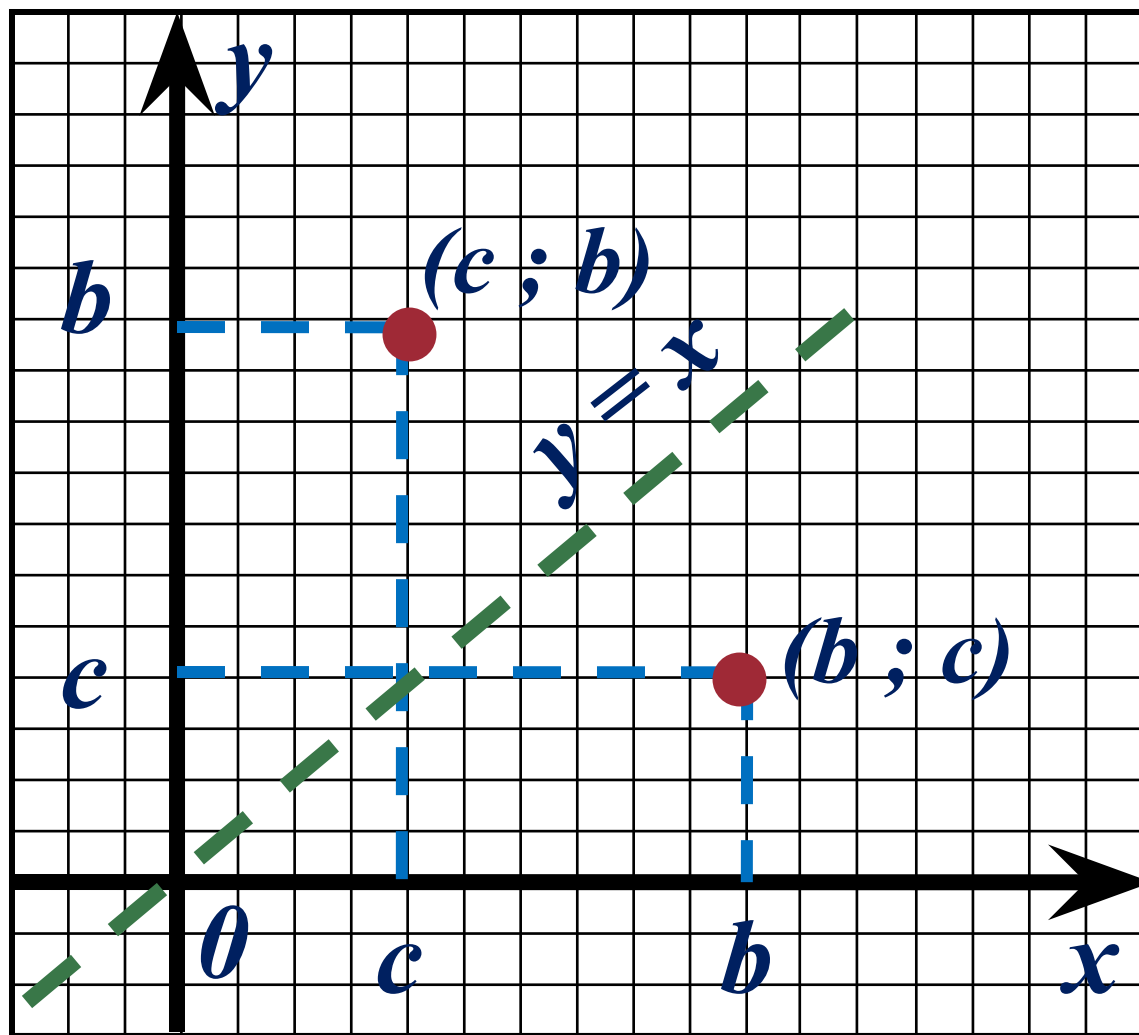
*Какими свойствами
обладает эта
функция
при $0 < a < 1$?*



Показательная функция
Логарифмическая функция

$$y = a^x$$

$$y = \log_a x$$



Если точка $(c; b)$ принадлежит показательной функции, то

$$b = a^c$$

Или, на «языке логарифмов»

$$c = \log_a b$$

Что можно сказать о точке $(b; c)$?

Вывод:

График функции $y = \log_a x$ симметричен графику функции $y = a^x$ относительно прямой $y = x$.

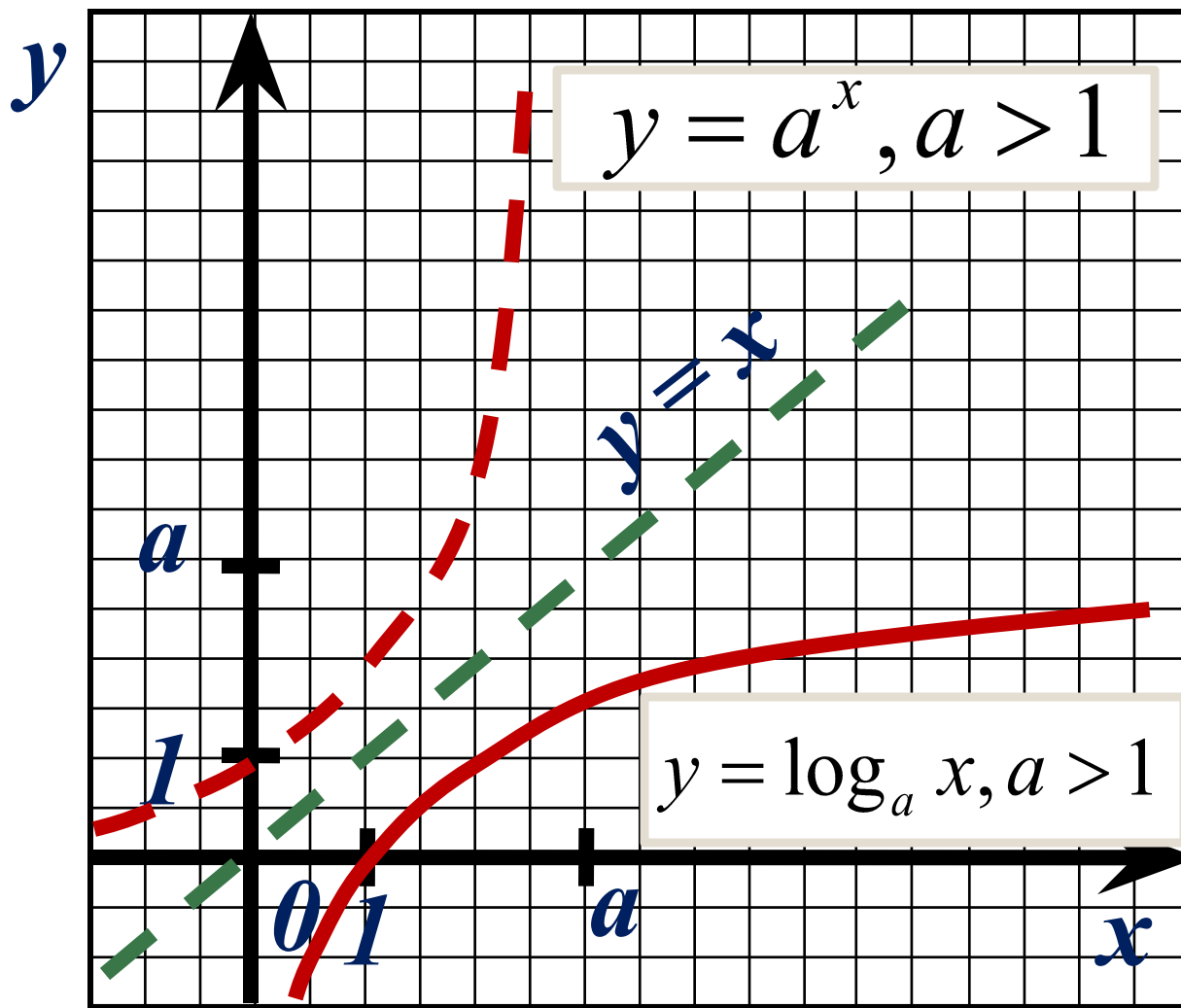
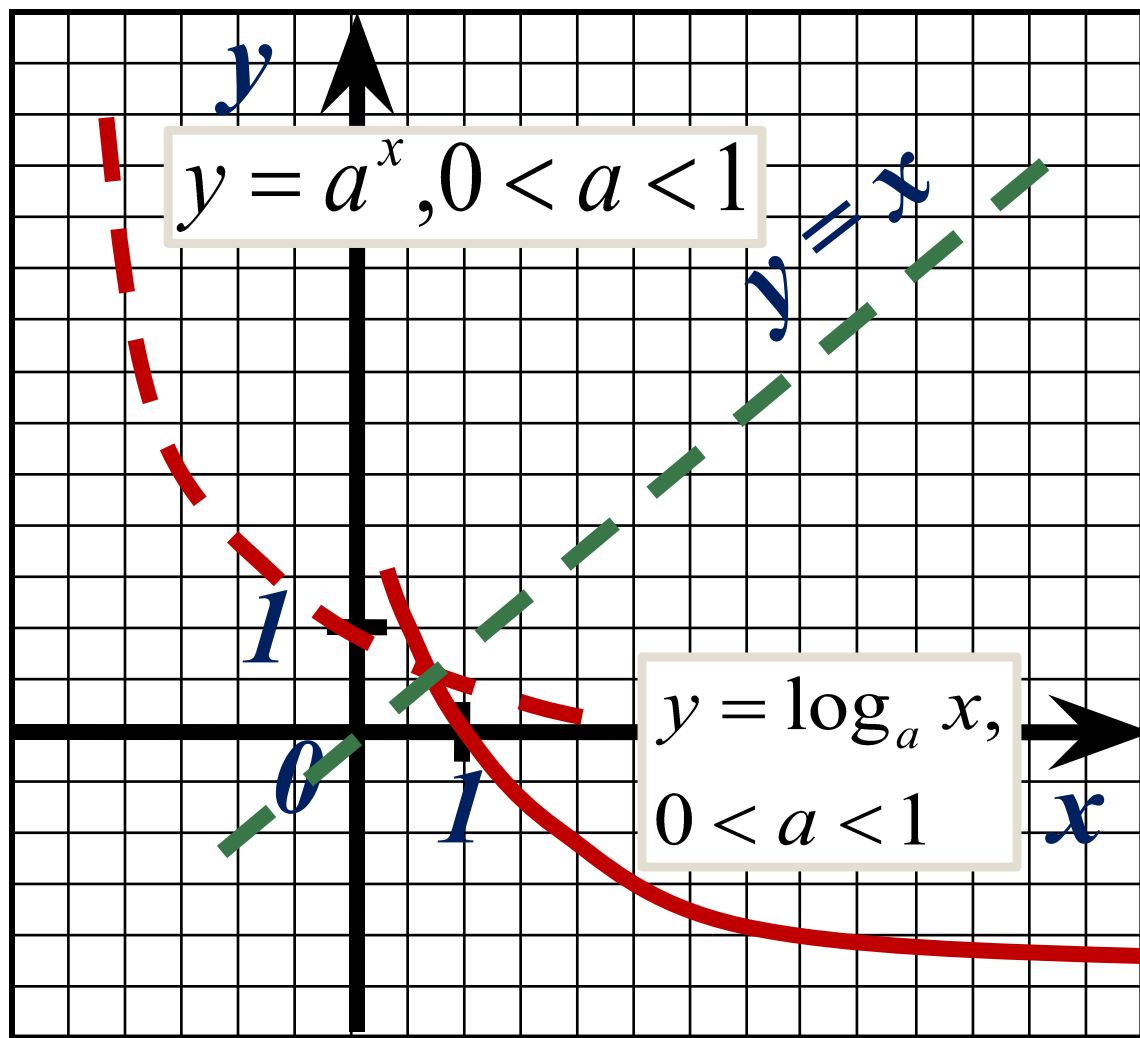


График функции $y = \log_a x$ симметричен графику функции $y = a^x$ относительно прямой $y = x$.



Постройте графики функций:

1 вариант

$$y = \log_2 x$$

2 вариант

$$y = \log_{\frac{1}{2}} x$$

x	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{2}$	1	2	4	8
$y = \log_2 x$	-2	-1	0	1	2	3

x	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{2}$	1	2	4	8
$y = \log_{1/2} x$	2	1	0	-1	-2	-3

Проверка:

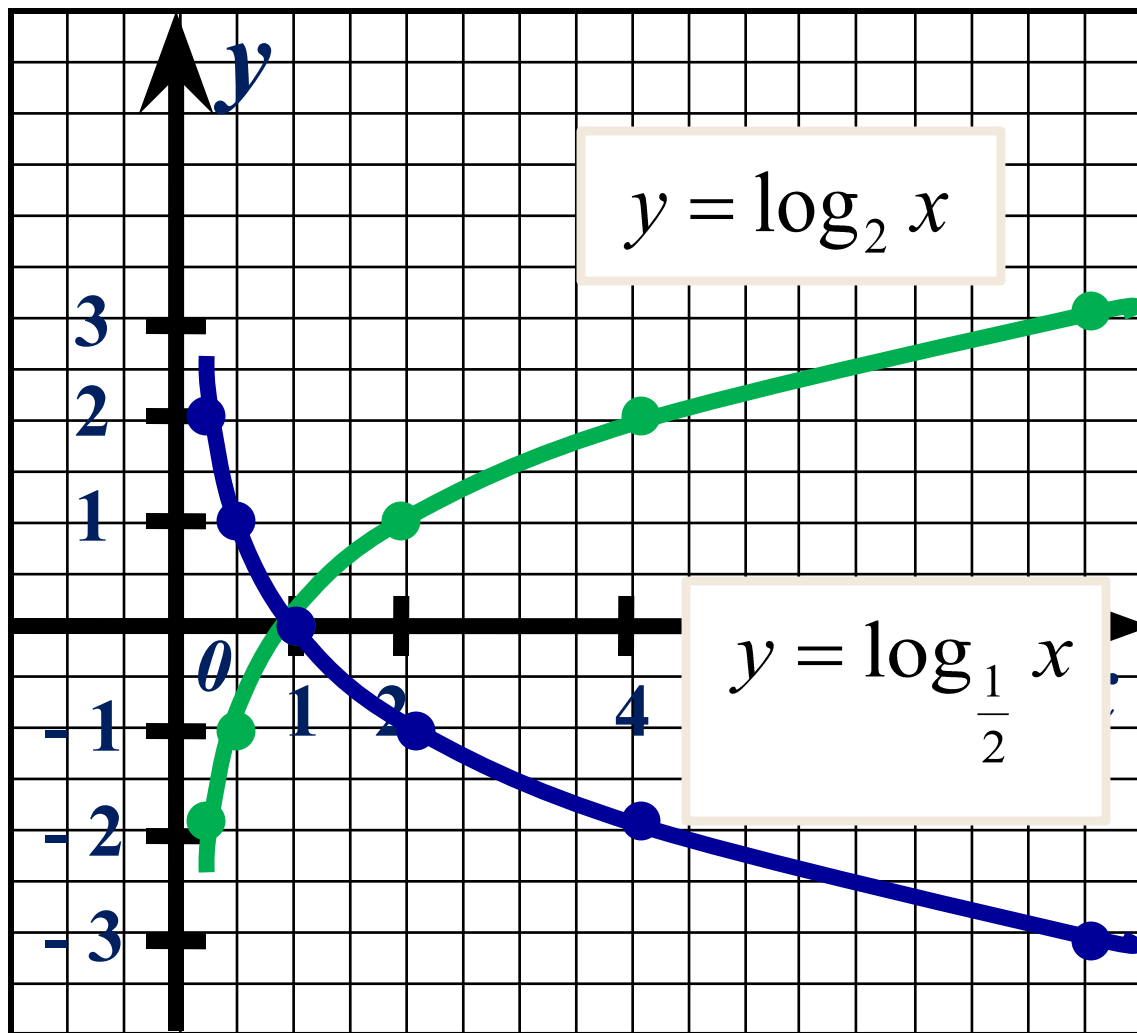
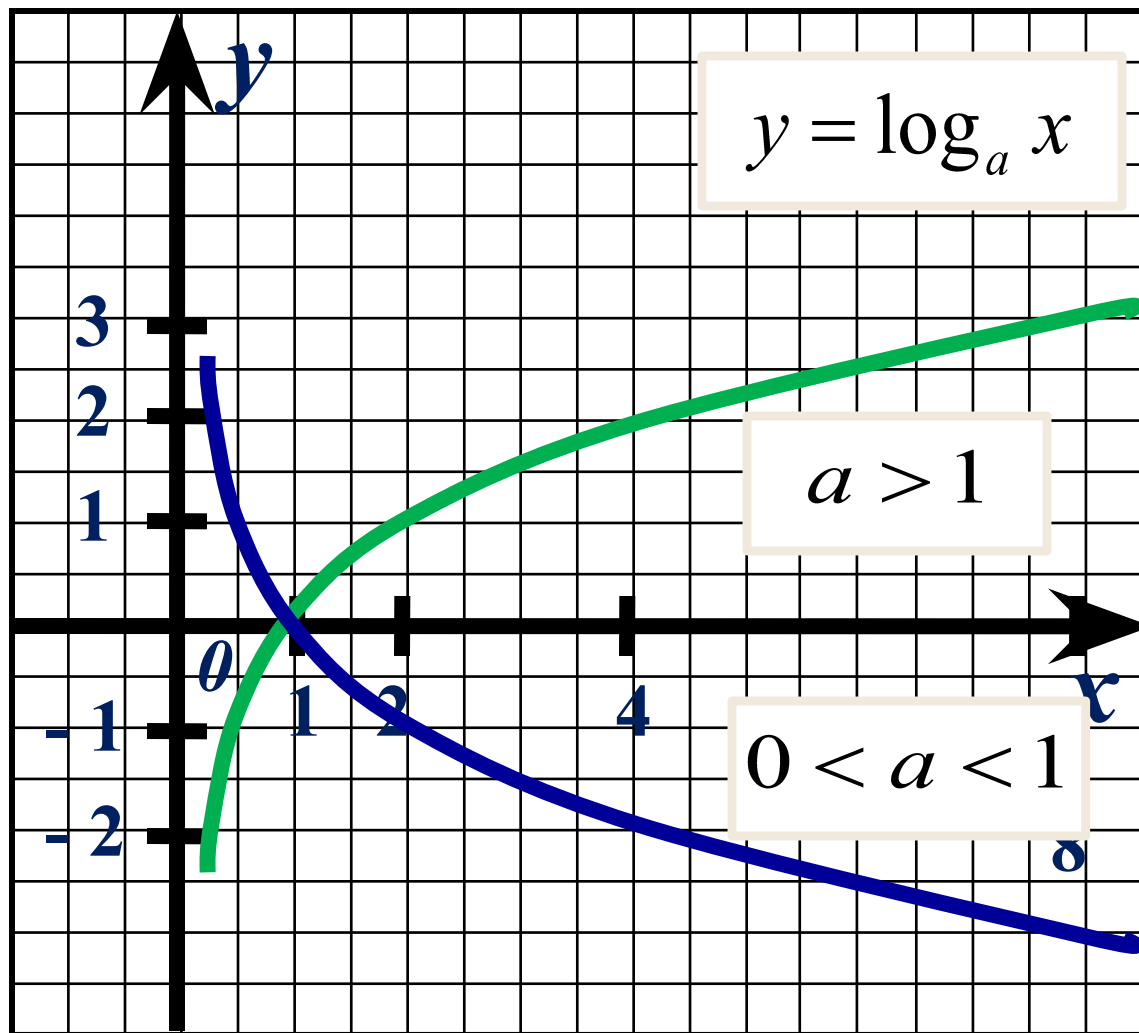


График
логарифмической
функции
называют
логарифмической
кривой.

График функции $y = \log_a x$.



Опишите свойства
логарифмической
функции.

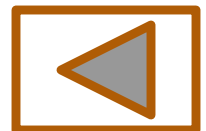
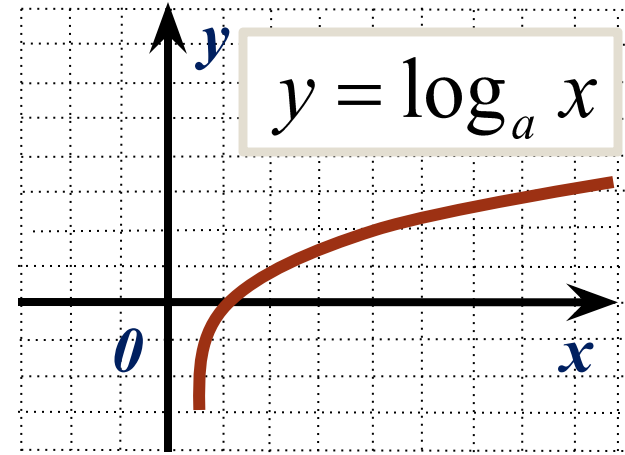
1 вариант:
при $a > 1$

2 вариант:
при $0 < a < 1$



Свойства функции $y = \log_a x, a > 1$.

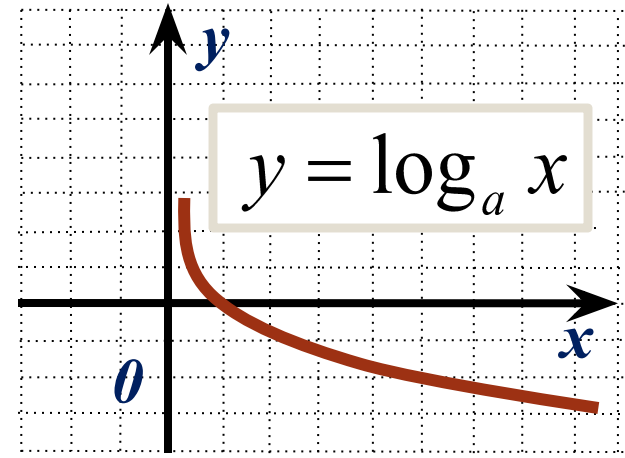
- 1) $D(f) = (0, +\infty)$;*
- 2) не является ни чётной, ни нечётной;*
- 3) возрастает на $(0, +\infty)$;*
- 4) не ограничена сверху, не ограничена снизу;*
- 5) не имеет ни наибольшего, ни наименьшего значений;*
- 6) непрерывна;*
- 7) $E(f) = (-\infty, +\infty)$;*
- 8) выпукла вверх.*





Свойства функции $y = \log_a x$, $0 < a < 1$.

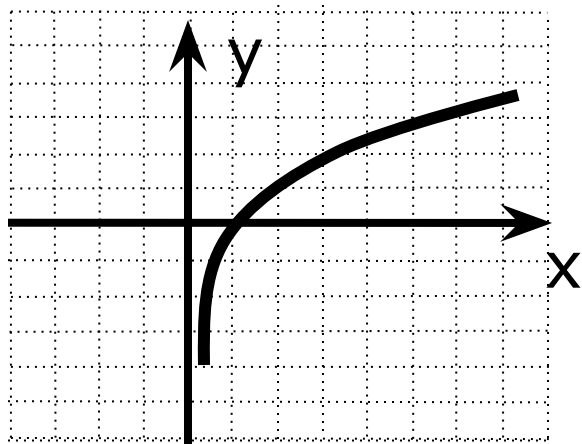
- 1) $D(f) = (0, +\infty)$;*
- 2) не является ни чётной, ни нечётной;*
- 3) убывает на $(0, +\infty)$;*
- 4) не ограничена сверху, не ограничена снизу;*
- 5) не имеет ни наибольшего, ни наименьшего значений;*
- 6) непрерывна;*
- 7) $E(f) = (-\infty, +\infty)$;*
- 8) выпукла вниз.*



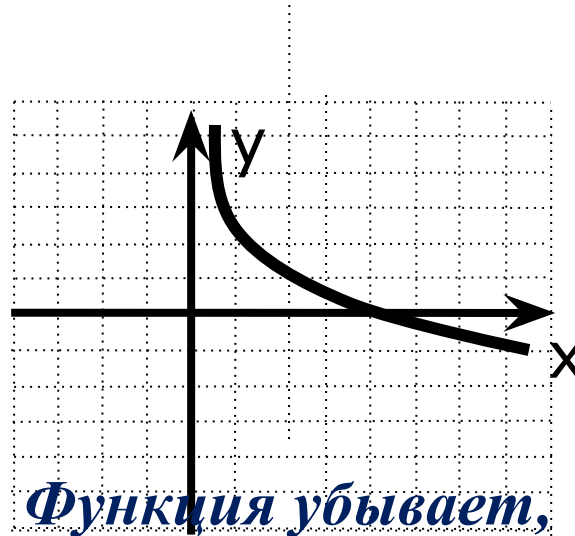
Задание №1

Найдите наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке:

$$y = \lg x, x \in [1, 1000] \quad \left[\lg 1, \lg 10^3 \right] \Rightarrow x \in [1, 1000] = [10^0, 10^3]$$



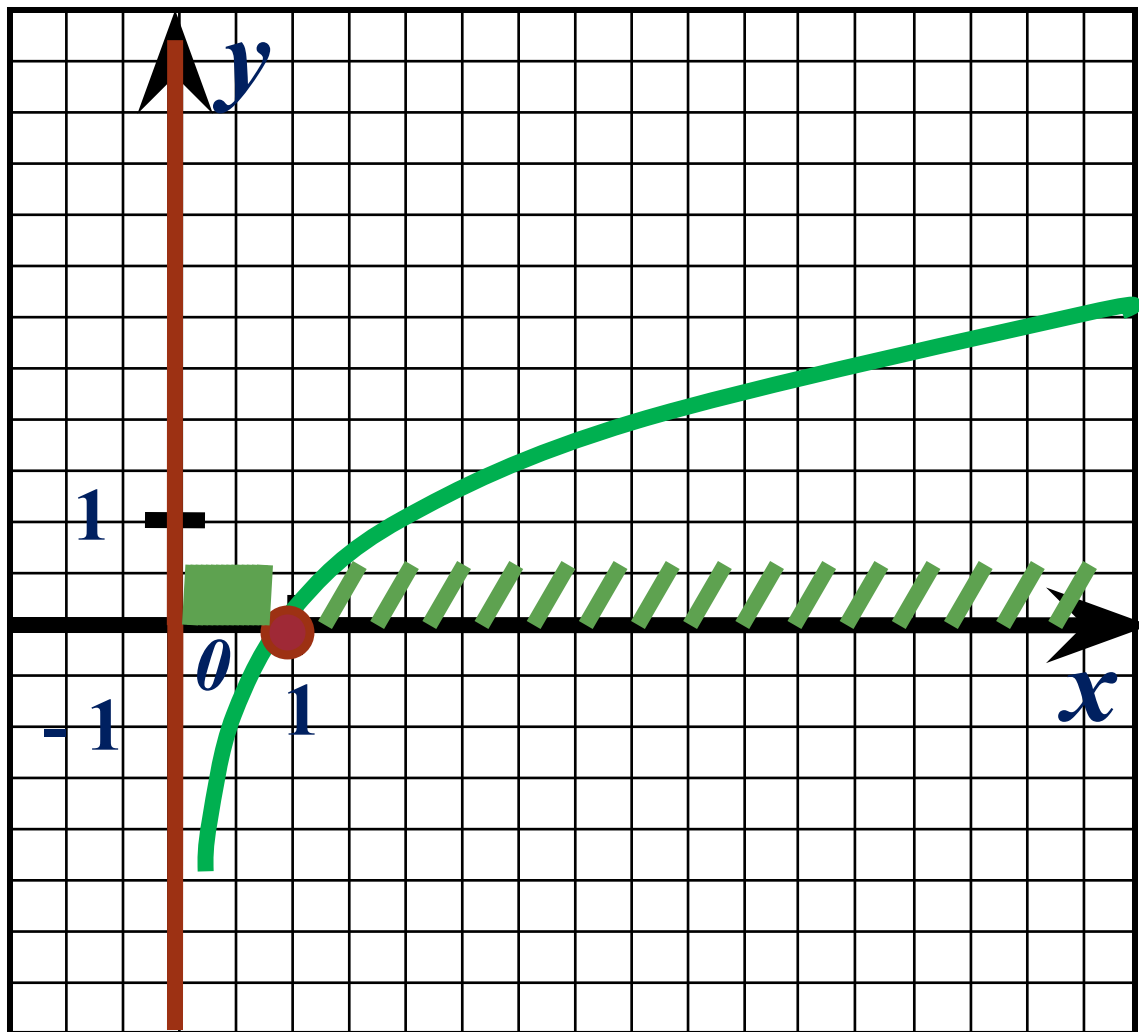
Функция возрастает,
значит: $y_{\text{наим.}} = \lg 1 = 0$
 $y_{\text{наиб.}} = \lg 1000 = \lg 10^3 = 3$



Функция убывает,
значит: $y_{\text{наим.}} = -3$
 $y_{\text{наиб.}} = 2$

Задание №2

Решите уравнение и неравенства:



$$\log_5 x = 0$$

Ответ: $x = 1$

$$\log_5 x > 0$$

Ответ: $x > 1$

$$\log_5 x < 0$$

Ответ: $0 < x < 1$

Самостоятельно:

Решите уравнение и неравенства:

$$\log_{\frac{2}{5}} x = 0$$

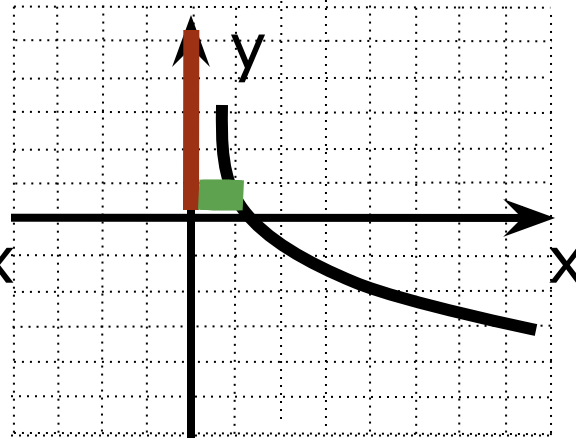
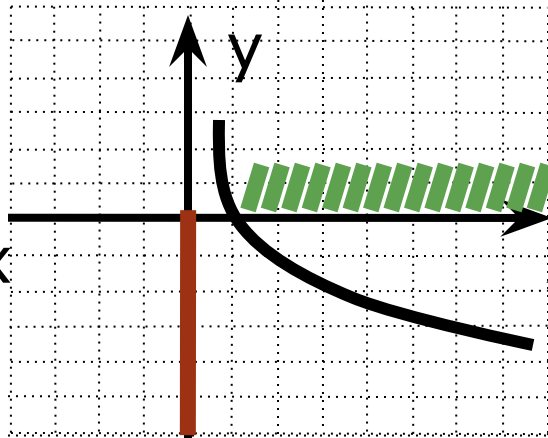
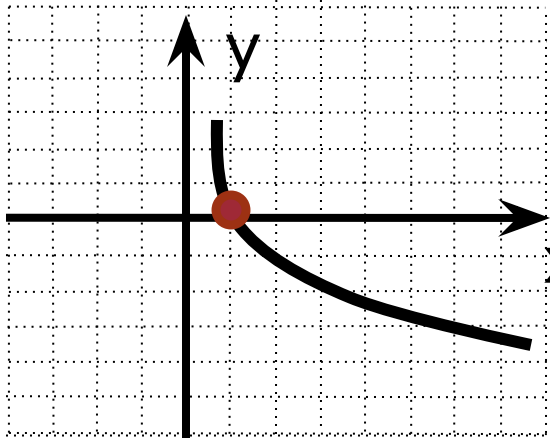
$$\log_{\frac{2}{5}} x < 0$$

$$\log_{\frac{2}{5}} x > 0$$

Ответ: $x = 1$

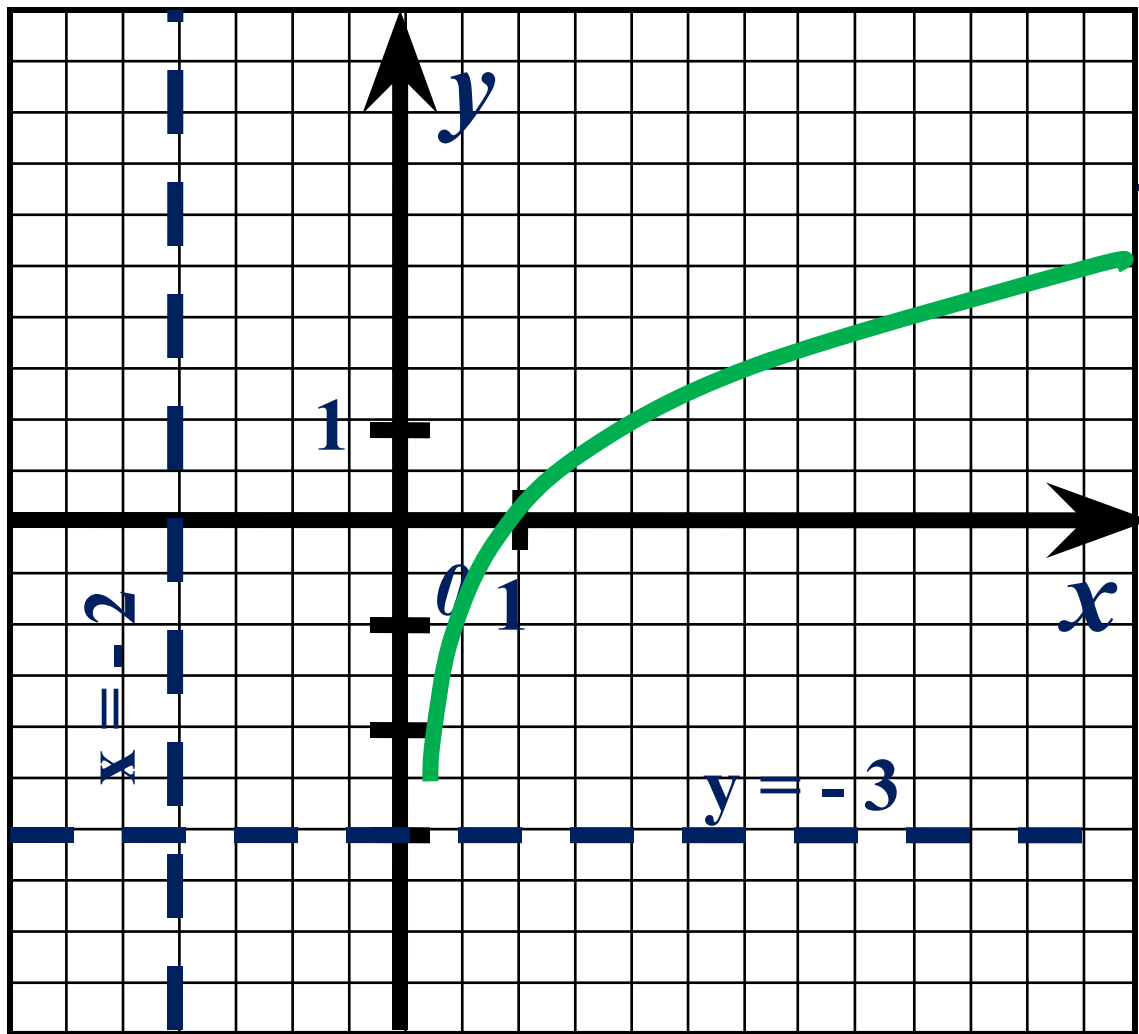
Ответ: $x > 1$

Ответ: $0 < x < 1$



Задание №3

Постройте графики функций: $y = \log_2(x + 2) - 3$



Самостоятельно.

$$y = \log_2(-x)$$

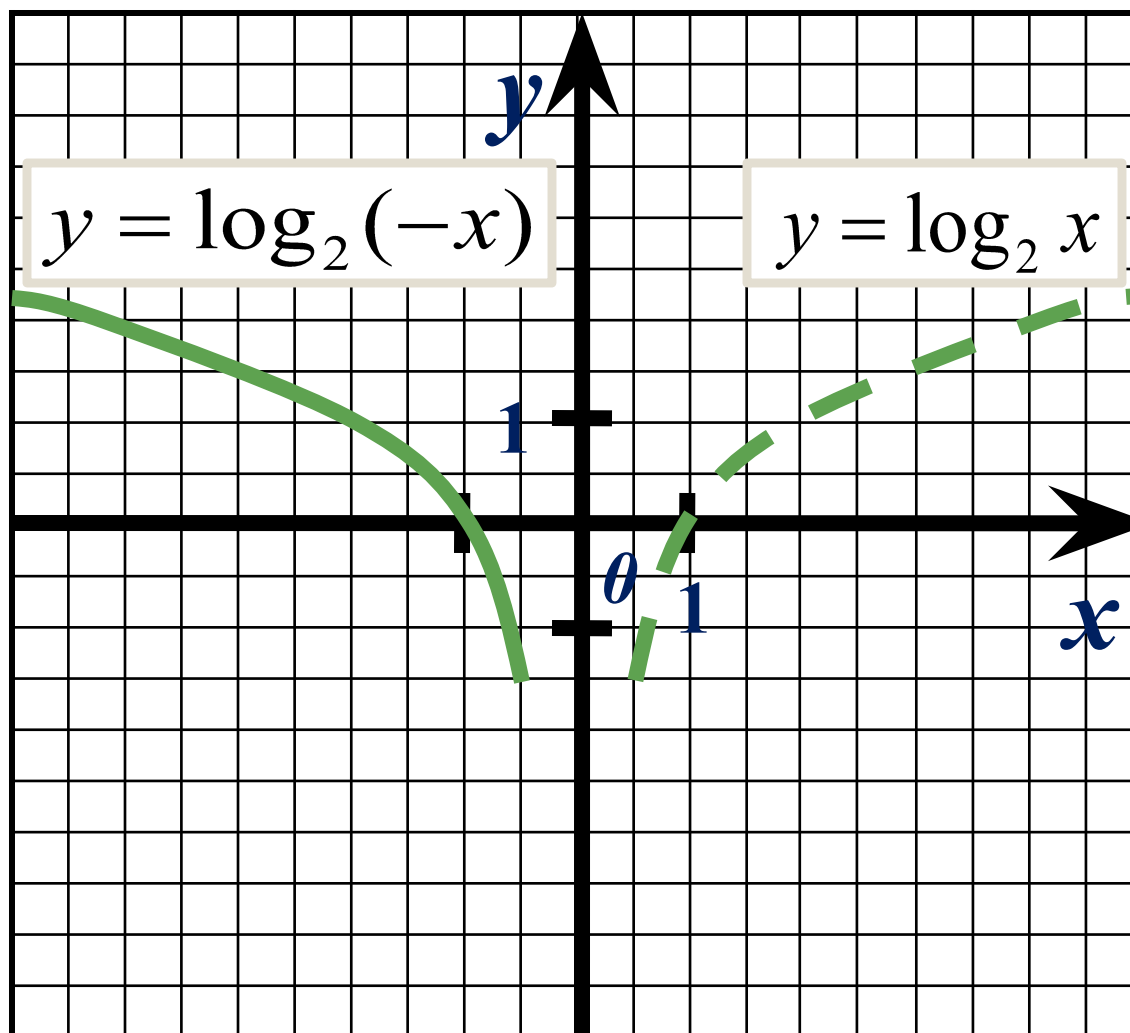
Проверить!

$$y = -3 \log_2 \frac{x}{2}$$

Проверить!

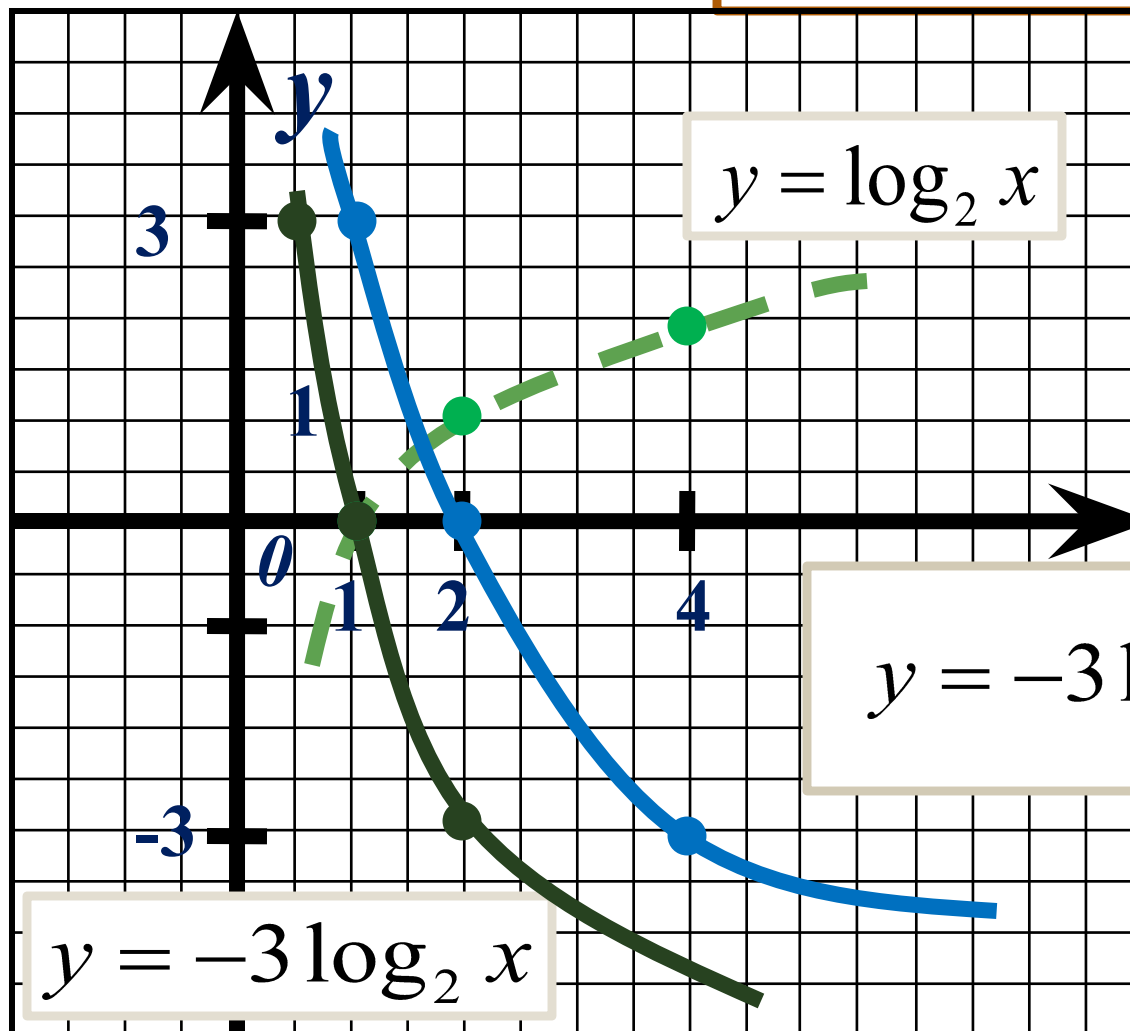
Проверка:

$$y = \log_2(-x)$$



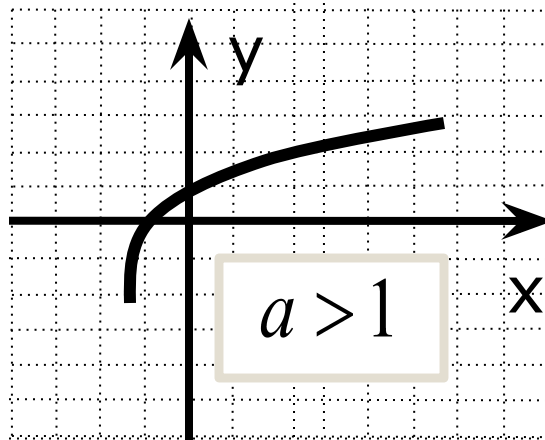
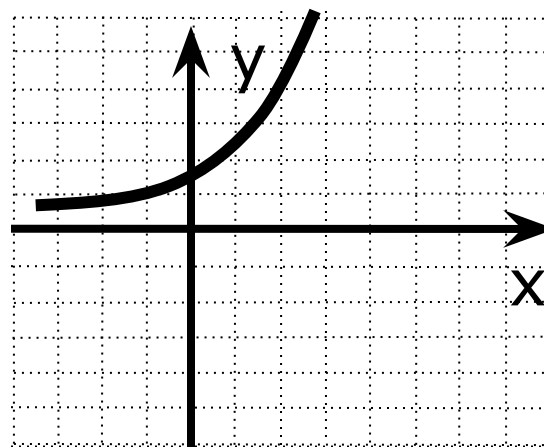
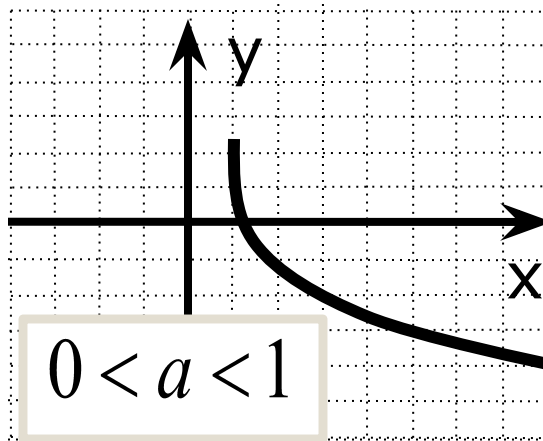
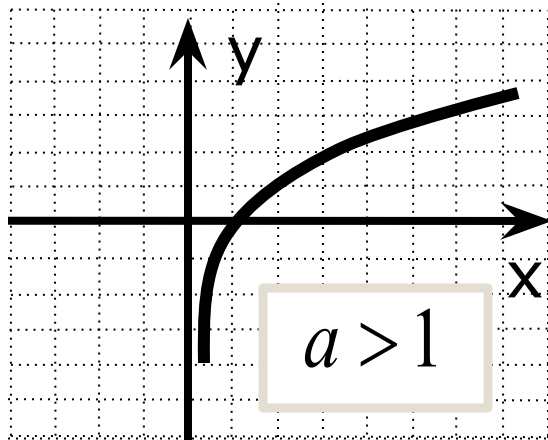
Проверка:

$$y = -3 \log_2 \frac{x}{2}$$





Установите для предложенных графиков значение параметра a ($a > 1$, $0 < a < 1$)



*Не является
графиком
логарифмической
функции*



Блиц - опрос.
Отвечать только «да» или «нет»

- ✓ **Ось y является вертикальной асимптотой графика логарифмической функции.**
- ✓ **Графики показательной и логарифмической функций симметричны относительно прямой $y = x$.**
- ✓ **Область определения логарифмической функции – вся числовая прямая, а область значений этой функции – промежуток $(0, +\infty)$.**
- ✓ **Монотонность логарифмической функции зависит от основания логарифма.**
- ✓ **Не каждый график логарифмической функции проходит через точку с координатами $(1; 0)$.**



Блиц - опрос.
Отвечать только «да» или «нет»

- ✓ **Логарифмическая кривая это та же экспонента, только по - другому расположенная в координатной плоскости.**
- ✓ **Выпуклость логарифмической функции не зависит от основания логарифма.**
- ✓ **Логарифмическая функция не является ни чётной, ни нечётной.**
- ✓ **Логарифмическая функция имеет наибольшее значение и не имеет наименьшего значения при $a > 1$ и наоборот при $0 < a < 1$.**

Проверка: Да, да, нет, да, нет, да, нет, да, нет



Удачи!!!!

§ 49

№1463, 1467,1480,1460

1 вариант – а,б;

2 вариант – в,г.



Используемые ресурсы и литература

Мордкович А.Г. Алгебра и начала анализа. 10 – 11 кл.: Учебн. для общеобразоват. учреждений. – 3-е изд. – М.: Мнемозина, 2007.

Алгебра и начала анализа. 10 – 11 кл.: Задачник для общеобразоват. учреждений/А.Г.Мордкович, Л.О. Денищева, Т.А. Корешкова, Т.Н. Мишустина, Е.Е. Тульчинская. – 3-е изд., испр. – М.:Мнемозина, 2007.

Л.А. Александрова Алгебра и начала анализа. 11 класс. Самостоятельные работы: Учеб. пособие для общеобразоват. учреждений/ Под ред. А.Г. Мордковича. – 2-е изд. – М.: Мнемозина, 2006. – 96 с.

<http://ru.wikipedia.org>

<http://nayrok.ru>