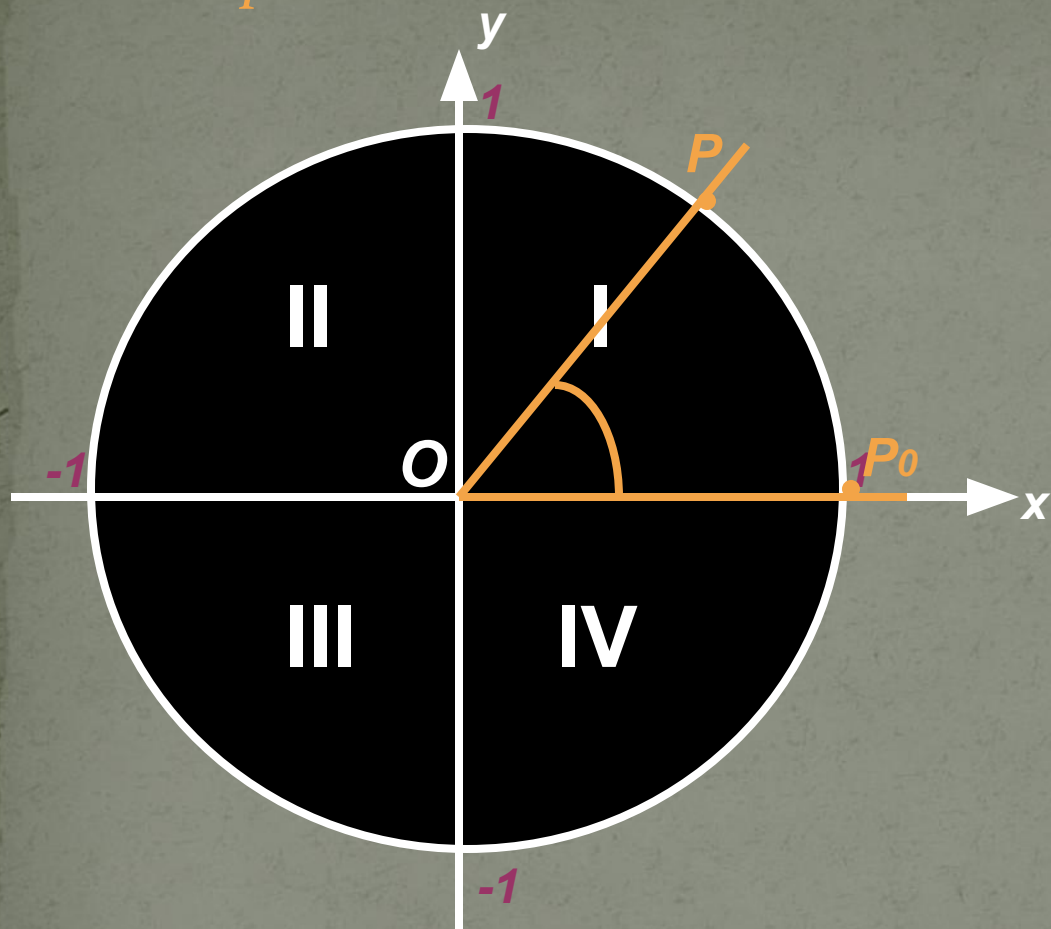


*«Угол поворота.
Радианная мера угла»*

Угол поворота



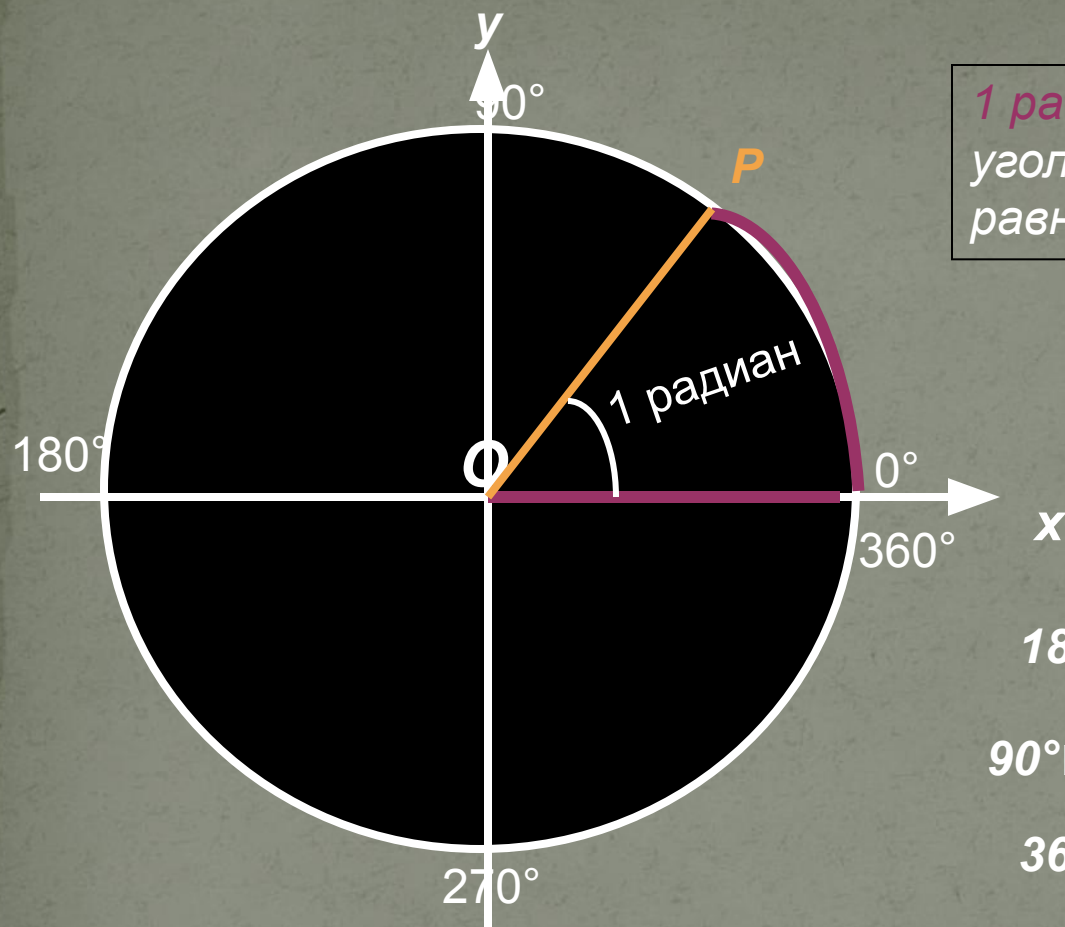
OP_0 - неподвижный луч

OP - подвижный луч

Угол поворота соответствует длине пути, пройденного точкой P от начального положения P_0

Угол поворота можно измерить двумя мерами : градусной и радианной

Радийная мера угла



1 радиан это центральный угол, длина дуги которого равна радиусу окружности

$$1 \text{ радиан} \approx 57^\circ$$

$$180^\circ = \pi \text{ рад}$$

$$180^\circ \square \text{ развёрнутый угол} \square \pi$$

$$90^\circ \square \text{ прямой угол} \square \frac{\pi}{2}$$

$$360^\circ \square \text{ полный угол} \square 2\pi$$

Формула перехода от градусной меры к радианной:

$$\alpha \text{ рад} = \frac{\pi}{180^\circ} \cdot \alpha^\circ$$

Формула перехода от радианной меры к градусной :

$$\alpha^\circ = \frac{180^\circ}{\pi} \cdot \alpha \text{ рад}$$

Заполните таблицу



четверть	интервал в градусах	интервал в радианах
I	$0^\circ < \alpha < 90^\circ$	$0 < \alpha < \frac{\pi}{2}$
II	$90^\circ < \alpha < 180^\circ$	$\frac{\pi}{2} < \alpha < \pi$
III	$180^\circ < \alpha < 270^\circ$	$\pi < \alpha < \frac{3\pi}{2}$
IV	$270^\circ < \alpha < 360^\circ$	$\frac{3\pi}{2} < \alpha < 2\pi$

Определите, в какой четверти расположены углы:

$$\alpha = 25^\circ$$

$$\beta = -100^\circ$$

$$\gamma = 220^\circ$$

$$\phi = 460^\circ$$

Единицы измерения углов

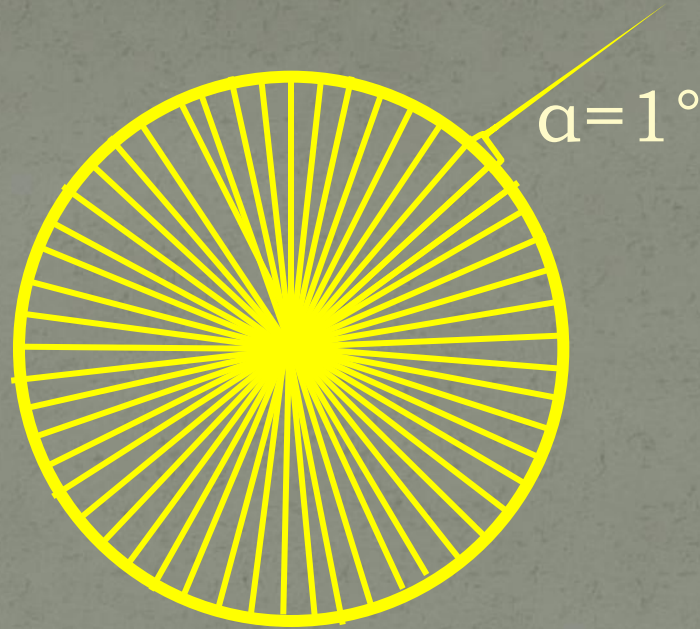


Градусы



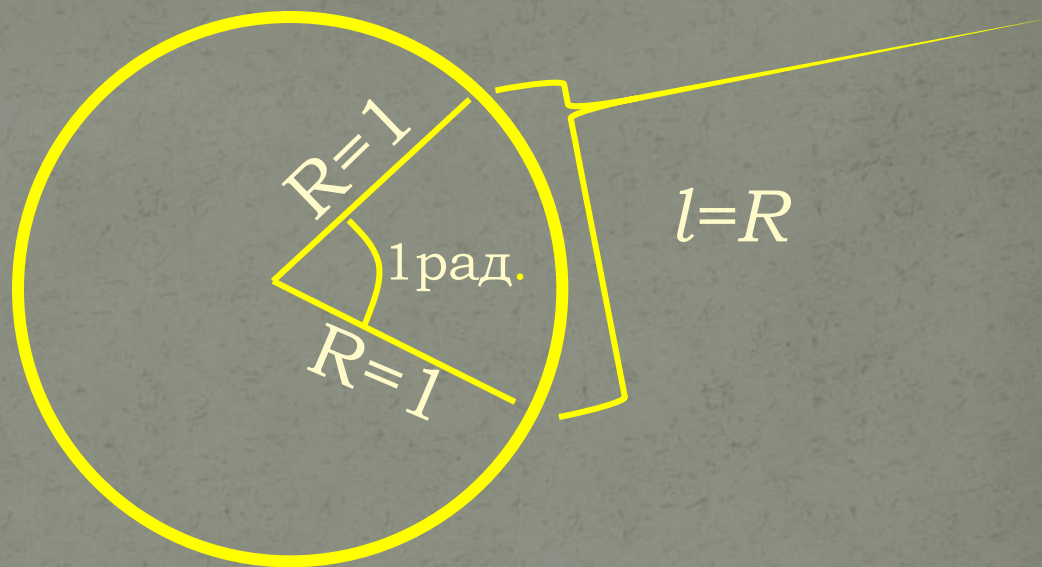
Радианы

Градусная мера угла



***1° – цена одного деления
окружности, разделенной на
360 частей***

Радиианная мера угла



1 радиан – это величина центрального угла, длина дуги которого равна радиусу

Пример:

$$1. 30^\circ = \frac{\pi \cdot 30^\circ}{180^\circ} \text{ рад.} = \frac{\pi}{6} \text{ рад.}$$

$$2. 90^\circ = \frac{\pi \cdot 90^\circ}{180^\circ} \text{ рад.} = \frac{\pi}{2} \text{ рад.}$$

$$3. 135^\circ = \frac{\pi \cdot 135^\circ}{180^\circ} \text{ рад.} = \frac{3\pi}{4} \text{ рад.}$$

№1: Переведите в радианную меру углы:

1) 45°

4) 100°

7) 215°

2) 15°

5) 200°

8) 150°

3) 72°

6) 360°

9) 330°

№2: Переведите в градусную меру углы:

1) $\frac{\pi}{9} \text{ рад.}$

4) $\frac{\pi}{4} \text{ рад.}$

2) $\frac{\pi}{5} \text{ рад.}$

5) $\frac{4\pi}{3} \text{ рад.}$

3) $\frac{5\pi}{12} \text{ рад.}$

6) $\frac{3\pi}{4} \text{ рад.}$

№2: Переведите в градусную меру углы:

7) $\frac{7\pi}{2} \text{ рад.}$

8) $\frac{11\pi}{4} \text{ рад.}$

9) $\frac{7\pi}{18} \text{ рад.}$

10) $\pi \text{ рад.}$

11) $\frac{3\pi}{2} \text{ рад.}$

12) $\frac{7\pi}{4} \text{ рад.}$

Самостоятельная работа

I вариант

II вариант

1. Переведите в радианную меру углы:

- 1) 60°
- 2) 145°
- 3) 240°

- 1) 320°
- 2) 105°
- 3) 40°

2. Переведите в градусную меру углы:

- 1) $\frac{2\pi}{5} \text{ рад.}$
- 2) $\frac{8\pi}{3} \text{ рад.}$

- 1) $\frac{9\pi}{4} \text{ рад.}$
- 2) $\frac{5\pi}{6} \text{ рад.}$

Ответы

I вариант

1.

1) $\frac{\pi}{3} \text{ рад.}$

2) $\frac{29\pi}{36} \text{ рад.}$

3) $\frac{4\pi}{3} \text{ рад.}$

2.

1) 72°

2) 480°

II вариант

1) $\frac{16\pi}{9} \text{ рад.}$

2) $\frac{7\pi}{12} \text{ рад.}$

3) $\frac{2\pi}{9} \text{ рад.}$

1) 405°

2) 150°