Тема урока:

ФУНКЦИОНАЛЬНО - ГРАФИЧЕСКИЙ ПОДХОД К РЕШЕНИЮ ЗАДАЧ С ПАРАМЕТРАМИ

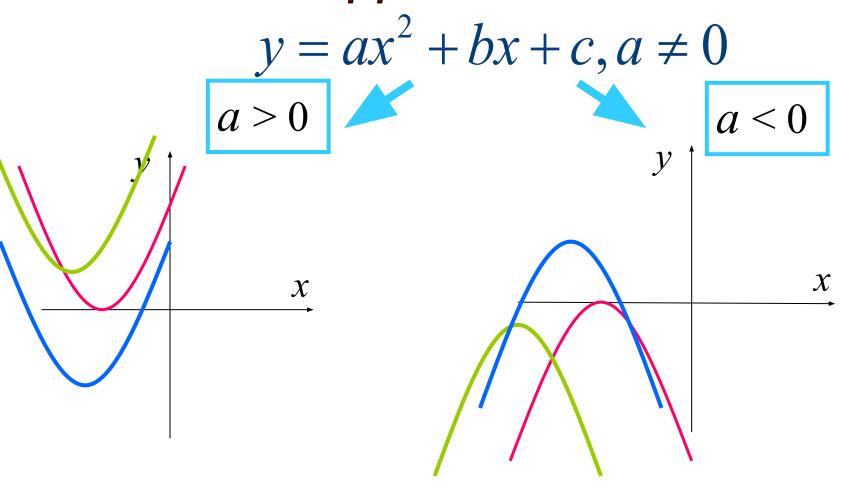
МАТЕМАТИЧЕСКОЕ ПОНЯТИЕ ПАРАМЕТРА

В уравнениях (неравенствах) коэффициенты при неизвестных или свободные члены заданные не конкретными числовыми значениями, а обозначенные буквами называются **параметрами**.

Пример:
$$ax^2 + bx + c = 0$$
, $D = b^2 - 4ac$.

<u>Решить задачу с параметром</u> – это значит, для каждого значения *параметра* найти значения *х*, удовлетворяющие условию этой задачи.

ГРАФИК КВАДРАТНОГО ТРЕХЧЛЕНА



$$D = 0$$
, (1 корень)

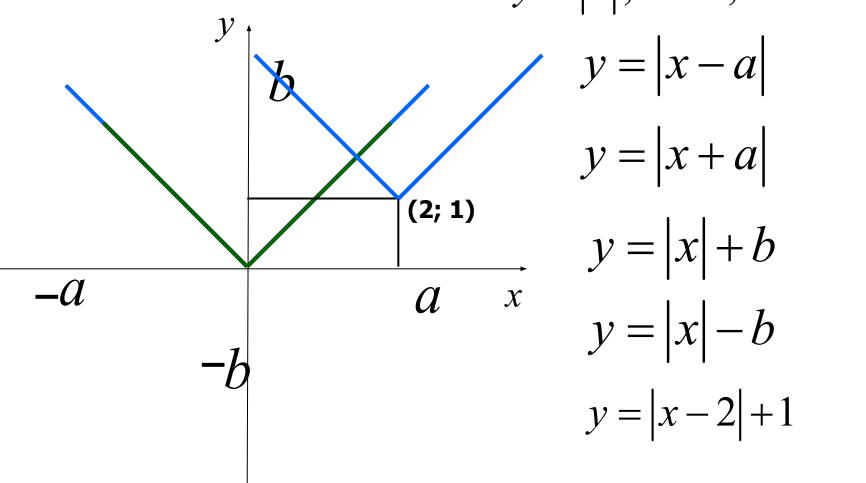
D < 0 (корней нет)

D > 0, (2 корня)

ПОСТРОЕНИЕ ГРАФИКОВ ФУНКЦИЙ

(с помощью геометрических преобразований,

на примере функции $y=\left|x\right|,a>0,b>0$)



Построить графики функций

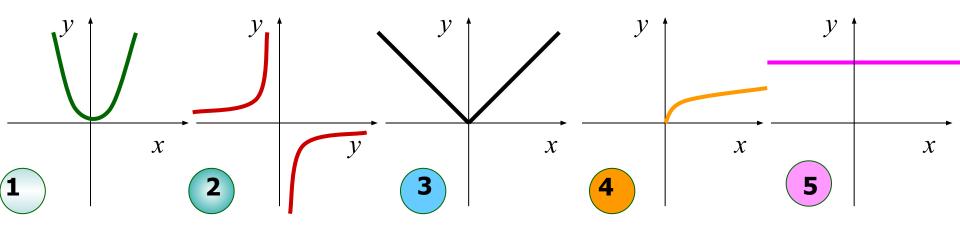
$$y = |x - 3| + 2$$

$$y = 1 - |x + 2|$$

$$y = |x - 3| + 2$$

Работа по готовым чертежам.

(«Функции и графики», материалы ЕГЭ, часть «А»)



$$y = ax^2$$
 $y = |x|$ $y = \frac{k}{x}$ $y = a$ $y = \sqrt{x}$

РЕШЕНИЕ УРАВНЕНИЙ ГРАФИЧЕСКИМ СПОСОБОМ

(«Функции и графики», материалы ЕГЭ, часть «В»)

Пусть дано уравнение f(x) = g(x).

- 1. Строим графики функций левой и правой частей уравнения y = f(x) и y = g(x).
- 2. Находим точки пересечения графиков.
- Абсциссы точек пересечения и есть решения данного уравнения.

Решить уравнение: $x^2 = a$

2 способ (графический)

- 1. левая часть уравнения неотрицательна при любом значении неизвестной х, \Longrightarrow при $\alpha < 0$ решений нет.
- 2. при a=0 уравнение примет вид $x^2 = 0$, и имеет корень x=0 . y=a
- 3. при a > 0 находим корни уравнения по формуле $x = \pm \sqrt{a}$ v = a

Ответ: при a < 0, корней нет; при a = 0, один корень x = 0. при a > 0, два корня $x = \pm \sqrt{a}$

« Математике нельзя научиться , глядя как это делает сосед! »

А.Нивен.

Nº1. При каких значениях параметра a уравнение $3-\sqrt{(x-2)^2}=a$ имеет одно решение ?

№2. При каких значениях параметра a уравнение |x-1|-1=a не имеет решений ?

При каких значениях параметра а уравнение $3 - \sqrt{(x-2)^2} = a$ имеет одно решение ?

Запишем уравнение в виде:

$$3 - |x - 2| = a$$

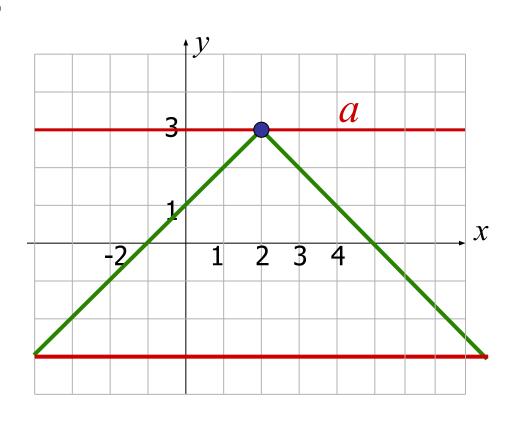
Построим графики

функций:
$$y = 3 - |x - 2|$$
.

и подвижную прямую

$$y = a$$

Ответ: а =3



При каких значениях параметра а уравнение |x-1|-1=a не имеет решений ?

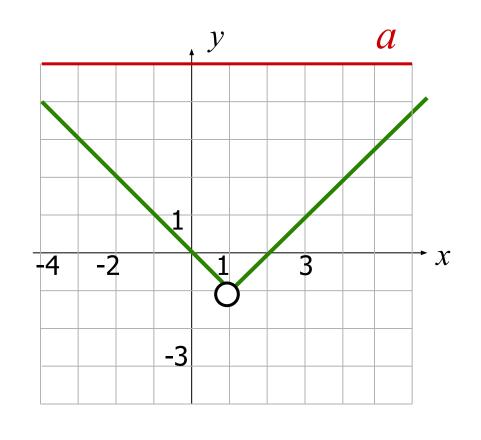
Построим график

$$y = |x - 1| - 1$$

и прямую y = a.

По рисунку видим при a < -1 решений нет.

Ответ: a < -1



ВЫВОД

(Графический способ решения задач с параметром)

Задачу с параметром можно рассматривать как функцию f(x; a) = 0

•1. Строим графический образ

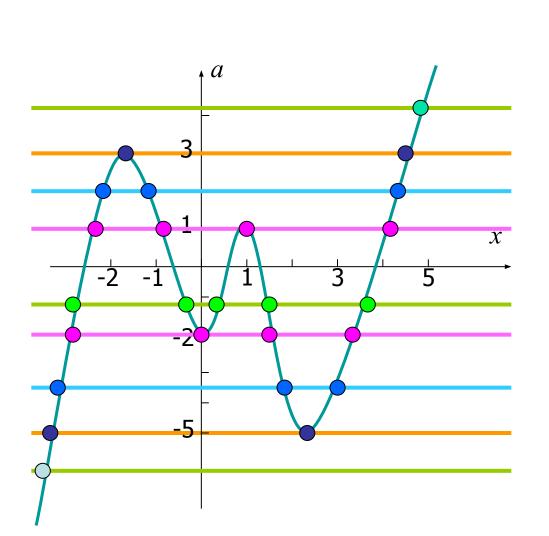
•2. Пересекаем полученный график прямыми параллельными оси абсцисс

Cxemal

решения

•3. «Считываем» нужную информацию

Указать количество корней уравнения f(x)=a при всех значениях параметра a.



Ответ:

1 корень при a<-5, a>3

2 корня при a=-5, a=3

3 корня при

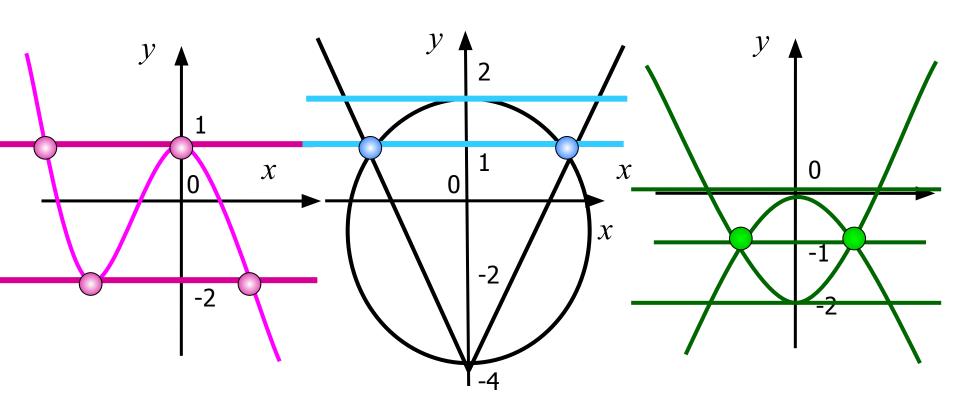
1<a<3 и -5<a<-2

4 корня при a=-2 и a=1

5 корней при **-**2<a<1

Задание по выбору

При каких значениях параметра a уравнение f(x) = a имеет два корня?



Найти сумму целых значений параметра а при которых уравнение $(a+2x-x^2+19)(a-3-|x-4|)=0$

имеет три корня.

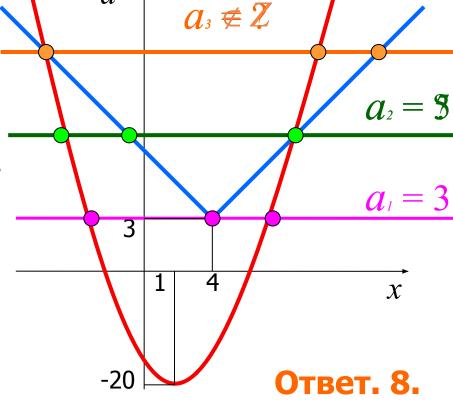
Исходное уравнение равносильно $\begin{bmatrix} a-x^2+2x+19=0\\ a-3-|x-4|=0 \end{bmatrix}$ получаем: $\begin{bmatrix} a=x^2-2x-19 \end{bmatrix}$

a = |x-4|+3 Из рисунка видно, что уравнение имеет три корня в 3 случаях.

1) При a = 3, вершина прямого угла;

2) При
$$x < 4$$
, $x^2 - 2x - 19 = -(-4) + 3$
 $x^2 - x - 26 = 0$, $x_{1,2} \notin Z \implies \emptyset$

 $x - x - 26 = 0, x_{1,2} \notin Z \implies \emptyset$ 3) При x > 4, $x^2 - 2x - 19 = x - 4 + 3$, $x^2 - 3x - 18 = 0, x_1 = -3(\emptyset), x_2 = 6$ Тогда a = 6 - 4 + 3 = 5.



ТЕХНОЛОГИЯ КОНСТРУИРОВАНИЯ ЗАДАЧ

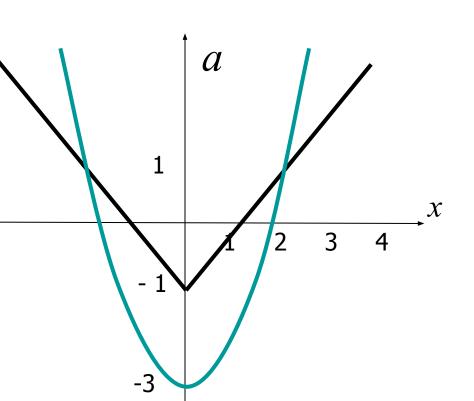
Подсказка: выбрать путь «от картинки к условию» задачи

- 1. Возьмем два уравнения
- 2. Построим их графический образ.
- 3. Заменяем букву y параметром a, u записываем уравнение c параметром.
- 4. По рисунку задаем условие.

$$Qy = x^{2} - 3 \qquad Qy = |x| - 1$$

$$a - x^{2} + 3 = 0 \qquad a - |x| + 1 = 0$$

$$(a - x^{2} + 3)(a - |x| + 1) = 0$$



При каких значениях параметра данное равнение имеет одно решения?

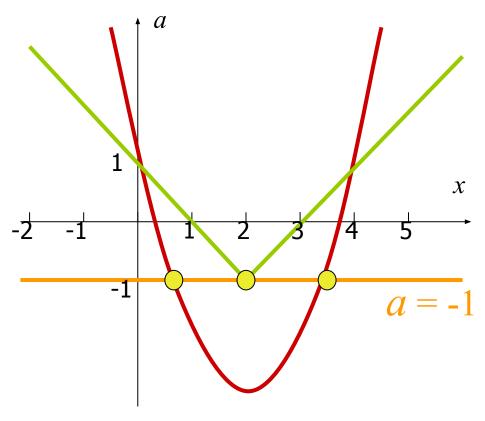
СОЗДАНИЕ И ЗАЩИТА ПРОЕКТА

Умение решать задачи – практическое искусство, уме**ние**фябият владанцю, или пракий пракий и пракий подобиментинини подражая катанзбранным образцам и науч**иянемуваннымуванным**ясь.. лишь подражая избранным образцам и постоянно тренируясь..

Д. Пойа

уравнение

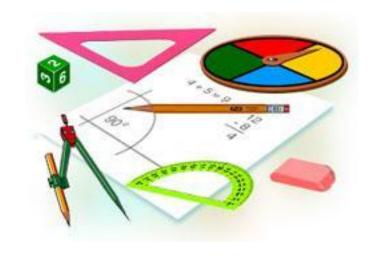
$$(a+4x-x^2-1)(a+1-|x-2|)=0$$
 имеет ровно три корня?



OTBET: a = -1

Творческое домашнее задание.

Составить две задачи с параметром, используя полученные знания.



Если вы хотите научиться плавать, то смело входите в воду, а если хотите научиться решать задачи, то решайте их.

(Д. Пойа)